

УДК 541.123:54621

*Р.Я. РАСУЛОВ<sup>1</sup>, В.Р. РАСУЛОВ<sup>1</sup>, И. ЭШБОЛТАЕВ<sup>2</sup>***К ТЕОРИИ ПОГЛОЩЕНИЯ ПОЛЯРИЗОВАННОГО ИЗЛУЧЕНИЯ  
В ПОЛУПРОВОДНИКОВОЙ КВАНТОВОЙ ЯМЕ (001)\***

Рассмотрено поглощение линейно-поляризованного излучения в полупроводниковой размерно-квантованной яме, связанное как с оптическими переходами между ветвями легких и тяжелых дырок, так и между размерно-квантованными подзонами. Выявлены основные черты поглощения света в бесконечно глубокой симметричной яме, характеризующиеся внутризонным поглощением света и связанные с прямыми оптическими переходами дырок между подзонами валентной зоны полупроводника, которые формируются за счет размерного квантования.

**Ключевые слова:** полупроводник, поляризованный свет, оптический переход, дырки, коэффициент поглощения света, размерное квантование.

В настоящее время как теоретически, так и экспериментально более подробно изучено поглощение света в полупроводниках с размерно-квантованными ямами, обусловленное междузонными оптическими переходами между размерно-квантованными подзонами зоны проводимости и валентной зоны (см., например, [1–9]). Внутризонному поглощению поляризованного излучения, связанному с оптическими переходами между размерно-квантованными состояниями подзон легких и тяжелых дырок полупроводников кубической симметрии, посвящено сравнительно мало работ. В работах [6–9] экспериментально изучено внутризонное поглощение света в структурах с квантовыми ямами (КЯ), а в [3, 5] теоретически рассмотрено поглощение света в КЯ полупроводника *p*-типа, обусловленное участием третьего тела (фононов, примесей и т.п.).

В настоящей работе рассмотрено поглощение линейно-поляризованного излучения в полупроводниковой размерно-квантованной яме, связанное как с оптическими переходами между ветвями легких и тяжелых дырок, так и между размерно-квантованными подзонами, где учтены вклады в поглощение, обусловленные когерентным насыщением дырок в конечном состоянии [10], а также зависимость эффективной массы и энергии ферми-дырок от номера размерного квантования, которые не были учтены в [11].

Рассмотрено поглощение линейно-поляризованного излучения в полупроводниковой размерно-квантованной яме (шириной  $a$ ), связанное как с оптическими переходами между ветвями легких и тяжелых дырок, так и между размерно-квантованными подзонами, обусловленное прямыми оптическими переходами. Для того чтобы выяснить основные черты поглощения света, рассмотрим простейший (изотропный) случай бесконечно глубокой симметричной ямы. Учтем, что в КЯ появляется дополнительный механизм внутризонного поглощения света, связанный с прямыми оптическими переходами свободных носителей между подзонами, которые формируются за счет размерного квантования. При расчете вклада этих переходов в коэффициент поглощения света нужно, в формуле для коэффициента поглощения в объемных кристаллах, учесть частичное заполнение состояний.

В дальнейшем будем считать, что четыре блоховских состояния тяжелых и легких дырок, умноженные на  $\exp(ik_z z)$ , описываются базисом Латтинжера – Кона [12, 13] и ось  $z$  совпадает с направлением [001], т.е. нормальна к поверхности стенки. Нетрудно показать, что расчет коэффициента поглощения света в структуре с квантовыми ямами отличается от расчета для объемного образца заменой объема нормирования  $V$  на площадь  $S$ , а также переходом от суммирования по трехмерному волновому вектору  $\mathbf{k} = \{k_x, k_y, k_z\}$  к суммированию по двумерному волновому вектору  $\mathbf{k}_\perp$  и по индексам уровней размерного квантования.

Уместно заметить, что как при линейном поглощении, так и при нелинейном по интенсивности поглощении поляризованного излучения в структурах с квантовыми ямами сильно отличается от поглощения света в объемном полупроводнике. В структурах с квантованными ямами поглощение света протекает как в пространстве двумерного волнового вектора  $\mathbf{k}_\perp$ , аналогичное в объ-

\* Данная работа частично финансирована грантом ОТ-Ф2-66 ГКНТ РУз.

емном полупроводнике, так и между состояниями размерного квантования. Именно вторая ступень поглощения света видоизменяет правила отбора оптических переходов при нелинейном поглощении света. Таким образом, в КЯ появляется дополнительный механизм поглощения света, связанный с прямыми оптическими переходами свободных носителей между состояниями, которые формируются за счет размерного квантования. При расчете вклада этих переходов в коэффициент поглощения света нужно в формуле для его определения учесть частичное заполнение как двумерных подзон, так и размерно-квантованных состояний.

Известно [1, 2, 10], что в периодических размерно-квантованных структурах, таких, как периодически расположенные квантовые ямы или сверхрешетки, коэффициент поглощения света определяется мнимой частью тензора диэлектрической проницаемости, которая определяется соотношением

$$\chi_{\alpha\beta} = \chi_{\alpha\beta}^{(0)} + \frac{4\pi e^2}{\omega^2 a F} \sum_{l\mathbf{k}_\perp; \nu S, \nu' S'} \frac{v_{l'n'S', l\nu S}^\alpha(\mathbf{k}_\perp) v_{l\nu S', l'n'S}^\beta(\mathbf{k}_\perp) [f_{l\nu S\mathbf{k}_\perp} - f_{l'n'S'\mathbf{k}_\perp}]}{E_{l'n'S'\mathbf{k}_\perp} - E_{l\nu S\mathbf{k}_\perp} - \hbar\omega - i\hbar\Gamma_{m'}}, \quad (1)$$

где  $\chi_{\alpha\beta}^{(0)}$  – нерезонансный вклад в  $\chi_{\alpha\beta}$ , слабо зависящий от частоты света  $\omega$ ;  $F$  – площадь стенки  $(x, y)$  и  $a$  – длина квантовой ямы;  $e$  – заряд электрона;  $E_{l\nu S\mathbf{k}_\perp}$  – энергетический спектр электронов в валентной зоне ветви  $l$  ( $l = hh$  – для тяжелых,  $l = lh$  – для легких дырок);  $n$  и  $n'$  – номера подзон размерного квантования;  $S$  и  $S'$  – спиновые индексы дырок;  $\nu$  – оператор скорости;  $f_{l\nu S\mathbf{k}_\perp}$  – функция распределения;  $\mathbf{k}_\perp = \{k_x, k_y\}$  – двумерный волновой вектор электронов;  $\Gamma_{m'}$  – затухание.

Тогда для симметричной квантовой ямы выражение для коэффициента однофотонного поглощения света в размерно-квантованной яме с шириной  $d$  можно записать в виде

$$K^{(1)} = \frac{2\pi\omega}{I} \sum_{\substack{\mathbf{k}_\perp; mm'=\pm 3/2, \\ l, l', mn'}} |M_{l'n'm', lmn}^{(1)}|^2 \Delta_{l'l} \delta(E_{l'n'\mathbf{k}_\perp} - \hbar\omega - E_{l\nu\mathbf{k}_\perp}), \quad (2)$$

где  $\Delta_{l'l} = \frac{f_{l\nu\mathbf{k}_\perp}^{(0)} - f_{l'n'\mathbf{k}_\perp}^{(0)}}{[1 + 4\hbar^{-2} T_l T_{l'} |M_{l'n'm', lmn}^{(1)}|^{1/2}]}$ ;  $M_{l'n'm', lmn}^{(1)}$  – матричный элемент однофотонного оптического перехода  $|l'n'm'\rangle \rightarrow |l\nu m\rangle$ ;  $T_l$  – время выхода из резонансной области дырок ветви  $l$ ;  $E_{l\nu\mathbf{k}_\perp}$  – энергетический спектр;  $f_{l\nu\mathbf{k}_\perp}^{(0)}$  – равновесная функция распределения дырок (с учетом размерного квантования);  $\delta$  – функция описывает закон сохранения энергии для рассматриваемого выше оптического перехода\*. Выше учтено, что состояния носителей тока размерно квантованы по оси  $z$ , а по остальным направлениям они остаются блоховскими.

Известно, что ограничение поперечного движения электрона в КЯ приводит к размерному квантованию поперечного компонента квазиимпульса ( $k_z$ ) (см., например, [14–17]). Это квантование приводит к расщеплению каждой энергетической ветви валентной зоны на двумерные подзоны. В этом случае состояния свободных дырок характеризуются двумерным волновым вектором:  $\mathbf{k}_\perp = \{k_x, k_y\}$  и номером подзоны  $n$ .

В приближении  $k_\perp a \ll \sqrt{\pi n}$  энергетический спектр дырок можно представить в виде

$$E_{l\nu\mathbf{k}_\perp} = \frac{\hbar^2 k_\perp^2}{2m_l^{(n)}} + \varepsilon_l n^2, \quad (3)$$

где  $\varepsilon_l = \frac{\hbar^2 \pi^2}{2m_l a^2}$ ;  $n = 1, 2, 3, \dots$ ;  $\frac{1}{m_{lh}^{(n)}} = \frac{1}{m_l} \left[ 1 + \frac{3\tilde{\beta} \cos(\pi n \tilde{\beta}) - (-1)^n}{\pi n \sin(\pi n \tilde{\beta})} \right]$  – эффективная масса легких дырок ( $l = lh$ ) в полупроводниковой квантовой яме [14];  $\tilde{\beta}^2 = \frac{m_{lh}}{m_{hh}}$ ;  $a$  – ширина ямы. Эффектив-

\* Ради простоты, в дальнейшем не будем учитывать влияние размерного квантования на величину  $T_l$  и вклад эффекта Раби на коэффициент поглощения света. Так можно поступить в области малых интенсивностей. Учет этих вкладов требует отдельного рассмотрения.

ная масса для тяжелых дырок ( $l = hh$ ) получается из последнего соотношения заменой в ней  $\tilde{\beta}$  на  $1/\tilde{\beta}$  и  $m_{lh}$  на  $m_{hh}$ , где  $m_{lh}$  ( $m_{hh}$ ) – объемная эффективная масса легких (тяжелых) дырок (табл. 1). Из (3) видно, что при  $k_{\perp} = 0$  состояния тяжелых дырок с проекцией момента  $m = \pm 3/2$  на главную ось структуры  $z$  и легких дырок и  $m = \pm 1/2$  не смешиваются и им отвечают две независимые серии с энергией

$$\varepsilon_{lh} = \left(\frac{\pi n}{a}\right)^2 \frac{\hbar^2}{2m_{lh}}, \quad \varepsilon_{hh} = \left(\frac{\pi n}{a}\right)^2 \frac{\hbar^2}{2m_{hh}}. \quad (4)$$

Из табл. 1 видно, что в зависимости от физической природы структуры, например от ширины ямы, эффективные массы в приближении  $k_{\perp} a \ll \sqrt{\pi n}$  имеют как отрицательные, так и положительные значения. Это означает, что из-за сложной функциональной зависимости энергии дырок от их квазиимпульса кривизна энергетической дисперсии изменяет свою геометрическую форму в зависимости от выбора модели, например от конечности высоты потенциальной ямы, и от выбора образца, например от симметрии полупроводника, из которой выращена КЯ.

Таблица 1

**Значения эффективных масс легких и тяжелых дырок в полупроводниковой квантовой яме в структуре AlGaAs–GaAs–AlGaAs для двух значений объемных эффективных масс ( $m_0$  – масса свободного электрона)**

а) $m_{lh} = 0.082m_0$ и $m_{hh} = 0.51m_0$			б) $m_{lh} = 0.083m_0$ и $m_{hh} = 0.605m_0$		
$N$	$m_{lh}^{(n)} / m_0$	$m_{hh}^{(n)} / m_0$	$N$	$m_{lh}^{(n)} / m_0$	$m_{hh}^{(n)} / m_0$
1	0.059	0.119	1	0.070	0.109
2	0.019	-0.186	2	0.067	-0.371
3	0.096	0.693	3	0.047	0.641
4	0.083	0.356	4	0.077	0.303
5	0.078	0.008	5	0.085	-0.261

Сразу заметим, что  $\delta$ -функция Дирака в (2), которая описывает закон сохранения энергии для рассматриваемого оптического перехода, разделяет область значений квазиимпульса дырок как на разрешенные, так и на запрещенные. Для прямых оптических переходов удовлетворяется условие

$$\hbar k_{\perp} = \frac{1}{\hbar} \left[ 2\mu_{ll'}^{n'n} \left( \hbar\omega - \varepsilon_l n'^2 + \varepsilon_l n^2 \right) \right]^{1/2}. \quad (5)$$

В последнем соотношении энергетическая разность  $\varepsilon_l n'^2 - \varepsilon_l n^2$  играет роль энергетической щели между подзонами сложной зоны (или между ветвями одной зоны) в полупроводниковой квантовой яме. Это и есть правила отбора как внутризонных (с различными номерами размерно-квантованных состояний), так и междузонных (как с различными, так и с одинаковыми номерами размерно-квантованных состояний) оптических переходов.

Химический потенциал дырок при этом определяется соотношением

$$e^{\frac{E_F}{k_B T}} = \sum_{l=lh, hh; n=1,2,3} \frac{\hbar^2 p}{k_B T m_l^{(n)}} \exp \left[ -\frac{\varepsilon_l}{k_B T} n^2 \right], \quad (6)$$

где  $p$  – двумерная концентрация дырок.

Известно, что в объемном полупроводнике с вырожденной валентной зоной  $\Gamma_8$  (или  $\Gamma_8^+$ ) разрешены прямые оптические переходы между подзонами тяжелых и легких дырок при произвольной поляризации света. Если учитываем, что энергетический спектр  $E_{lk}$  вблизи точки вырождения зон описывается как [12, 13]

$$E_{lk} = \frac{\hbar^2 k^2}{2m_l}, \quad (7)$$

тогда оператор скорости в методе эффективной массы определяется из соотношения

$$\mathbf{e}\mathbf{v} = \frac{1}{\hbar} \mathbf{e}\nabla_{\mathbf{k}} H = Q_{\alpha\beta} e_{\alpha} k_{\beta}, \quad (8)$$

где  $Q_{\alpha\beta} = \frac{1}{\hbar m_0} \left\{ \left( \left( \gamma_1 + \frac{5}{2} \gamma_2 \right) - 2\gamma J_{\alpha}^2 \right) \delta_{\alpha\beta} - (1 - \delta_{\alpha\beta}) 2\gamma [J_{\alpha} J_{\beta}] \right\}$ ,  $\gamma = (2\gamma_2 + 3\gamma_3)/5$ ,  $\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3$  и  $J_{\alpha}$  ( $\alpha = x, y, z$ ) – параметры и матрицы (с размерностью  $4 \times 4$ , соответствующие моменту  $3/2$ ) Латтинжера;  $H(\mathbf{k}) = \frac{1}{2} \left[ \left( \gamma_1 + \frac{5}{2} \gamma_2 \right) \mathbf{v}^2 - 2\gamma (\mathbf{v} \cdot \mathbf{J})^2 \right]$  – эффективный гамильтониан дырок.

В эффективный гамильтониан  $H(\mathbf{k})$  матрица  $[J_z J_{\alpha}]$  ( $\alpha = x, y$ ) входит комбинацией с множителем  $k_{\alpha} \hat{k}_z$ . Поэтому для матрицы  $[J_z J_{\alpha}]$  отличны от нуля матричные элементы с  $l = hh$ ,  $m_l = +3/2$ ;  $l' = lh$ ,  $m' = +1/2$  и  $l = hh$ ,  $m = -3/2$ ;  $l = lh$ ,  $m' = -1/2$ . Тогда для  $s$ -поляризации света ( $\mathbf{e} \perp z$ ) имеем  $[\mathbf{e}\mathbf{v}_{\perp}(\mathbf{k}_{\perp} = 0)]_{hh, \pm 3/2, v_1; lh, \pm 1/2, v} = \frac{\sqrt{3}B}{\hbar} e_z k_z^{(vv_1)}$ , где  $e_{\pm} = e_x \pm i e_y$ ;  $|B| = \hbar^2 / 4\mu_{-}$ ;  $\mu_{-} = m_{hh} m_{lh} (m_{hh} - m_l)^{-1}$ ;  $m_{hh} = m_0 / (\gamma_1 + 2\gamma)$ ,  $m_{lh} = m_0 / (\gamma_1 - 2\gamma)$ .

Тогда в пределе бесконечно высоких барьеров матричный элемент оператора скорости для межподзонных оптических переходов  $(l, n, m) \rightarrow (l', n', m')$  в структуре с  $z \parallel [001]$  с квантовой ямой  $\mathbf{k}_{\perp} = 0$  имеет вид

$$\mathbf{e}\mathbf{v}_{l'n'm', lnm}^{(0)} = \frac{2}{\hbar} k_z^{(nm')} \{ (A \pm B) e_z \delta_{mm'} + B [J_z, \mathbf{J}_{\perp} \mathbf{e}_{\perp}]_{m'm} \}, \quad (9)$$

или

$$|\mathbf{e}\mathbf{v}_{l'n', ln}|^2 = \frac{1}{\hbar^2} \begin{cases} 4(A \pm B)^2 |k_z^{(n', n)}|^2 |e'_z|^2 \delta_{l'l} & \text{при } \mathbf{e} = (0, 0, e_z), \\ D^2 |k_z^{(n'n)}|^2 |e'_z|^2 (1 - \delta_{l'l}) & \text{при } \mathbf{y} = (e_x, e_y, 0). \end{cases} \quad (10)$$

Здесь  $\hat{k}_z = -i \partial / \partial z$ ;  $\mathbf{e}$  – вектор поляризации света;  $e'_{\pm} = e_x \pm i e_y$ ;  $e_{x'}, e_{y'}, e_{z'}$  – проекции вектора поляризации  $\mathbf{e}$  на оси  $x'$ ,  $y'$ ,  $z'$ , связанные с направлением двумерного волнового вектора  $\mathbf{k}_{\perp}$ ;  $ak_z^{(nm')} = 2i \left[ 1 - (-1)^{n+n'} \right] \frac{nm'}{n^2 - n'^2}$ ;  $\omega$  – частота;  $I$  – интенсивность возбуждающего света;  $m, m' = \pm 3/2, \pm 1/2$ ;  $A, B$  – зонные параметры полупроводника, определяемые параметрами Латтинжера [12, 13];  $m, m' = \pm 3/2$  при  $l, l' = hh$ ;  $m, m' = \pm 1/2$  при  $l, l' = lh$ . Из последнего видно, что в поляризации  $\mathbf{e} \parallel z$  разрешены переходы  $(hh, n) \rightarrow (hh, n')$  и  $(lh, n) \rightarrow (lh, n')$ , а в поляризации  $\mathbf{e} \perp z$  – переходы  $(hh, n) \rightarrow (lh, n')$ , где  $n'$  и  $n$  имеют разную четность. Например, для структуры GaAs–AlGaAs  $n$ -типа межподзонные оптические переходы в поляризации  $\mathbf{e} \perp z$  запрещены.

При  $\mathbf{k}_{\perp} \neq 0$  волновые функции дырок содержат примесь всех четырех состояний дырок с моментом  $m = \pm 3/2, \pm 1/2$  и указанные простые правила отбора нарушаются. При низкой температуре функция распределения имеет ступенчатый вид:  $\Theta(E - E_F)$ , где  $E_F$  – химический потенциал дырок [1, 2, 10]. В этом случае спектр межподзонного поглощения представляет собой набор относительно узких пиков, соответствующих переходам  $hl \rightarrow hn, ln$ . Каждый из пиков ограничен областью энергий  $\hbar\omega$  между  $E_h^{(n)} - E_h^{(l)}$  (или  $E_l^{(n)} - E_l^{(l)}$  и  $E_h^{(n)}(k_F) - E_F$  (или  $E_l^{(n)}(k_F) - E_F$ ), где  $k_F$  – квазиимпульс Ферми\*.

В дальнейшем количественные расчеты проведены по формуле (2) с учетом (3), (5), (6) и (10) в Больцмановской статистике при двумерной концентрации  $n_S = 2.5 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$ . Тогда в области

\* В общем случае (при  $\mathbf{k}_{\perp} \neq 0$ ,  $T \neq 0$ ) расчет коэффициента поглощения света в структурах GaAs–AlGaAs с квантовой ямой с бесконечно высокими стенками рассчитан в [10], но без учета (3) и (6).

низких температур и для квантовой ямы с толщиной  $a = 200 \text{ \AA}$ ,  $n_{\omega} = 4$  ( $n_{\omega}$  – коэффициент преломления света на частоте  $\omega$ ),  $m_{lh} = 0.082m_0$ ,  $m_{hh} = 0.51m_0$  ( $\tilde{\beta} = 0.16078$ ) коэффициент поглощения однофотонного линейно-поляризованного света, распространяемого по оси квантования, с энергией  $\hbar\omega = \varepsilon_{lh}(n' = 2) - \varepsilon_{hh}(n = 1) = 44.41 \text{ мэВ}$ , обусловленный оптическим переходом  $(hh, n' = 1) \rightarrow (lh, n = 2)$  в точке экстремума ( $k_{\perp} = 0$ ), равен  $32 \text{ см}^{-1}$ , а для оптического перехода типа  $(hh, n' = 2) \rightarrow (lh, n = 1)$  –  $682 \text{ см}^{-1}$ .

Значения коэффициента поглощения света, распространяемого поперек к оси квантования, для вышеприведенных значений величин и для различных типов оптических переходов приведены в табл. 2.

Таблица 2

**Коэффициент поглощения света в квантовой яме типа (001), рассчитанный для различных типов оптических переходов**

Типы оптических переходов	$(hh, n' = 1) \rightarrow (hh, n = 2)$	$(hh, n' = 1) \rightarrow (hh, n = 4)$	$(lh, n' = 1) \rightarrow (lh, n' = 2)$
Коэффициент поглощения света, $\text{см}^{-1}$	0.501	1.225	7.57

В заключение заметим, что вклад легких дырок в коэффициент однофотонного поглощения света, падающего вдоль плоскости ямы и для рассмотренного выше случая, примерно в 3 раза больше, чем вклад тяжелых дырок.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Ivchenko E. L. Optical Spectroscopy of Semiconductor Nanostructures. – Harrow: Alpha Science International Ltd., 2005. – V. XII. – 427 p.
2. Воробьев Л. Е., Ивченко Е. Л., Фирсов Д. А., Шалыгин В. М. Оптические свойства наноструктур. – СПб.: Нуака, 2001. – 192 с.
3. Гуревич В. Л., Паршин Д. А., Штенгель К. Э. // ФТТ. – 1988. – Т. 35. – Вып. 5. – С. 1465.
4. Men P. and Pan O. S. // Appl. Phys. Lett. – 1992. – V. 59. – No. 9. – P. 2799.
5. Chang Y.-Ch. and James R. B. // Phys. Rev. B. – 1989. – V. 39. – P. 12672.
6. Sanders J. D. and Pejei K. K. // Phys. Rev. B. – 1987-II. – V. 37. – P. 4849.
7. Chang H. H., Hounq M. P., Wang Y. H., and Chang Y. // Appl. Phys. Lett. – 1992. – V. 59. – No. 1. – P. 509.
8. Levine B. V., Malik R. J., Welker J., et al. // Appl. Phys. Lett. – 1987. – V. 50. – No. 1. – P. 273.
9. Hasnain G., Livine B. V., Bethea C. C., et al. // Appl. Phys. Lett. – 1989. – V. 56. – No. 8. – P. 2515.
10. Паршин Д. А., Шаббаев А. Р. // ЖЭТФ. – 1987. – Т. 86. – Вып. 2 – С. 1471.
11. Голуб Л. Е., Ивченко Е. Л., Расулов Р. Я. // ФТП. – 1995. – Т. 29. – Вып. 6. – С. 1093; Воробьев Л. Е., Голуб Л. Е., Донецкий Д. В. // Письма в ЖЭТФ. – 1996. – Т. 63. – Вып. 12. – С. 928.
12. Бир Г. Л., Пикус Г. Е. Симметрия и деформационные эффекты в полупроводниках. – М.: Наука, 1973. – 754 с.
13. Ивченко Е. Л., Расулов Р. Я. Симметрия и реальная зонная структура полупроводников. – Ташкент: Фан, 1992. – 141 с.
14. Расулов Р. Я. Поляризационные оптические и фотогальванические эффекты в полупроводниках при линейном и нелинейном поглощении света: дис. ... д.ф.-м.н. – Л., 1983. – 286 с.
15. Меркулов И. А., Перель В. И., Портной М. Е. // ЖЭТФ. – 1991. – Т. 99. – Вып. 4. – С. 1202.
16. Физика полупроводниковых наноструктур / под ред. С.И. Борисенко. – Томск, 2010. – 115 с.
17. Федоров А. В., Баранов А. В., Маслов В. Г. и др. Физика наноструктур: учеб. пособие. – СПб.: Университет ИТМО, 2014. – 130 с.

<sup>1</sup> Ферганский государственный университет, г. Фергана, Республика Узбекистан Поступила в редакцию 31.01.17,

<sup>2</sup> Кокандский государственный педагогический институт, г. Коканд, Республика Узбекистан после доработки – 30.11.17.