

621.3(07)

O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI OLIY VA O'RTA MAXSUS TA'LIM
VAZIRLIGI

S.F. AMIROV, M.S. YOQUBOV, N.G'. JABBOROV

ELEKTROTEXNIKANING NAZARIY ASOSLARI

(Birinchí kitob)

O'zbekiston Respublikasi Oliy va o'rta maxsus ta'lim vazirligi
huzuridagi ilmiy – uslubiy birlashmalar faoliyatini muvofiqlashtiruvchi
Kengash 5520200, 5521300, 5521400, 5521500, 5521600, 5521700,
5521800, 5522000, 5522800, 5630200 bakalavr ta'lim yo'nalishlari
talabalari uchun o'quv qo'llanma sifatida tavsiya etgan

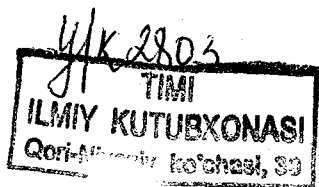
TOSHKENT 2006

621.3 (075)
A-60

O'quv qo'llanmaning ushbu birinchi kitobida elektrotexnikaning nazariy asoslariga tegishli bo'lgan tayanch tushunchalar, atamalar, o'zgarmas va bir fazali sinusoidal tok chiziqli elektr zanjirlarini hisoblash usullari haqida tegishli bakalavriat yo'nalishlarida ta'lim olayotgan talabalar uchun yetarli bo'lgan ma'lumotlar keltirilgan bo'lib, unda elektrotexnika tarixiga, uning rivojlanish bosqichlariga va boshqa texnik fanlarni o'zlashtirishdagi o'rniga alohida e'tibor berilgan. Har bir bob tegishli masalalar, referat mavzulari va o'z-o'zini sinash savollari bilan to'ldirilgan.

O'quv qo'llanma energetika, elektrotexnika, avtomatika, radiotexnika va elektr aloqa sohalariga oid ta'lim yo'nalishlari talabalari uchun mo'ljallangan bo'lib, undan ishlab chiqarish sohalarining mutaxassislari, muhandislar, magistrantlar va ilmiy-texnik xodimlar ham foydalanishlari mumkin.

Taqrizchilar: Toshkent davlat texnika universiteti "Elektrotexnikaning nazariy asoslari" kafedrasida (kaf. mudiri t.f.d. prof. Rashidov Y.R., t.f.n., dots. Obidov Q.G'), Toshkent davlat aviatsiya instituti "Uchish apparatlari va aeroportlarning elektr jihozlari" kafedrasida mudiri t.f.d. prof. Ibodullayev M.I., Toshkent temir yo'l muhandislari instituti "Elektr aloqa va radio" kafedrasida mudiri t.f.d. prof. Xoliqov A.A.



So'z boshi

"Elektrotexnikaning nazariy asoslari" fani elektrotexnika, elektroenergetika, radioelektronika, elektr aloqa va avtomatika sohalariga oid ta'lim yo'nalishlari va magistratura mutaxassisliklari talabalari uchun umummuhandislik fanlardan hisoblanadi. "Elektrotexnikaning nazariy asoslari" fanining asosiy masalasi turli elektrotexnik qurilmalarda sodir bo'ladigan elektromagnit hodisalar va jarayonlarni sifat va miqdor tomonidan o'rganishdir.

Oliy ta'limning fan dasturi asosida yozilgan ushbu o'quv qo'llanmada talabalarda elektrotexnikaning nazariy asoslari bo'yicha zarur va yetarli bo'lgan tayanch tushunchalar, elektr va magnit zanjirlardagi fizik qonunlar va hodisalarning o'ziga xos xususiyatlari har tomonlama bayon etilgan.

Kitobdagi barcha materiallar hozirgi zamon elektroenergetikasi va elektrotexnikasiga asoslangan bo'lib, ularning texnik yechimlari esa xalq xo'jaligida tobora keng qo'llanilayotgan asboblardan, mashinalardan va uskunalarni avtomatlashtirish va ular asosida avtomatlashgan texnologik majmualardan elektr, magnit va elektron zanjirlarining xossa va xususiyatlarini o'rganishga bag'ishlangan. Ayrim boblarga tegishli materiallarda ideallashtirilgan tasavvurdan real elektr va magnit zanjirlarga o'tilgan.

So'nggi yillarda elektrotexnikadagi tayanch tushunchalar va ta'riflarga, elektr sxemalardagi shartli grafik belgilashlarga, Davlat standartlari seriyasi chiqarildi, oliy o'quv yurtlari fan dasturlariga jiddiy o'zgartirishlar kiritildi. Oliy va o'rta maxsus o'quv yurtlarida elektrotexnik fanlarning o'qitilish jarayoniga yangi pedagogik texnologiyalar joriy etilmoqda. Ushbu o'quv qo'llanmada bularning barchasini hisobga olishga harakat qilindi. Bu borada o'quv qo'llanma mazmuni elektrotexnika, energetika va avtomatika sohalariga oid ta'lim yo'nalishlarining O'zbekiston Respublikasi oliy va o'rta maxsus ta'lim vazirligi tomonidan tasdiqlangan Davlat ta'lim standartlarida "Elektrotexnikaning nazariy asoslari" faniga qo'yilgan talablar moslashtirildi.

Qo'llanmada keltirilgan referativ mavzular va o'z-o'zini sinash savollari talabalarning mustaqil ta'lim olishi va fikrlash qobiliyatini o'stirish uchun xizmat qiladi. Keltirilgan masalalar nazariy ma'lumotlarni mustahkamlashga hamda ularga amaliy va mantiqiy yondashishga va texnik idrokning o'sishiga yordam beradi.

Hozirgi vaqtda inson faoliyati doirasiga kirgan har bir sohada va yo'nalishda elektrotexnika va elektronika qurilmalari mavjud. Shu sababdan elektrotexnika asoslarini bilish, uni tushunish va amalda qo'llay bilish nafaqat elektrotexnik xodimlari, balki turli soha

mutaxassislari va xodimlari uchun ham ertangi kunning ravnaqini ta'minlashda katta ahamiyat kasb etadi.

O'quv qo'llanmaning dastlabki nusxasini o'qib chiqib, uning sifatini yaxshilash uchun o'z fikr—mulohazalarini bildirgan Toshkent davlat texnika universiteti "Elektrotexnikaning nazariy asoslari" kafedrası mudiri t.f.d. professor Y. Rashidovga, shu kafedraning dotsenti Q. Obidovga, Toshkent davlat aviatsiya instituti "Uchish apparatlari va aeroportlarning elektr jihozlari" kafedrası mudiri t.f.d. prof. M. Ibodullayevga hamda Toshkent temir yo'l muhandislari instituti "Elektr aloqa va radio" kafedrası mudiri t.f.d. professor A. Xoliqovga, qo'l yozma materialni kompyuterda terishda yaqindan yordam bergan aspirantlar X.Sattarov va Y.Shoyimov larga mualliflar samimiy minnatdorchiligini bildiradilar.

O'quv qo'llanma tasdiqlangan fan dasturi doirasida yozilganligi bois ko'p mavzular hajmi chegaralangan va «Elektrotexnikaning nazariy asoslari» fanidan davlat tilida, lotin alifbosida yozilgan dastlabki asarlardan bo'lganligi sababli kamchiliklardan holi emas. Tegishli sohalarining mutaxassislari, talabalar va umuman o'quvchilar fikr—mulohazalari asosida qo'llanmaning keyingi nashrlari mukammalroq bo'ladi degan, umiddamiz.

Mundarija

So'z boshi	3
Elektrotexnika taraqqiyoti tarixidan lavhalar	8
O'zbekistonda elektrotexnikaning rivojlanishiga doir tarixiy ma'lumotlar	12
O'zbekistonda elektrotexnikaning rivojlanishiga hissa qo'shgan olimlar to'g'risida	17
Birinci bob. O'zgarmas tok chiziqli elektr zanjirlari va ularni hisoblash usullari	
1.1 Elektr zanjirlarni tavsiflovchi asosiy kattaliklar	20
1.1.1 Elektr maydonining kuchlanganligi	20
1.1.2 Elektr potensial va kuchlanish	21
1.1.3 Elektr tok. Tok zichligi	22
1.2 Elektr zanjir va uning elementlari	23
1.3 Om qonuni	28
1.4 Zanjirning EYuK manbali qismi uchun Om qonuni	29
1.5 Katta toklarda Om qonunining buzilishi	30
1.6 Potensial diagramma	32
1.7 Elektr energiya va elektr quvvat. Quvvatlar balansi	36
1.7.1 Elektr energiya	36
1.7.2 Elektr quvvat	36
1.7.3 Energiya manbaining FIK	37
1.7.4 Elektr zanjirlarida quvvatlar balansi	38
1.8 Kirxgof qonunlari	39
1.9 Kirxgof qonunlari asosida murakkab elektr zanjirlarining topologik tenglamalarini tuzish	40
1.10 Chiziqli elektr zanjir sxemalarini ekvivalent o'zgartirish	43
1.10.1 Ketma – ket ulangan elementlardan iborat zanjirni ekvivalent o'zgartirish	43
1.10.2 Parallel ulangan elementlardan iborat zanjirlarni ekvivalent o'zgartirish	45
1.10.3 Aralash ulangan elementlardan iborat zanjirlarni ekvivalent o'zgartirish	46
1.10.4 Qarshiliklar uchburchagini qarshiliklar yulduziga va aksincha ekvivalent o'zgartirishlar	48
1.10.5 EYuK va tok manbaiga ega bo'lgan parallel shaxobchalarni ekvivalent o'zgartirish	50
1.11 Proporsional kattaliklar usuli	53
1.12 Kontur toklar usuli	54
1.13 Tugun potensiallar usuli	56
1.14 Ikki tugun usuli	59

1.15 Ustma – ustlash prinsipi va uni elektr zanjirlarini hisoblashda qo'llash	61
1.16 O'zarolik xususiyati va uni tarmoqlangan elektr zanjirlarini hisoblashda qo'llash	64
1.17 Aktiv ikki qutblik haqida teorema va uni murakkab elektr zanjirlarni hisoblashda qo'llash. Ekvivalent generator usuli	66
1.18 Asosiy topologik tushunchalar va ularni elektr zanjirlarni hisoblashda qo'llash	71
Mustaqil tayyorlanishga doir referat mavzulari	73
O'z – o'zini sinash savollari	74

Ikkinchi bob. Bir fazali sinusoidal tok chiziqli elektr zanjirlari

2.1 Umumiy ma'lumotlar	75
2.2 Sinusoidal tok va kuchlanishlarning amplitudasi, chastotasi va fazasi	75
2.3 Sinusoidal EYuK ni hosil qilish	76
2.4 Sinusoidal tok, EYuK va kuchlanish ta'sir etuvchi (effektiv) va o'rtacha qiymatlari	77
2.5 Sinusoidal kattaliklarni vektorlar bilan tasvirlash	80
2.6 Sinusoidal tok zanjirlarida rezistor, induktiv g'altak va kondensator	82
2.6.1 Rezistiv elementli sinusoidal tok zanjiri	82
2.6.2 Induktiv elementli elektr zanjirda sinusoidal tok. Induktiv qarshilik	84
2.6.3 Rezistor va induktiv g'altakdan iborat zanjir	86
2.6.4 Sig'im elementli elektr zanjirdagi sinusoidal tok. Sig'im qarshiligi	88
2.6.5 Rezistor va kondensatordan iborat zanjir	89
2.6.6 Rezistor, induktiv g'altak va kondensator ketma – ket ulangan sinusoidal tok zanjiri	90
2.6.7 Rezistor, induktiv g'altak va kondensator parallel ulangan sinusoidal tok zanjiri	92
2.7 Sinusoidal tok zanjirida quvvat	93
2.8 Sinusoidal tok zanjirlarini kompleks usulida hisoblash ..	95
2.8.1 Sinusoidal kattaliklarni kompleks tekislikda vektorlar bilan tasvirlash	95
2.8.2 Om va Kirxgof qonunlarining kompleks shakli	97
2.8.3 Kompleks quvvat	98
2.8.4 Sinusoidal tok zanjirlarida quvvatlar balansi	99
2.8.5 Sinusoidal tok zanjirlarini kompleks usulida hisoblash ..	101
2.9 Elektr zanjirlarida rezonans	103

2.9.1 Kuchlanishlar rezonansi	104
2.9.2 Toklar rezonansi	107
2.10 Elektrotexnik qurilmalarning quvvat ko'effitsiyenti va uning mohiyati Quvvat ko'effitsiyentini oshirish usullari va hisoblash asoslari	110
2.11 Induktiv bog'langan zanjirlar. O'zaro bog'lanish ko'effitsiyenti	113
2.11.1 Umumiy ma'lumotlar	113
2.11.2 O'zaro induksiya EYuK.	114
2.11.3 Ketma – ket va parallel ulangan o'zaro induktiv bog'langan zanjirlar	115
2.11.4 O'zaro induktiv bog'langan zanjirlarni hisoblash	118
2.11.5 Ikki konturli induktiv bog'langan zanjirda bir xil nomlangan qismlarni va o'zaro induktivlikni aniqlash usullari.....	121
2.11.6 Induktiv bog'langan zanjirlarning ekvivalent sxemalari	123
2.11.7 Induktiv bog'lanishli zanjirlarda energiya uzatish	125
2.11.8 Induktiv bog'langan konturlarda rezonans	126
2.11.9 O'zaksiz transformatorlar. Transformatorlarni almashlash sxemasi va vektor diagrammasi	128
2.12 To'rtqutbliklar	134
2.12.1 Umumiy ma'lumotlar	134
2.12.2 To'rtqutblikning T – simon ekvivalent sxemasi	136
2.12.3 To'rtqutblikning Π – simon ekvivalent sxemasi	136
2.12.4 To'rtqutblik ko'effitsiyentlarini tajriba yordamida aniqlash	137
2.12.5 To'rtqutblikning salt ishlash va qisqa tutashishi	139
2.12.6 To'rtqutblikning istalgan yuklamadagi kirish qarshiligi	140
Mustaqil tayyorlanishga doir referat mavzulari	142
O'z – o'zini sinash savollari	142
Foydalanilgan adabiyotlar	144

Elektrotexnika taraqqiyoti tarixidan lavhalar

Hozirgi zamon elektroenergetikasi — mamlakatning yetakchi sohasidir. U ilmiy-texnik taraqqiyotda har qanday soha ishlab-chiqarishini jadallashtirishda hal qiluvchi rolni o'ynaydi.

Inson o'z faoliyatining barcha sohalarida elektr energiyadan foydalanadi. Elektr energiya boshqa energiya turlaridan quyidagi ajoyib xossalari bilan ajralib turadi:

a) boshqa (mexanik, kimyoviy, issiqlik, yorug'lik, atom) energiya turlaridan olinishi nihoyatda sodda;

b) uzoq masofaga yuqori foydali ish koeffitsiyenti (FIK) bilan uzatish va yuklamalarga oson taqsimlash mumkin;

v) boshqa turdagi energiyaga oson aylantirish mumkin;

g) turli quvvatga ega yuklamalarni bitta manbaga ulash mumkin;

d) turli fizik tabiatli parametrlarni tok va kuchlanishga o'zgartirish sodda;

e) signallarni uzoq masofalarga bir onda uzatish mumkin (telefon, telegrafiya, radioaloqa).

Elektr energiyaning bu xususiyatlari qisqa tarixiy muddatda nafaqat elektroenergetikaning asosiy masalalarini, balki noelektr texnikalarni yangi sifat darajaga ko'tarishga imkon berdi. Elektrotexnika fanining zamirida elektrotexnik, radiotexnik, elektromexanik va avtomatik uskunalar, shu jumladan hisoblash texnikasi tez sur'atlar bilan rivojlandi.

Elektrotexnikaning yuzaga kelishi o'zgarmas tok manbaining yaratilishi va elektr va magnetizm sohasidagi kashfiyotlar bilan bog'liq.

Qadim o'tmishda dastlab yunonlar kichik Osiyoning Magneziya tog' rudalarining parchalari temir jismlarni tortish xususiyatini payqadilar va bu hodisani magnetizm deb atadilar.

Miletlik Fales eramizdan avvalgi VIII—VII asrlardan oq qahrabo ishqalanish natijasida elektrlanishi va unda elektr maydon paydo bo'lishini ta'kidlagan. Elektr va magnit hodisalar qadim dunyodan ma'lum, lekin bu hodisalar to'g'risidagi fan 1600 yilda ingliz fizigi U. Gilbert elektr va magnit hodisalar to'g'risida tadqiqotlarini e'lon qilgandan keyin boshlandi. Elektr to'g'risidagi fanni rivojlanish bosqichida elektr hodisalarining tabiatini o'rganishga bag'ishlangan M.V. Lomonosov, G.V. Rixman, B. Franklino, Sh. Kulonlarning amaliy tadqiqotlari muhim ahamiyat kasb etdi.

Elektr va magnit hodisalarni o'zaro bog'langanligini rus olimi F. Epinus 1758 yilda o'z ma'ruzasida aytib o'tgan.

1785 yilda fransuz olimi Sh. Kulon o'z nomi bilan atalgan qonunni kashf etdi. U elektr maydoni kuchlanganligi tushunchasini kiritdi. Elektr zanjir tushunchasi 1794 yilda A. Volta tomonidan kiritilgan.

Volt ustuni esa 1800 yilda yaratilgan. Rus akademigi V.V. Petrov 1802 yilda elektroximiya bo'yicha birinchi tadqiqotlarini o'tkazgan va u elektroximiyaning asoschisi hisoblanadi.

Magnit strelkaga tokning ta'siri X. Ersted tomonidan 1819 yilda, toklarning o'zaro ta'siri esa A. Amper tomonidan 1820 yilda o'rganilgan. Amper birinchi bo'lib elektr toki, tok kuchi, elektr kuchlanish terminlarini kiritgan. Magnit maydonining dastlabki tadqiqotlari J.B. Bio va M. Savar tomonidan o'tkazilgan va Laplas tomonidan matematik ravishda umimlashtirilgan (Bio – Savar – Laplas qonuni).

Elektrostatikaga oid ayrim tenglamalarni fransuz matematigi S. Puasson tadqiq etgan. Elektromagnit maydonning materialistik konsepsiyasi ingliz olimi M. Faradey tomonidan rivojlantirilgan. U elektr va magnit maydonlarni tadqiq etish uchun kuch va ekvipotensial chiziqlar atamalarini kiritgan.

1782 y. Laplas o'z nomi bilan ataladigan tenglamalarni og'irlik nazariyasiga tegishli asarlarida qo'llagan. Elektromagnit induksiya qonunini 1831 yilda ingliz fizigi M. Faradey tajriba yo'li bilan kashf etgan va elektrokimyo qonunlarini birinchi bor o'rgangan. Elektromagnitli telegraflar rus injeneri P.Shilling tomonidan 1832 yili yaratilgan. Rus akademigi B. Yakobi 1838 yili suv kemasi uchun elektr mashina yaratgan. Elektr zanjiriga oid Om qonuni 1826 yilda nemis olimi G. Om tomonidan kashf etilgan.

Elektromagnit o'lchash birligi absolyut tizimini nemis olimlari K.F. Gauss va T. Veber 1831–1833 yillari yaratdilar.

Tokning issiqlik ta'siri – Joul – Lens qonunini ingliz fizigi D. Joul 1841 yili va rus akademigi E. Lens 1842 yilda ta'riflab berishgan. 1844 yil E. Lens elektromagnit inersiya qonunini bayon qilgan. Nemis olimi G. Kirxgof 1845 yilda elektr zanjirlarga oid ikkita muhim qonunga ta'rif bergan.

Vektor potentsiali, induktivlik va o'zaro induktivlikni birinchi bor 1845 yil nemis olimi F. Neyman ifodalagan. Buyuk ingliz olimi D. Maksvell 1873 yili siljish toklari tushunchasini kiritdi, hamda uni nomi bilan ataladigan o'zgaruvchan elektromagnit maydon tenglamalarini yaratdi. Bundan faqat 25 yildan keyingina elektromagnit maydon mustaqil tarzda materiya deb isbot etildi.

Elastik muhitda energiya harakati rus olimi N.Umov tomonidan 1874 yilda nazariy jihatdan tadqiq qilingan.

Rus injeneri F. Pirotskiy 1875 yilda quvvati 4,4 kVt o'zgarmas tokni 1 km masofaga uzatish tajribasini o'tkazgan.

Cho'g'lanish lampasi 1875 yil A. Lodigin tomonidan kashf etilgan.

1884 yil ingliz olimi D. Poyting elektromagnit maydon energiyasini uzatishni nazariy jihatdan tadqiq etgan.

1889 yil rus injeneri M.O. Dolivo—Dobrovol'skiy elektr energiya uch fazali tizimi qismlari (generator, transformator)ni ishlab chiqqan va kuchlanishi 15 kV, quvvati 150 kVA bo'lgan elektr energiyani 175 km masofaga uzatishni amalga oshirgan.

1872 yilda rus olimi A. Stoletov fotoeffekt hodisasini kashf etgan. Dunyoda birinchi bo'lib A. Popov radio aloqani amalga oshirgan.

1887—88 yillarda nemis olimi G. Gers elektromagnit to'lqinlarni mavjudligini eksperimental ravishda isbot etdi.

Relyativistik elektrodinamikaning rivojlanishi 1905—1908 yillarda G. Lorens va G. Minkovskilarning izlanishlari bilan bog'liq.

O'ta o'tkazuvchanlik hodisasi nemis olimi G. Kamerling Onessom tomonidan 1911 yilda kashf etilgan.

"Elektroteknaning nazariy asoslari" faniga bevosita aloqasi bo'lgan matematik va umumnazariy ishlar to'g'risida quyidagi ma'lumotlarni berish mumkin.

Fransuz matematigi J.Dalamber, Peterburg fanlar akademiyasi akademiklari L. Eyler va D. Bernullilar bilan birgalikda to'lqin tenglamalari nazariyasini hamda matematik fizika asoslarini yaratishdi.

Laplasning to'g'ri o'zgartirish formulasi 1782 yilda taklif etilgan. Hajm integralini sirt integraliga o'zgartirish formulasini M.V. Ostrogradskiy 1828 yilda bergan.

Differensial tenglamalarni operator usulida integrallashni rus matematigi M. Vashenko—Zaxarchenko taklif etgan.

O'rama (svertka) teoremasi birinchi bor P.L. Chebishev tomonidan 1867 yil, Dyumel integrali esa 1883 yil berilgan. Ma'lum harakatning turg'unlik nazariyasini akademik A.M. Lyapunov bayon etgan. Operator usuli elektroteknika faniga O. Xevisayd tomonidan 1892—1912 yillarda tadbiq etilgan.

Sinusoidal tok elektr zanjirlarini simvolik usulda hisoblash usulini amerika olimi Ch. Shteynmets 1894 yilda taklif etgan. Garmonik balans usulida nohiziq elektr zanjirlarni hisoblash usulini fransuz olimi M. Joli 1911 yil joriy etgan. Sekin o'zgaradigan amplitudalar usulini 1927 yil golland olimi B. Vander—Pol taklif etgan. Kichik parametrlar usulini esa 1928 yil fransuz olimi G. Puankare taklif etgan.

Nohiziq tebranishlar nazariyasidagi fundamental ishlarni akademiklar L. Mandelshtamm, N. Papaleksi va A. Andronov 1937 yil amalga oshirdilar.

Nohiziq zanjirlarni chastotaviy usulda tahlil etishni rus olimlari N.M. Krilov va N.N. Bogolyubov birinchi bo'lib taklif etdilar. Elektr zanjirlar sintezini birinchi bor nemis olimlari I.O. Sobel (1924 y.), amerika olimi R. Foster (1924 y.) rus olimlari S. Yevlanov (1937 y) hamda B.V. Bulgakov (1949 y.) nazariy jihatdan asosladilar.

Elektr zanjirlarni signal graflar bilan tahlil qilishni rus olimi B.N. Petrov (1945 y.) va amerika olimi S. Mezon (1953 y.) taklif etishgan.

Maydon nazariyasi masalalarini yechishda integral tenglamalarni qo'llashni rus olimlari G.A. Granberg, V.M. Alexin, O.V. Tozoni, E.V. Kotel nikovlar (1948 y.) taklif etdilar.

1904 yilda Peterburg politexnika institutida professor V.F. Mitkevich "Elektr va magnit xossalari" fanidan, 1915 yilda Moskva Bauman oliy texnologiya o'quv yurtida professor K.A. Krug "O'zgaruvchan toklar nazariyasi" fanidan ma'ruzalar o'qidi.

O'zbekistonda energetika va elektrotexnika fanlarini o'rganish va rivojlantirish XX-asrning 30 yillaridan boshlandi. Respublikadagi energetika va elektrotexnikaning asosiy ilmiy yo'nalishlari N. Shcherdin va akademik X. Fozilov rahbarligida belgilandi va elektr stansiyalar elektr tizimi va jihozlarini takomillashtirish, puxtaligini oshirish, samaradorligini ko'tarishga qaratildi. Elektr tizimlarini hisoblashning ixcham usullari (X.Fozilov, K.R. Allayev, T.X. Nosirov, 1960–70 yillar) taklif etildi.

Elektr tizimlari rejimini ifodalaydigan katta o'lchamli nochiyiq tenglamalarni yechish (S. Solihov) masalalari tadqiq qilindi.

An'anaviy energiya hamda tiklanuvchi energiyadan kompleks foydalanish (R.A. Zoxidov) masalalari xalq xo'jaligi uchun muhim ahamiyat kasb etadi.

1970–1980 yillarda akademik J.Abdullayev tomonidan energetika tizimlarida o'lchash texnikasi aniqligi, puxtaligi va samaradorligini oshirish bo'yicha muhim tadqiqotlar amalga oshirildi. Shu yillarda o'zbek olimlari (M.Z.Xomidxonov, S.Z.Usmonov, N.M.Usmonxodjayev, M.Xusanov, O.O.Xoshimov, K.Mo'minov) avtomatlashgan elektr yuritmalarning yangi avlodini hamda ko'p rotorli asinxron motorlarni (A.Dadajonov) yaratishga muvaffaq bo'ldilar. Elektr tarmoqlari optimal rejimlarini boshqarish asoslari (E. Payziyev) yaratildi.

Nazariy elektrotexnika sohasida nochiyiq elektr zanjirlari va tizimlari nazariyasi (G.R. Raximov, Z.I. Ismoilov, P.F. Xasanov) hamda avtoparametrik tebranishlar zanjirlarida o'zgaruvchan tok fazalar soni va chastotasini o'zgartirish nazariyasi (A.S.Karimov, M.I. Ibodullayev) takomillashtirildi.

Tarqoq parametrlil zanjirlar nazariyasi va ular asosida elektrotexnik hamda elektr o'lchash o'zgartkichlarini takomillashtirish (M.F. Zaripov) yo'nalishlarida ijobiy natijalarga erishildi.

Elektr o'lchashlar fanida yangi xarakteristikalariga ega chastotasi o'zgaruvchan o'zgartgichlar va o'lchash ko'priklari nazariyasi Sh.Sh. Zoxidov tomonidan takomillashtirildi.

O'zbekistonda elektrotexnikaning rivojlanishiga doir tarixiy ma'lumotlar

Sobiq Turkistonning O'zbekiston hududiga taalluqli qismidagi barcha elektr stansiyalarining quvvati XX asr boshlarida 3000 kVt bo'lib, jami 3,3 mln. kVt-soat elektr energiya ishlab chiqarilgan hamda aholi jon boshiga yiliga 1 kVt-soat to'g'ri kelgan.

Barcha mavjud sanoat korxonalarida 140 ta xususiy elektr stansiyalar mavjud bo'lib, eng kuchli elektr stansiya neft qazib olish korxonalarida—Chimyon qishlog'i (650 kVt) hamda Qovunchidagi shakar—qand zavodida (442 kVt) edi.

Toshkent shahrida dastlabki dizel elektr stansiya 1910 yilda qurilgan va uning quvvati 125 kVt bo'lgan. 1911—1912 yillarda Toshkent tramvaylari uchun Belgiya hissadorlik jamiyati qurib ishga tushirgan issiqlik elektr stansiyasi har biri 290 kVt quvvatli beshta o'zgarmas tok generatoridan tarkib topgan edi. Bu generatorlarning umumiy quvvati 1450 kVt (2159 ot kuchli), kuchlanishi esa 600 V bo'lib, ularni dizel agregatlari harakatga keltirar edi.

Rus savdogari Davidov qurdirgan elektr stansiya (231 kVt) gidroelektr stansiya (GES) bo'lib, suv turbinasining quvvati 200 ot kuchiga teng, stansiya qo'shimcha quvvatini 260 ot kuchli Volf lokomotivi ta'minlar edi.

Qishloq xo'jaligida va paxta tozalash zavodlarida bor—yo'g'i 4 ta elektr motor o'rnatilgan edi. Toshkent, Samarqand, Qo'qon, Farg'ona, Andijon shaharlarida atigi 2—3 ta ko'cha elektr energiya hisobiga yoritilardi. Eng badaviat kishilar xonadoni elektr ta'minotidan bahramand bo'lgan.

Bir guruh tadbirkorlar — Belgiya hissadorlik jamiyati a'zolari Toshkent atrofida va Farg'ona viloyatida GES qurishni, uning energiyasini Qo'qon, Andijon va Namanganga 60 kV kuchlanishli elektr uzatish liniyasi yordamida uzatishni rejalashtirgan edilar. Afsuski, bu rejalar uzoq yillar amalga oshmadi.

1920 yillarda O'zbekiston shaharlarida bir necha dizel issiqlik elektr stansiyalar (IES) ishga tushirildi. Buxoro (490 kVt), Samarqand (360 kVt), Qo'qon (395 kVt), Marg'ilon (75 kVt), Termiz (89 kVt), Qarshi, Vobkent, Xovos va boshqa shaharlardagi IESlar shular jumlasidandir.

1926 yilning 1 mayida Toshkentda Bo'zsuv GESining (loyiha quvvati 4000 kVt) birinchi navbati (2000 kVt, har biri 1000 kVt dan 2 ta agregat), 1929 yilda uchinchi agregat va 1936 yilning aprelida to'rtinchi agregat ishga tushirildi (hozir bu stansiya binosi O'zbekiston energetiklari muzeyi). 1924—1928 yillarda O'zbekiston Respublikasi elektr energetika xo'jaligi quvvati 2400 kVt dan 12600

kVt gacha ko'paydi. Jami elektr energiya ishlab chiqarish 10 barobarga oshdi.

Toshselmash zavodining qurilishi kuchli energetik baza yaratishni taqozo etdi. Shu sababli Toshkentda dizel elektr stansiya ishga tushirildi.

Respublikamizning bir qator sanoat korxonalarida — Kattaqo'rg'on yog'-moy zavodi, Andijon neft tarmoqlari va boshqa yirik korxonalarda yangi elektr stansiyalar qurildi, eskilari esa qayta jihozlandi. Natijada 1937 yilga kelib zavod va fabrikalar elektr stansiyalarining quvvati 25,4 ming kVtga yetdi.

1937—1940 yillarda elektr energiya ishlab chiqarish tez suratlarda o'sib bordi. Chirchiq IES (12000 kVt), Quvasoy IES (12000 kVt) ishga tushirildi.

Oq-tepa va Darg'om GESlari qurilishi boshlandi.

Sanoat korxonalarida elektr motorlarni ishlatish ko'lamlari kengaydi.

Shu davrlarda elektr ta'minotini markazlashtirish darajasi ham keskin ko'tarildi. Agar 1925 yilda markazlashgan elektr ta'minoti umumiy talabning 12,2%ini tashkil etgan bo'lsa, 1937 yilda bu ko'rsatkich 72%ga yetdi. Umumenergetik balansda elektr energiyasining solishtirma ko'rsatkichi — elektrlashtirish koeffitsiyenti 1925—1926 yillardagi 22,5 foizdan 1940 yilda 81,6 foizga yetdi. Elektr jihozlanganlik koeffitsiyenti 1940 yilda 3,31 marta ko'paydi.

Sobiq Ittifoqning markaziy hududlaridan ko'chirilgan sanoat korxonalarini elektr energiya bilan uzluksiz ta'minlash Chirchiq kanalida Oqqovoq GES larini loyihalab qurishni taqozo etdi. 1943 yilning yanvaridayoq quruvchilarning ulkan jasoratu — shijoati natijasida Oqtepa GES va shu yilning mart oyida Oqqovoq GES va sentyabrda 3—Oqqovoq GESlar misli ko'rilmagan tez muddatlarda ishga tushirildi. Bu O'zbekiston xalqining buyuk mehnat shijoati va g'alabasi edi.

Insoniyat tarixidagi eng yaxshiyona va ayovsiz jahon urushi (1939—1945 y.) davrida O'zbekistonda beshta yangi GES qurish haqida Davlat Mudofaa qo'mitasining qarori qabul qilindi (1942 yil 18 noyabr). Bular — Farhod, Solar, 1— va 2— Bo'zsuv GESlari hamda Oqqovoq GESlarining ikkinchi navbati edi.

O'sha davrda loyiha quvvati jihatidan dunyodagi eng kuchli GESlar qatoriga kirgan Farhod GES (loyiha quvvati 125000 kVt) qurilishi 1942 yilning noyabr oyida boshlandi. Urush yillarida 6 ta yirik GES ishga tushirildi. Toshkent yonidagi GES (1943 yil mart oyida), Bo'zsuv GESi (1944 yil) shular jumlasidandir. Showot, Shahrixon, Yangiariq GESlar qurilishlari keng ko'lamda tezkorlik bilan olib borildi. 1940 yilga nisbatan elektr energiya ishlab chiqarish

2,5 marta ko'paydi (1940 yil 481,8 mln. kVt s, 1945 yil 1185,7 mln. kVt s).

Elektr stansiyalarda o'rnatilgan generatorlar quvvati 170,1 dan 300,1 MVtga yetdi. Respublika energetika bazasining mustahkamlanishi sanoat tuzilmasini batamom qayta qurib, qator yangi sohalarni rivojlantirishga asosiy turtki bo'ldi. Og'ir sanoat keskin rivoj topdi. 1944 yilda esa Bekobod metallurgiya zavodi po'lat quymalarini tuhfa etdi.

Kimyo, mashinasozlik, elektrotexnika va boshqa soha mahsulotlari hajmi keskin ortdi.

Natijada jami ishlab chiqarishda og'ir sanoat ulushi 1940 yildagi 13,3 foizdan 1945 yilda 47,3 foizga ko'paydi.

Ammo, yengil sanoat (paxta tozalash, oziq-ovqat) ulushi 1940 yillari 61,1 foizdan 39,1 foizgacha kamayganini ham e'tirof etish joiz.

1948 yilda Farhod GESining birinchi navbati ishga tushirildi. Bu O'zbekiston energetikasi tarixidagi eng ulkan zafarli davr hisoblanadi. GESning ishga tushirilishi Toshkent-Farg'ona energetika sistemalarini birlashtirishga asos soldi.

1- va 2-Oqqovq, 2- va 3-Bo'zsuv, Shahrison, Qumqo'rg'on GESlari qatori shu davrda Angren, Qo'qon IESlari va o'nlab boshqa sanoat yo'nalishidagi stansiyalar ishga tushirildi.

1945-1956 yillarda elektr energiya ishlab chiqarish 1940 yilga nisbatan 5,5 marta, ishlab chiqarishning jihozlanganlik ko'rsatkichi 16,5 marta ko'paydi. 1951-1955 yillarda o'nlab yangi stansiyalar, xususan, Toshkentda Shayxontohur va 2 ta yangi Bo'zsuv GESlari, Chirchiqda Yoshlar GESi ishga tushirildi, Toshkent issiqlik markazining quvvati ikki marta oshirildi. Andijonda 7-Shahrison GESi qurildi. Farg'ona viloyatida Quvasoy GESning quvvati 3 marta ko'paytirildi. Angren IES qurilishi jadallashdi, Qayroqqum GES qurilishi qardosh O'zbekiston va Tojikiston energetikasining rivojiga alohida ahamiyat kasb etdi.

Chirchiq-Bo'zsuv GESlari qurilishi natijasida nafaqat elektr energiya ishlab chiqarish ko'paydi, balki bu gidrotexnik inshootlar qo'shimcha 70 ming gektar qo'riq yerni o'zlashtirish imkonini berdi. Farhod GES va Qayroqqum suv ombori qurilishlari 300 ming gektar yerga obi-hayot baxsh etdi.

1951 yil esa O'zbekiston olimlari uchun ulkan zafar yili bo'ldi. Sobiq Ittifoqda eng birinchi to'liq avtomatlashtirilgan va telemexanizatsiyalashgan stansiyalar majmui sifatida o'zbek energiya sistemasi GESlari ro'yxatga olindi.

O'zbekistonda bu davr asosan issiqlik stansiyalarni loyihalash, qurish va ishga tushirish davri bo'ldi. 1958 yilda Angren GRESning birinchi navbati (umumiy loyiha quvvati 60000 kVt) ishga tushirildi. Toshkent energiya sistemasi GESlar bilan bu stansiya elektr energiya

iste'molchi grafisini barcha rejimlarda tartibga tushirish va eng samarali rostdash imkonini yaratdi.

1960 yilda Navoiy GRESi (loyiha quvvati 840 mVt), 1961 yilda esa Toshkent GRESi (loyiha quvvati 1800 MVt) qurilishi boshlandi.

1963 yilda esa Toshkent GRESida birinchi energetik blok (150 mVt) ishga tushirildi. Taxiatoşda yangi 2 ta energoblok (quvvati 100 mVtdan) ishlatildi. Bu stansiya Xorazm hamda Qoraqalpog'iston elektr ta'minotida va iqtisodiyotida muhim o'rin tutadi. Olmaliq va Farg'ona issiqlik energetik markazlari kengaytirildi.

Chorbog' gidroenergetik qurilishining ahamiyatini ayniqsa, o'z vaqtida qilingan ishlar qatorida munosib baholash joiz. Suv ombori deyarli 2 mlrd. m³ bo'lib, doimiy ravishda 300 ming gektar yerni sug'orish imkonini yaratdi. GES quvvati 600 MVt (har biri 150 MVt li 4 ta gidrogeneratorlar).

Qurilishlar nafaqat elektr ta'minot, balki irrigatsiya masalalarini kompleks hal etishga qaratilganligini alohida ta'kidlash kerak. Chorbog' GES qurilishi umuman Chirchiq-Bo'zsuviz tizimida barcha GESlar ish rejimining samarasini oshirish hamda qo'shimcha 160 MVt arzon elektr quvvati olish imkonini yaratdi.

1965 yilda barcha elektr stansiyalar quvvati 2816,6 MVtga yetdi. Shundan GESlar quvvati 2270,5 MVt bo'lib, 9 mlrd. kVt soat elektr energiya ishlab chiqardi.

Transformator nimstansiyalarida jami o'rnatilgan quvvat esa 45 mln. kVAg yetdi.

1970 y. kelib respublikani yalpi elektrlashtirish nihoyasiga yetdi va O'zbekiston yalpi elektrlashgan o'lkaga aylandi.

Gidroenergetika. O'zbekiston energetika sistemasida jami 27 ta GESlarda o'rnatilgan quvvatlar 1420 MVtni tashkil etadi. 2002 yili ularda 6331, 2 mlrd. kVt's elektr energiyasi ishlab chiqarildi.

Respublikadagi eng yirik GESlar bo'yicha ma'lumotlar 1-jadvalda keltirilgan.

1 - jadval

Nomi	O'rnatilgan quvvatlar, MVt	Turbina-lar soni	Qurilgan yillari	Suv manbai
Chorvoq GES	620,5	4	1970-1972	Chirchiq
Xo'jacent GES	165	3	1976	Chirchiq
G'azalkent GES	120	3	1980-1981	Chirchiq
Farhod	126	4	1948-1949	Sirdaryo

Issiqlik energetikasi. 60-yillarda respublikada elektr energiyasi hosil qilishni ko'paytirish asosan gazda ishlaydigan yirik IESlarni ishga tushirish yo'nalishida olib borildi. Yirik GES va IESlar qurilishi natijasida O'zbekiston energetika sistemasining jami quvvati 2002

yilda 11,3 ming MVt ga yetdi. Respublikadagi eng yirik IESlar to'g'risidagi ma'lumotlar 2-jadvalda keltirilgan.

O'zbekiston elektr energetika sistemasi yiliga 47–48 mlrd. kV soat elektr energiya ishlab chiqarmoqda, shundan 90 foizi IESlarning hisobiga bo'lmoqda. Bu aholi jon boshiga deyarli 2000 kVt-soat to'g'ri keladi, demakdir. Taqqoslash uchun aytib o'tish joizki Norvegiyada bu raqam 25000 kVt-soat, AqShda esa 14000 kVt-soat.

2-jadval

Nomi	O'rnatilgan quvvatlar, MVt	Turboagregatlar soni	Qurilgan yillari	Joylashgan shahar	Izoh
Sirdaryo GRES	3000	10	1972–1981	Shirin	
Yangi Angren GRES	1800	6	1985–qurilish davom etmoqda	Nurobod	Loyiha quvvati 2400 MVt
Toshkent GRES	1860	12	1963–1971	Toshkent	
Navoiy	1250	11	1963–1981	Navoiy	
Angren GRES	484	8	1957–1963	Angren	
Taxiatosh GRES	730	5	1961–1990	Taxiatosh	
Tolimarjon GRES	-----	--	qurilish 1984 yilda boshlangan	Nuriston	Loyiha quvvati 3200 MVt

Hozirgi vaqtda O'zbekiston energiya sistemasi Markaziy Osiyo Birlashgan energiya sistemasining tarkibiy qismi bo'lib qolmoqda. Unda deyarli 50 foiz elektr quvvatlari mujassamlangan.

Bozor iqtisodiyotiga o'tish davrida O'zbekiston elektro energetika sistemasida energoresurslarning yetishmayotganligi respublika energetiklari oldiga sistema ishlarini avtomatlash, yangi energiya manbalarini topish, qayta tiklanuvchi energiya manbalarini yaratish, ularni samaradorligini oshirish kabi muhim vazifalarni qo'yimoqda. Bularni bosqichma–bosqich hal etish mamlakatni 2010 yilgacha rivojlantirish va rekonstruksiya qilish Energetik Dasturida o'z aksini topgan. Bu dastur asosini yonilg'i energo resurslardan samarali foydalanish, yangi zamonaviy texnologiyalarni sohada tadbqiq etish, dolzarb ekologik muammolarni hal qilish, bozor iqtisodiyoti talablari asosida tashkiliy–boshqaruv tizimini yangilash va boshqalar tashkil etadi. Yangi(2001 yil) tashkil etilgan "O'zbekenergo" Davlat aksionerlik kompaniyasi aniq maqsadlar yo'lida tadbirlar ishlab chiqib, amaliyotga tadbqiq etmoqda.

Hozir Yevropa rekonstruksiya, tiklanish va taraqqiyot banki kredit mablag'lari hisobiga "Siemens" (Germaniya) firmasi Sirdaryo IESda ikkita energo blokni qayta tiklash ishlarining birinchi bosqichini amalga oshirdi.

Ikkinchi bosqich ishlarini AQShning Savdo va taraqqiyot Agentligi granti hisobiga Sirdaryo IESda 5- va 6- energobloklarni qayta tiklash loyihasi ishlab chiqilmoqda.

Yaponiya hukumatining imtiyozli krediti hisobidan eng zamonaviy bug'-gazli energoblokni Toshkent IESda o'rnatish ishlari olib borilmoqda. Buni Yaponiyaning xalqaro hamkorlik agentligi amalga oshirmoqda. Chet el investitsiyalarini Navoiy IES, Muborak va Toshkent IEMlarida shunindék, Toshkent shahri elektr energiya uzatish tarmoqlarini yangilash va qayta tiklashga jalb etish masalalari hal etilmoqda.

Osiyo taraqqiyot banki va Bank moliya institutlarining mablag'larini esa mintaqamizda elektr tarmoq ob'ektlarini dispetcherlik va texnologik avtomatlashgan boshqaruvini hamda elektr energiya uchun hisob-kitobni takomillashtirishga yo'naltirish mo'ljallanmoqda.

Tolimarjon IESda Markaziy Osiyoda birinchi bo'lib quvvati 800 MVtli energoblokni montaj qilish ishlari tugallanmoqda. Samarqand viloyatida 500 kVli "So'g'diyona" nimstansiyasi qurilishi boshlandi. Umuman, mamlakatimizda elektr tarmoqlarini yangilash va yanada rivojlantirishga, magistral va taqsimlash tarmoqlarini optimal shakllantirish va natijada elektr uzatish samaradorligini oshirish kompleks texnik va texnologik yechimlarini joriy etishga ahamiyat kuchaytirilmoqda.

Respublikamiz suv xo'jaligi ob'ektlarining ulkan imkoniyatlaridan samaraliroq foydalanish maqsadida yurtimizda kichik gidroenergetikani rivojlantirish Dasturi ishlab chiqildi. Jumladan, qurilayotgan To'palang GESida (Surxondaryo viloyati) ikkinchi blokni (quvvati 72 MVt) o'rnatish jadal olib berilmoqda. Yaqin kelajakda jami 440 MVt quvvatli qator kichik GESlar qurilishi loyihalashtirildi. Natijada qo'shimcha 1,3 mlrd. kVt-soat arzon elektr energiya iste'molchilarga yetkazildi.

O'zbekistonda elektrotekniikaning rivojlanishiga hissa qo'shgan olimlar to'g'risida

O'zbekistonda energetika fanlari rivojlanishi XX asrning 30-yillariga to'g'ri keladi. Dastavval kichik bir olimlar guruhi sanoat xo'jaligi bilan hamkorlikda energetika muammolarini hal qilish ustida ishlar olib borishdi.

Respublikamizda elektr energetika ilmining ilk maskani sifatida 1943 yilda O'zbekiston Fanlar akademiyasi tarkibida Energetika instituti tashkil etildi (hozirgi energetika va avtomatika instituti). Bu ilmiy dargoh oldida dastlab mavjud elektr sistemasidan foydalanishni yaxshilash, O'zbekistonning katta energetikasini barpo etish, sanoat

korxonalarida elektr uskuna va qurilmalardan foydalanishni yaxshilash vazifalari turardi.

Mavjud gidroelektr stansiyalaridan olinadigan quvvatni oshirish davr talabi edi. Sohaga malakali, ilmiy-pedagogik va injener-texnik kadrlar tayyorlash vazifalari O'rta Osiyo politexnika instituti (hozirgi Abu Rayhon Beruniy nomli Toshkent Davlat Texnika Universiteti), Suv xo'jaligi muammolari instituti va Energetika institutiga yuklatilgan edi.

Urush yillari Moskva, Leningrad, Kiyevdan Toshkentga ko'chirib keltirilgan mashhur olimlar M.Kostenko, M.Shatelen, L.Neyman, N.Shchedrin va b. bilan bir qatorda O'zFA akademiklari A.Askochenskiy, V.Poslavskiy, R.Alimov va energetika instituti direktori O.Saidxo'jayevlar samarali tadqiqot olib bordilar. Ular Chirchiq, Bo'zsu, Sirdaryo, Norin, Amudaryo suvidan energetika va sug'orishda kompleks foydalanish masalalarini tadqiq qilishdi. O'sha davrda M.Kostenko va yosh olim H.Fozilov o'tkazgan ilmiy izlanishlar mavjud GESlardan olinadigan quvvatni 20%ga oshirish mumkinligini ko'rsatdi.

Urushdan keyingi davrlarda elektr energetika fanining asosiy ilmiy yo'nalishi N. Shchedrin va H.Fozilov tomonidan belgilandi va elektr stansiyalari elektr tarmoqlari va jihozlari ishlarini yaxshilash, puxtaligini oshirish, samaradorligini ko'tarishga qaratildi.

Akademik H.Fozilov (1909–2003) rahbarligida (T.Nosirov, Q.Allayev, S.Solihov va b.) berilgan elektr sistemalarni optimal rejimlarini hisoblash sohasidagi ishlar katta ilmiy va amaliy ahamiyat kasb etdi.

Akademik G'.Rahimov (1905–1972) ning tashabbusi bilan Markaziy Osiyoda birinchi bo'lib "Elektrotexnikaning nazariy asoslari" kafedrasi (1934 y) tashkil etildi. Bu olim elektrotexnika fanini rivojlantirish sohasida ilmiy maktab yaratdi. Bu maktab ko'plab fan doktorlari (A.Karimov, P.Hasanov, Z.Ismoilov, T.Qodirov, M.Ibodullayev, Y. Rashidov va b.) hamda nomzodlarini tayyorladi.

Zamonaviy eksperimental baza yaratish va yuqori malakali kadrlar tayyorlashda N.Shchedrin, H.Fozilov, M.Homidxonov va Z.Solihovlarning xizmatlari katta bo'ldi.

Elektroenergetika sohasini axborot va boshqarish sistemalarisiz tasavvur qilish mumkin emas. EHM yordamida energetika sistemalari rejimlarini operativ boshqarish bo'yicha ma'lumotlarni ishlab chiqish sistemasining matematik modelini akademik J. Abdullayev, elektr tarmoqlari optimal rejimini boshqarishni prof. E.Payziyev taklif etdi. Axborot va o'lchash texnikasiga doir yangi prinsipdagi birlamchi o'zgartkichlarni prof. M.Zaripov va b. ishlab chiqdilar.

Elektr energiyasidan samarali foydalanish yo'nalishida akademik M.Homidxonov va uning shogirdlari (N.Usmonxo'jayev, O.Hoshimov,

S.Usmonov, M.Xusanov, A.Dadajanov va b.) hamda A.Dzevenskiy olib borgan ishlar ilmiy va amaliy ahamiyat kasb etadi.

O'zbekiston elektroenergetikasini rivojlantirishda O'zbekiston energetika va elektrlashtirish Vazirligi va uning sobiq vaziri A.Hamidov xizmatlarini alohida qayd etish joiz.

Noan'anaviy energoreseruslardan, xususan, quyosh energiyasidan samarali foydalanish yo'nalishida akademiklar F.Umarov, R.Zohidov, P.Habibullayev, T.Risqiyev va b. izlanishlarini va ular rahbarligida yaratilgan jihoz va qurilmalarni ko'rsatish mumkin.

Sanoat, transport, qurilish, qishloq va suv xo'jaligi ishlab chiqarish jarayonlarida elektr energiyasidan samarali foydalanish yo'nalishida professorlar A.Radjabov, M.Mamedshaxov, N.Bozorov, A.Muxammadiyev, M. Muxammadiyev, T.Kamolov, X.Karimov, N.Xamidov, M.Ismoilov, A. Xoliqov, S.Amirov va X.Murodov tadqiqotlarini qayd etish mumkin.

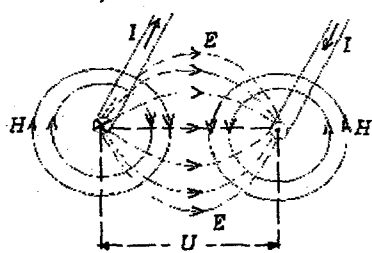
"Kadrlar tayyorlash milliy dasturi"da belgilangan vazifalarni amalga oshirish o'zbek tilida "Elektrotexnika" va "Elektrotexnikaning nazariy asoslari" fanlari bo'yicha yangi darslik va o'quv qo'llanmalarni nashr etishni taqozo etmoqda. Bu sohada professorlar A.Karimov, S.Majidov, X.Mansurov, U.Ibraximov va b. mehnatini alohida ta'kidlash zarur.

Birinchi bob. O'zgarmas tok chiziqli elektr zanjirlari va ularni hisoblash usullari

1.1 Elektr zanjirlarni tavsiflovchi asosiy kattaliklar

1.1.1 Elektr maydonining kuchlanganligi

Magnit maydonini o'zgarishi natijasida elektr maydoni va aksincha elektr maydonini o'zgarishi natijasida magnit maydoni hosil bo'lishi bu ikki maydonning o'zaro bog'liqligini bildiradi. Buni elektr energiyani uzatish liniyasini ish faoliyati misolida ko'rish mumkin (1.1 – rasm).



1.1 – rasm

Liniya simlari orqali energiya uzatishda bir–biridan izolyasiya qilingan simlar U kuchlanish ta'sirida bo'ladi. Buning natijasida simlar orasida kuchlanganligi E bo'lgan elektr maydoni hosil bo'ladi. Liniya simlaridan I tok o'tishi natijasida ularning ichida va atrofida kuchlanganligi H bo'lgan magnit maydoni yuzaga keladi (1.1 – rasmda

elektr maydoni uzun chiziqlar, magnit maydoni esa uzluksiz chiziqlar bilan ko'rsatilgan).

1.1–rasmdagi maydonlar kartinasidan ko'rinib turibdiki, *elektr maydoni kuch chiziqlari berk emas – ular musbat zaryadlangan sindan boshlanib mantiy zaryadlangan simda tugaydi, magnit maydoni kuch chiziqlari esa berk – ularning boshi ham, oxiri ham yo'q.*

Elektr maydonining eng oddiy ko'rinishi qo'zg'almas elektr zaryadlarning maydoni hisoblanadi va u elektrostatik maydon deb ataladi. Bu maydonning har bir nuqtasi kuchlanganlik vektori $\vec{E}$ bilan tavsiflanadi.

Elektr maydonining kuchlanganligi unga kiritilgan nuqtali zaryadga maydon tomonidan ta'sir etayotgan kuchning shu zaryadga nisbatiga teng. Kuchlanganlik vektorining yo'nalishi nuqtali zaryadga ta'sir etayotgan kuch vektorining yo'nalishi bilan mos tushadi, binobarin:

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \left[\frac{H}{K_A} = \frac{\mathcal{H}_A}{m \cdot K_A} = \frac{A \cdot B \cdot c}{m \cdot A \cdot c} = \frac{B}{m} \right]$$

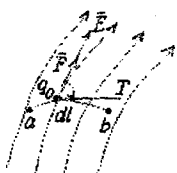
Nuqtali zaryad deb, shunday jism zaryadiga aytiladiki, uning o'lchami juda kichik bo'lib zaryadi tadqiq etilayotgan maydon ko'rinishiga ta'sir etmaydi.

Agar $q_0 = 1$ bo'lsa, u holda $\vec{E} = \vec{F}$ bo'lib, elektr maydonining kuchlanganligi son jihatdan birlik zaryadga maydon tomonidan ta'sir etadigan kuchga teng bo'ladi.

Kuchlanganligi barcha nuqtalarda bir xil bo'lgan maydon bir jinsli maydon deb ataladi.

1.1.2 Elektr potensial va kuchlanish

Zaryadlangan zarrachani elektr maydoni tomonidan ta'sir etuvchi kuch yordamida ko'chirishda maydon energiyasining o'zgarishi hisobiga ma'lum bir ish bajariladi.



1.2 - rasm

Aytaylik, musbat q_0 zaryadli zarracha elektr maydonida ma'lum bir yo'l bo'ylab a nuqtadan b nuqtaga ko'chirilmoqda (1.2 - rasm).

Zarrachaga maydon tomonidan ta'sir etayotgan

kuch $\vec{F} = q_0 \vec{E}$ maydonning har bir nuqtasida kuchlanganlik kuch chiziqlariga urinma bo'ylab

yo'naladi. 1.2 - rasmda α - $\vec{F}$ kuch vektori va ab yo'l trayektoriyasiga o'tkazilgan urinma orasidagi burchak. ab yo'l

trayektoriyasidan zarracha harakati yo'nalishi bo'ylab $d\vec{l}$ elementar

vektor ajratsak, u holda $d\vec{E}$ va $d\vec{l}$ vektorlar orasidagi burchak α bo'ladi.

Zaryadlangan zarrachani l yo'l bo'ylab ko'chirishda maydon kuchlari ish bajaradi:

$$dA = F dl \cdot \cos \alpha = q_0 \cdot E \cdot dl \cdot \cos \alpha = q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}.$$

Butun ab yo'l bo'ylab bajarilgan ish:

$$A = \int_a^b F \cos \alpha dl = \int_a^b E q_0 \cdot \cos \alpha dl = q_0 \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l} \quad [\text{Жл}]$$

Elektr maydoni o'zining har bir nuqtasida potensial energiyaga yoki ish bajarish qobiliyatiga ega. Bu qobiliyat potensial funksiya yoki potensial ϕ bilan aniqlanadi va u skalyar kattalik hisoblanadi. Elektr maydoni berilgan nuqtasi potensialining o'lchovi sifatida birlik

zaryadni maydonning shu nuqtasidan cheksizlikka ko'chirishda maydon tomonidan bajarilgan ish qabul qilingan:

$$\varphi_a = \frac{A_a}{q_0} = \int_a^{\infty} \vec{E} d\vec{l} \quad [Bm].$$

Elektrostatika masalalarida odatda Yer yuzasining potensialini nolga teng deb qabul qilinadi. Fazoning cheklangan sohasida joylashgan va cheksiz dielektrik muhit bilan o'ralgan zaryadlangan jismlarga oid masalalarni yechishda bu jismdan cheksiz uzoqlikda joylashgan nuqtalar potensiali odatda nolga teng deb olinadi.

q zaryaddan R masofada joylashgan nuqtaning potensiali quyidagicha aniqlanadi:

$$\varphi = \frac{q}{4\pi \cdot R \cdot \epsilon_a},$$

bu yerda ϵ_a — moddaning absolyut dielektrik singdiruvchanligi.

Nuqtali zaryadni elektr maydoni kuchlari yordamida a nuqtadan b nuqtaga ko'chirishda quyidagi tenglama bilan aniqlanadigan ish bajariladi:

$$A_{ab} = A_a - A_b = \varphi_a \cdot q_0 - \varphi_b \cdot q_0 = q_0(\varphi_a - \varphi_b).$$

Elektr maydonini ikki nuqtasi orasidagi potentsiallar ayirmasi elektr kuchlanish deb ataladi:

$$U_{ab} = \varphi_a - \varphi_b = \frac{A_{ab}}{q_0} = \int_a^b \vec{E} d\vec{l} \quad [B].$$

Elektr kuchlanish qiymati jihatdan birlik zaryadni maydonning bir nuqtasidan ikkinchi nuqtasiga ko'chirishda sarflangan ishga teng.

Kuchlanish — vektor kattalik bo'lib, uning musbat yo'nalishi potentsiali yuqori bo'lgan nuqtadan potentsiali past bo'lgan nuqtaga tomon olinadi, qiymati esa o'zi aniqlanayotgan nuqtalar holatiga bog'liq va zaryad ko'chayotgan yo'lga bog'liq emas.

1.1.3 Elektr tok. Tok zichligi

Elektr zaryadlari erkin tashuvchilarining elektr maydoni ta'sirida tartibli harakati elektr tok deyiladi. Elektr tok son jihatdan quyidagicha aniqlanadi:

$$i = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{dq}{dt},$$

bu yerda Δq — elementar zaryad, Δt — shu zaryadni biror yuzadan o'tish vaqti.

Vaqt bo'yicha qiymati va yo'nalishi o'zgarmaydigan tok o'zgarmas tok, vaqt bo'yicha o'zgaradigan tok o'zgaruvchan tok deb ataladi.

O'zgarmas tokning qiymati o'tkazgich ko'ndalang kesimidan 1 s vaqt mobaynida o'tadigan elektr miqdori yoki zaryad bilan aniqlanadi:

$$I = \frac{Q}{t} \quad \left[\frac{K\kappa}{c} = A \right]$$

Amper — o'zgarmas tokning shunday qiymatiki, u cheksiz uzun va ingichka hamda vakuumda o'zaro 1 m masofada joylashgan ikkita o'tkazgichdan o'tganda ular orasida qiymati $2 \cdot 10^{-7}$ N ga teng bo'lgan kuch yuzaga keladi.

Elektr tokning musbat yo'nalishi sifatida musbat zaryadlarning manbaning "+" qismasidan "—" qismasiga harakat yo'nalishi shartli ravishda qabul qilingan.

Elektr tokni uzluksiz o'tishi uchun potentsiallar farqini hosil qiluvchi manba va zaryadlar harakati uchun berk yo'l bo'lishi shart.

O'tkazgichlarni elektr tok bilan qanday darajada yuklanganligini baholash uchun tok zichligi tushunchasidan foydalaniladi.

Tok zichligi vektor kattalik bo'lib, Δs elementar yuzadan o'tayotgan Δi elementar tokning Δs yuzaga nisbati $\Delta s \rightarrow 0$ dagi limitiga teng:

$$\vec{\delta} = \lim_{\Delta s \rightarrow 0} \frac{\Delta i}{\Delta s} = \frac{di}{ds}$$

Masalan, elektr mashinalari chulg'amlarida ruxsat etilgan tok zichligi $3,7 \text{ A/mm}^2$ ga teng.

Agar tok o'tkazgich kesimi bo'ylab bir tekis taqsimlangan bo'lsa, u holda tok zichligi:

$$\delta = \frac{I}{S}$$

1.2 Elektr zanjir va uning elementlari

Elektr zanjir elektr tokni hosil qilish va uning o'tishini ta'minlaydigan qurilma va ob'ektlarning majmui bo'lib undagi elektromagnit jarayonlar elektr yurituvchi kuch (EYuK), tok va kuchlanish tushunchalari bilan ifodalanadi.

Elektr zanjir tushunchasi elektrotexnika fanining tayanch tushunchasidir.

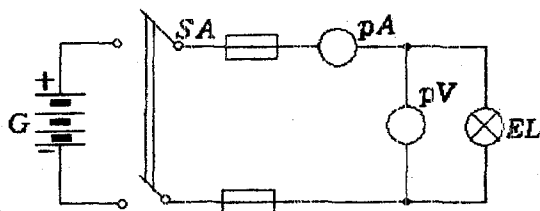
Elektr energiya manbai, iste'molchi va ularni o'zaro birlashtiruvchi o'tkazgichlar elektr zanjirning asosiy elementlari,

o'lchash asboblari, ulab-uzgichlar va himoyalash qurilmalari esa uning yordamchi elementlari hisoblanadi. Demak, elektr zanjir elementi bu elektr zanjir tarkibiga kiruvchi alohida qurilma bo'lib, u zanjirda aniq funksiyani bajaradi.

Elektr zanjirning elementlari shartli belgilar bilan tasvirlanadi.

Elektr zanjirning elementlari va ularni o'zaro ulanishining grafik tasviri elektr zanjirining sxemasi deb ataladi.

1.3-rasmda oddiy elektr zanjirining sxemasi keltirilgan.



1.3-rasm

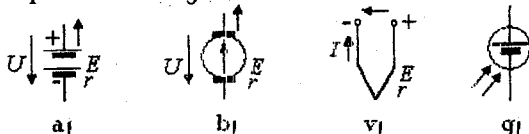
G — akkumulyator — elektr energiya manbai. U kimyoviy energiyani elektr energiyaga aylantiradi. EL — cho'g'lanma lampa — iste'molchi, unda elektr energiyasi yorug'lik energiyasiga aylantiriladi. SA — kalit, zanjirni ulab uzadi. pA — ampermetr, pV — voltmetr. To'g'ri chiziqlar — ulagich simlar — o'tkazgichlardir.

Elektr energiya manbalarining shartli belgilari — sxemalari: 1.4 — a, b, v, g, rasmlarda keltirgan.

Elektr energiya manbalarida turli tabiiy energiya maxsus o'zgartgichlar vositasida elektr energiyaga aylantiriladi.

O'zgartiriladigan energiyaning turiga ko'ra elektr energiya manbalari kimyoviy va fizik manbalarga bo'linadi. Kimyoviy reagentlar orasida oksidlanish — qaytarilish jarayonlari hisobiga elektr energiya ishlab chiqaruvchi manbalar **kimyoviy manbalar** deyiladi. Kimyoviy manbalarga galvanik elementlar, akkumulyatorlar va batareyalar kiradi.

Mexanik, issiqlik, elektromagnit, yorug'lik, radiatsion nurlanish, yadroviy parchalanish energiyalarini elektr energiyaga aylantiradigan qurilmalar **fizik manbalar** deyiladi. Ularga elektr generatorlar, termoelektr generatorlar, termoemission o'zgartgichlar, magnitogidrodinamik (MGD) generatorlar va quyosh nurlanishi hamda atom parchalanish generatorlari kiradi.

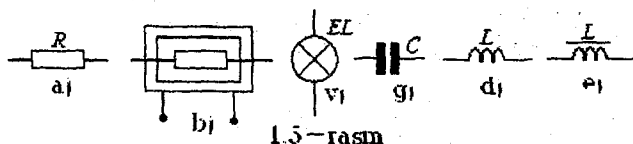


1.4-rasml

- a) galvanik element,
- b) doimiy magnitli o'zgarmas tok elektr generatori,
- v) termojuft,
- g) fotoelement.

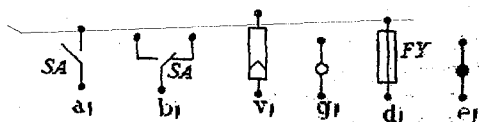
Elektr energiyasi iste'molchilarining shartli belgilari — sxemalari 1.5 — a, b, v, g, d, e rasmlarda keltirgan.

Elektr energiya iste'molchilari (elektr motorlar, elektr qo'ralar, issiqlik asboblari, cho'g'lanish lampalari, rezistorlar va b.) elektr energiyani boshqa tur energiyaga aylantirish uchun xizmat qiladi.



- a) rezistor, b) elektr qizdirgich, v) cho'g'lanma lampa, g) kondensator, d) induktiv g'altak, e) o'zakli g'altak — drossel.

Elektr zanjir yordamchi elementlarining shartli belgilari — sxemalari 1.6 — a, b, v, g, d, e — rasmlarda keltirilgan.



- a) kalit (ulab-uzgich), b) qayta ulagich, v) shtepsel (raz'em), g) ajratish mumkin bo'lgan o'tkazgichning ulangan joyi — qisqich, d) eruvchan saqlagich, e) o'tkazgichlar kavsharlanib ulangan tugun.

Manba bilan iste'molchilar o'zaro o'tkazgich simlar yordamida birlashtiriladi. Ular elektr energiyasini manbadan iste'molchiga kam isrof bilan uzatadi. Elektr zanjirlariga ko'pincha yordamchi va o'lchash qurilmalari ulanadi. Ular elektr zanjiri ish holatini (misol uchun saqlagichlar) boshqarish, o'ta kuchlanish va katta toklardan saqlash va h.k. uchun xizmat qiladi.

Demak, har qanday elektr zanjirining asosiy vazifasi elektr energiyasini manbadan iste'molchiga uzatishdan iboratdir.

Elektr zanjirdagi elektromagnit jarayonlar EYuK, tok, kuchlanish, qarshilik (o'tkazuvchanlik), induktivlik, sig'im tushunchalari bilan ifodalanadi.

Har qanday tur energiyani elektr energiyaga aylantirishda EYuK hosil bo'ladi.

EYuK skalyar kattalik bo'lib, tashqi maydon va induksiyalangan elektr maydonning elektr tok hosil qilish xususiyatini tavsiflaydi.

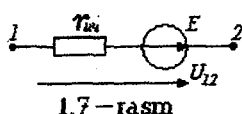
Manba ichida zaryadlangan zarrachani siljitish uchun tashqi kuchlar tomonidan bajariladigan A ishni shu zarracha q zaryadiga bo'lgan nisbati EYuKning qiymatini aniqlaydi:

$$E = \frac{A}{q}$$

Agar $q = 1 \text{ Kl}$ bo'lsa, unda $E = A$ bo'ladi.

Binobarin, EYuK manbaining ichida potentsiali pastroq qismdan potentsial yuqoriroq bo'lgan qismga birlamchi zaryadlarni ko'chirish uchun bajarilgan ish EYuKga teng. EYuK qiymat jihatdan energiya manбайдan tok o'tayotgan holatda musbat va manfiy qisqichlar orasidagi kuchlanishga teng (1.7 – rasm):

$$E = \varphi_1 - \varphi_2 = U_{12}$$



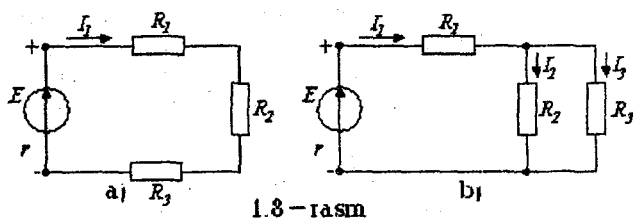
Berk zanjirda EYuK ta'sirida I tok hosil bo'ladi. Elektr zanjirlar *tarmoqlanmagan* va *tarmoqlangan* bo'ladi. Agar berk zanjirning barcha qismlaridan bitta tok o'tsa, u holda bunday zanjir tarmoqlanmagan bo'ladi (1.8 –

rasm, a).

Tarmoqlangan zanjirning har bir shoxobchasida o'zining toki bo'ladi (1.8 – rasm, b). Elektr sxemada shoxobcha, tugun va kontur tushunchalaridan foydalaniladi.

Shoxobcha – elektr zanjirning bir xil qiymatli tok o'tuvchi qismi. Bunda elektr zanjirning elementlari ketma – ket ulangan qismi tushuniladi.

Tugun – elektr zanjirning uchtdan kam bo'lmagan shoxobchalari ulangan o'rni.



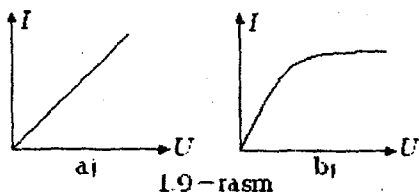
Kontur – elektr zanjirning shoxobchalaridan hosil bo'lgan berk yo'l.

O'zgarmas tok – I harfi bilan, qarshilik – R va o'tkazuvchanlik – G harflar bilan belgilanadi.

Elektr zanjir elementi qismalaridagi kuchlanishni undan o'tuvchi tokka bog'liqligi elementning voltamper xarakteristikasi (VAX) deb

ataladi (1.9–rasm). Masalan, rezistordan o'tuvchi tok bilan shu rezistordagi kuchlanish orasidagi bog'lanish rezistorning VAX bo'ladi.

Amalda abssissa o'qiga kuchlanish qiymatini, ordinata o'qiga esa tok qiymatini tanlangan masshtabda belgilab elementning VAX quriladi. Agar rezistor VAX to'g'ri chiziq bo'lsa, u holda bunday rezistor chiziqli rezistor, chiziqli elementlardan tuzilgan zanjir esa chiziqli zanjir deb ataladi (1.9–rasm, a). Agar rezistorning VAX egri chiziq bo'lsa (1.9 – rasm, b), u holda bunday rezistor nochiziqli rezistor, bunday rezistorlardan iborat elektr zanjir esa, nochiziqli elektr zanjir deb ataladi.



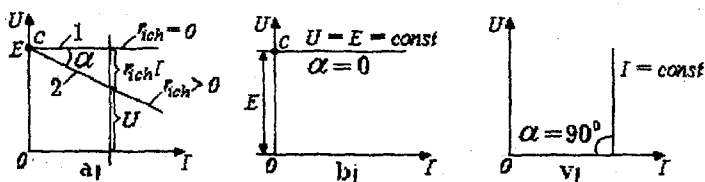
1.9–rasm

Chiziqli passiv element – rezistor R qarshilikka ega. Undan o'tuvchi tok va rezistorning qismalaridagi kuchlanish U ning o'zaro bog'lanishini Ohm qonuni ifodalaydi: $I = U/R$.

Qarshilikka teskari bo'lgan kattalik o'tkazuvchanlik deb ataladi. O'lchov birligi Simens $[Sm]$.

Chiziqli aktiv element – elektromagnit energiya manbai bo'lib, shartli ravishda ikki turga bo'linadi: ideal EYuK manbai va ideal tok manbai.

Ideal EYuK manbai. Bunday manba qismalaridagi kuchlanish U u hosil qilgan tok qiymati I ga bog'liq bo'lmaydi. Ideal EYuK manbai uchun manbaning ichki qarshiligi $r_{ich}=0$, (1.10–rasm, a). Shuning uchun $U = E = const$ bo'ladi. Ideal EYuK manbai VAX absissa o'qiga parallel to'g'ri chiziqdan iborat (1.10–rasm, a) dagi 1–to'g'ri chiziq).



1.10–rasm

Real EYuK manbai. Bunday EYuK manbaining ichki qarshiligi noldan farq qiladi. Ohm qonuniga asosan manba qismlaridagi kuchlanish $U_{ab} = E - r_{ich}I$, ya'ni U tok qiymati I ga bog'liq bo'ladi. Real EYuK manbai VAX 1.10–rasm, a da keltirilgan (2–to'g'ri chiziq). Real EYuK manbaiga misol tariqasida akkumulyator batareyasi, o'zgarmas tok generatorini keltirish mumkin.

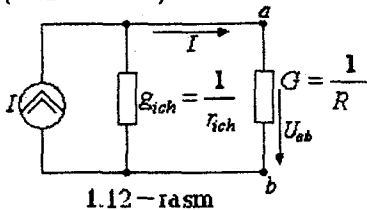
Real manbaning EYuKi miqdor jihatidan uning salt ish rejimida (tok nolga teng), qismalaridagi potentsiallar ayirmasi — kuchlanishga teng (1.10—rasm, b) bo'ladi. Bu manbaga tashqi zanjir ulanganda uning EYuKi avvalgi qiymatini saqlab qola olmaydi, chunki manba qisman ichki qarshilikka ega. Tok ortib borishi bilan $I r_{ich}$ ko'payadi, kuchlanish $U = E - r_{ich} I$ esa, kamayadi (1.10—rasm, a).

Ideal tok manbai. Agar manbaning toki u ta'minlab turgan zanjirning qarshiligiga bog'liq bo'lmasa, u holda bunday manba ideal tok manbai deyiladi (1.11—rasm).

Agar manbaning EYuKi E va ichki qarshiligi r_{ich} ni cheksiz oshirib borsak, unda c nuqta ordinata o'qi bo'yicha cheksizlikka, α burchagi esa 90° ga intiladi. Bunday manba ideal tok manbai deb ataladi (1.10—rasm, v).

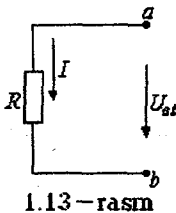
Demak, tok manbai elektromagnit energiya manbai bo'lib, manba toki va ichki o'tkazuvchanligi bilan tavsiflanadi. Demak, ideal tok manbaining ichki o'tkazuvchanligi $G_{ich} = 0$.

Real tok manbai. Haqiqiy tok manbai ma'lum bir qiymatli ichki o'tkazuvchanlikka ega bo'ladi. Bunda $I = E / r_{ich}$, $g_{ich} = 1 / r_{ich}$, $E = I / g_{ich}$ (1.12—rasm).



Tok manbaiga misol qilib elektrostatik generatorni ko'rsatish mumkin.

1.3 Om qonuni

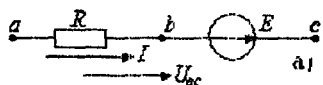


Agar zanjirning biror qismida EYuK manbai bo'lmasa (1.13—rasm), u holda undagi tok bilan kuchlanish orasidagi bog'liqlik quyidagicha aniqlanadi:

$$U_{ab} = RI \text{ yoki } I = \frac{U_{ab}}{R} = \frac{\varphi_a - \varphi_b}{R}.$$

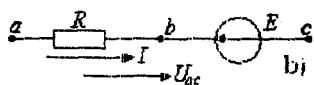
1.4 Zanjirning EYuK manbai qismi uchun Om qonuni

Agar zanjirning biror qismida EYuK manbai bo'lsa, u holda bu zanjir uchun potentsiallar ayirmasi EYuKning yo'nalishini e'tiborga olgan holda aniqlanadi. Om qonuni esa quyidagicha ifodalanadi (1.14 – rasm, a):



$$I = \frac{\varphi_a - \varphi_c + E}{R} = \frac{U_{ac} + E}{R}$$

1.14 – rasm, b uchun



$$I = \frac{\varphi_a - \varphi_c - E}{R} = \frac{U_{ac} - E}{R}$$

1.14 – rasm

Umumiy holda, ya'ni elektr zanjir tarkibida bir nechta EYuK

manbai va rezistorlar bo'lsa, tok $I = \frac{\varphi_a - \varphi_c + \Sigma E}{\Sigma R_{ac}}$ ifodadan aniqlanadi.

Bu formula umumlashgan Om qonuni deyiladi.

Bir konturli elektr zanjiri uchun Om qonuni quyidagicha yoziladi:

$$I = \Sigma E / \Sigma R$$

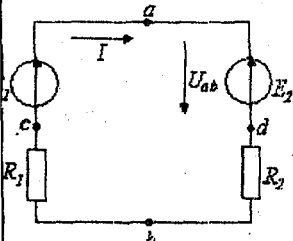
bunda ΣR – ichki va tashqi qarshiliklarning zanjir bo'yicha arifmetik yig'indisi, ΣE – zanjirdagi EYuKlarning algebraik yig'indisi. Agar tok yo'nalishi EYuK yo'nalishi bilan bir xil bo'lsa, u holda EYuK E musbat, qarama – qarshi yo'nalishda bo'lsa, manfiy ishora bilan olinadi.

Masala: tarmoqlanmagan zanjirda (1.15–rasm) EYuK $E_1 = 110$ V, $E_2 = 48$ V, rezistor $R_1 = 18$ Ohm, $R_2 = 13$ Ohm. a va b nuqtalar orasidagi kuchlanishni aniqlang.

Tokning musbat yo'nalishini soat mili harakati yo'nalishi bo'yicha qabul qilamiz. Om qonuniga asosan:

$$I = \frac{\Sigma E}{\Sigma R} = \frac{E_1 - E_2}{R_1 + R_2} = \frac{110 - 48}{18 + 13} = 2 \text{ A.}$$

EYuK E_1 ning yo'nalishi tok I yo'nalishi bilan bir xil bo'lgani uchun E_1 musbat ishorada, E_2 yo'nalishi esa tok I yo'nalishiga teskari bo'lgani uchun manfiy ishorada olindi. Tok yo'nalishi ixtiyoriy qabul qilinadi. Agar



1.15 – rasm

topilgan tokning qiymati manfiy ishora bilan chiqsa, u holda tokning haqiqiy yo'nalishi dastlab qabul qilingan tok yo'nalishiga teskari yo'nalgan bo'ladi.

a va b nuqtalar orasidagi potentsiallar ayirmasi U_{ab} ni aniqlash uchun zanjirni adb qismini olib, unga zanjirning EYuK manbali qismi uchun Om qonuni qo'llaniladi:

$$I = \frac{\varphi_a - \varphi_b - E_2}{R_2} = \frac{U_{ab} - E_2}{R_2}, \text{ bundan}$$

$$U_{ab} = E_2 + R_2 I = 48 + 13 \cdot 2 = 74 \text{ B.}$$

Zanjirning acb qismi uchun esa

$$I = \frac{\varphi_b - \varphi_a + E_1}{R_1} = \frac{U_{ba} - E_1}{R_1}, \text{ bundan}$$

$$U_{ba} = -E_1 + R_1 I_1 = -110 + 18 \cdot 2 = -74 \text{ B.}$$

Demak, $U_{ab} = 74 \text{ B}$ yoki $U_{ba} = -74 \text{ B}$.

1.5 Katta toklarda Om qonunining buzilishi

Shu paytgacha biz elektronlarni faqat elektr maydon ta'siridagi harakatini o'rganib keldik. Lekin ma'lumki, o'tkazgichdan o'tayotgan tok magnit maydonining manbaidir. Magnit maydoni esa o'tkazgichni nafaqat tashqarisida, balki ichkarisida ham mavjuddir.

Misol uchun $I = 10 \text{ A}$ tok o'tayotgan va diametri $d = 1 \text{ mm}$ bo'lgan o'tkazgich atrofidagi magnit maydonning induksiyasi $B = 4\mu_0 I / d \approx 0,012 \text{ Tl}$ ($\mu_0 = 4 \cdot 10^{-7} \text{ Vs/A}\cdot\text{m}$ — magnit doimiysi). Tokning magnit maydoni Om qonunini buzilishiga olib kelishi mumkin.

Darhaqiqat, magnit maydonida harakatlanayotgan elektronga uning trayektoriyasini buzuvchi Lorens kuchi ta'sir qiladi. Agar maydon induksiyasi B elektron tezligi v ga perpendikulyar bo'lsa, u holda elektron trayektoriyasi $r = mv/eB$ radiusli aylana ko'rinishiga ega bo'ladi (m, e — elektron massasi va zaryadi). Agar B va v vektorlar orasidagi burchak α bo'lsa, u holda elektron diametri $d = 2(mv/eB)\sin\alpha$ li spiral bo'yicha harakat qiladi. Bunda elektron spiralning bir o'ramini $T = 2\pi m/eB$ vaqt davomida bosib o'tadi. Agar elektronning erkin harakatlanish vaqti $\tau \gg T$, bo'lsa, u spiral bo'ylab harakatlanadi (1.16 — rasm, a). Bu holda spiralning diametri $d < vT$ τ vaqt davomida magnit maydoni yo'qligida elektronning siljish masofasi $l = v\tau$ dan ancha kam bo'ladi. Shuning uchun τ vaqt

davomida elektron diametri d bo'lgan quvurda "qamalib" qolganday bo'ladi.

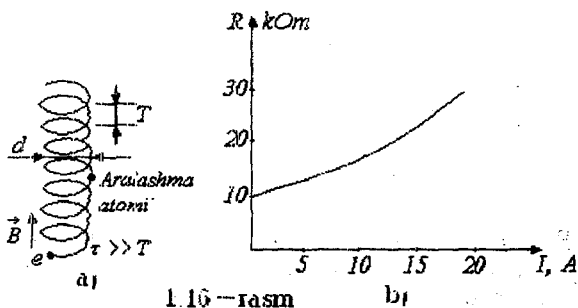
Natijada o'tkazgichning qarshiligi magnit maydon bo'lmagan holga nisbatan kattaroq bo'ladi. Binobarin, o'z tokining magnit maydoni ta'sirida bo'lgan o'tkazgichning R qarshiligini o'zgarishi katta toklarda Om qonunining buzilishiga olib keladi.

Agar $\tau \ll T$ bo'lsa, u holda ikkita ketma-ket keladigan to'qnashuvlar orasidagi elektronlar harakati to'g'ri chiziqdan juda kam farq qiladi. Bu holda magnit maydoni o'tkazgich qarshiligiga amalda ta'sir qilmaydi.

Magnit maydonining induksiyasi B_0 ta'sir qiladigan qiymatni elektronni aylanma orbita bo'ylab harakat davrining $T = 2\pi m e B$ erkin harakat vaqti τ ga tengligidan keltirib chiqariladi: $B_0 = 2\pi m / e \tau$.

Metall o'tkazgichlarda mazkur qiymat taxminan $0,01 \text{ Tl}$ ga teng. Bunday maydon diametri $d = 1 \text{ mm}$ bo'lgan simdan $I = 10 \text{ A}$ tok o'tganda paydo bo'ladi.

Metall o'tkazgich qarshiligini undan o'tayotgan tokka bog'liqligining eksperimental grafigi 1.16—rasm, b da keltirilgan. Grafikdan ko'rinib turibdiki, tok oshishi bilan qarshilik bir necha



1.16—rasm

b)

barobar ko'payadi. Shunday qilib, tok magnit maydonining u o'tayotgan o'tkazgich qarshiligiga ta'sir qilishi Om qonunining buzilishiga olib keladi.

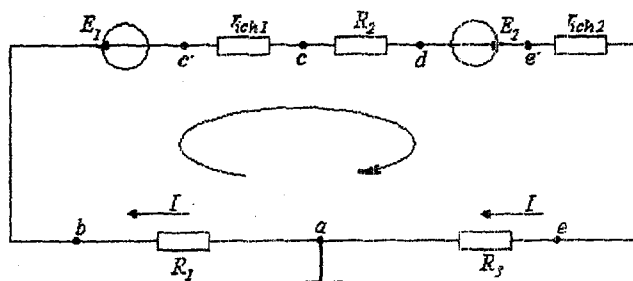
Biz o'tkazgichlarda Om qonunining katta toklarda buzilishini fizik sabablarini ko'rib chiqdik. Bundan tashqari texnikada keng qo'llaniladigan nochiq elementlar—diod va tranzistorlarda hamda turli metallarning kontaktlashgan joylarida Om qonunining buzilishi kuzatiladi.

O'zgaruvchan elektr va magnit maydonlari ta'siridagi o'tkazgichlarda ham Om qonuni buzilishi ro'y beradi.

1.6 Potensial diagramma

Zanjirning biror qismi yoki berk zanjir (kontur) uchun belgilangan nuqtalardagi potensiallar qiymatini shu zanjir qarshiliklarining qiymatiga qarab o'zgarish grafigiga potensial diagramma deb ataladi. Potensial diagrammani qurish uchun to'g'ri burchakli koordinatalar tekisligining abssissa o'qiga kontur bo'yicha olingan rezistorlar qarshiliklari qiymati, ordinata o'qiga esa tegishli potensiallar qiymati qo'yiladi. Diagrammadan zanjirning yoki konturning biror qismiga tegishli potensiallarni aniqlash mumkin bo'ladi.

1-masala: bir konturli elektr zanjir uchun potensiallar diagrammasini quring (1.17 - rasm).



1.17 - rasm

Berilgan: $E_1 = 24 \text{ V}$; $E_2 = 110 \text{ V}$; $R_1 = 4 \text{ Om}$; $R_2 = 3 \text{ Om}$; $R_3 = 7 \text{ Om}$; $r_{ich1} = r_{ich2} = 1 \text{ Om}$.

Yechish:

EYuK $E_2 > E_1$ bo'lganligi uchun tokning haqiqiy yo'nalishi E_2 EYuKning yo'nalishi bilan bir xil bo'ladi.

Berk zanjir uchun Om qonuniga ko'ra tokni topamiz:

$$I = \frac{E_2 - E_1}{R_1 + r_{ich1} + R_2 + r_{ich2} + R_3} = \frac{110 - 24}{4 + 1 + 3 + 1 + 7} = 5,375 \text{ A.}$$

Potensial diagrammani qurish uchun zanjirning barcha nuqtalari potensiallarini bilish zarur. a nuqtani yerga ulangan deb qabul qilamiz. Shuning uchun uning potentsiali $\varphi_a = 0$ bo'ladi. Elektr zanjirda a nuqtadan b nuqtaga o'tishda R_1 qarshilikli rezistor mavjud. Bu rezistorda $R_1 I$ - kuchlanish tushuvi hosil bo'ladi, ya'ni u a va b nuqtalar potentsiallari ayirmasiga teng:

$$\varphi_a - \varphi_b = R_1 I \text{ bundan } \varphi_b = \varphi_a - R_1 I = -21,5 \text{ V.}$$

b va c' nuqtalar orasida E_1 EYuK manbai ulangani uchun c' nuqta potentsiali b nuqta potentsialidan E_1 kattalikka pasayadi, ya'ni:

$$\varphi_c = \varphi_b - E_1 = -21,5 - 24 = -45,5 \text{ V.}$$

c' nuqtadan c nuqtaga o'tishda r_{ich1} rezistor bor. Shuning uchun:

$$\varphi_c = \varphi_{c'} - r_{ich1} I = -45,5 - 5,375 = -50,875 \text{ V.}$$

Endi boshqa nuqtalarning potentsiallarini topamiz:

$$\varphi_c - \varphi_d = R_2 I,$$

$$\varphi_d = \varphi_c - R_2 I = -50,875 - 16,12 = -66,995 \text{ V.}$$

$$\varphi_e - \varphi_d = E_2$$

$$\varphi_e = \varphi_d + E_2 = -66,995 + 110 \approx 43,01 \text{ V.}$$

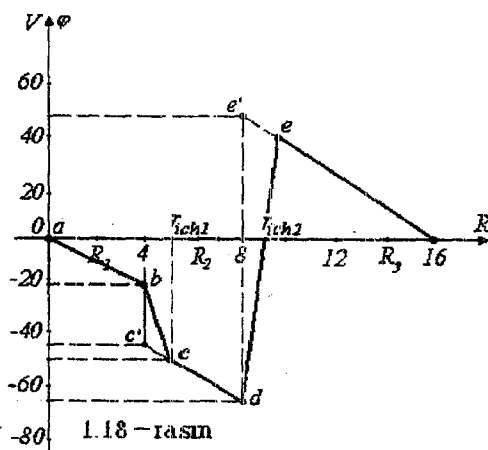
$$\varphi_e = \varphi_{e'} - r_{ich2} I = 43 - 5,375 = 37,625 \text{ V.}$$

$$\varphi_e - \varphi_a = R_3 I$$

$$\varphi_a = \varphi_e - R_3 I = 37,625 - 37,625 = 0 \text{ V.}$$

Potensial diagrammani koordinatalar tekisligida qurish uchun berilgan konturning ekvivalent qarshiligini hisoblaymiz:

$$R_{ske} = R_1 + r_{uv1} + R_2 + r_{uv2} + R_3 = 16 \text{ Om.}$$



Qarshilik va potensial uchun masshtab tanlaymiz:

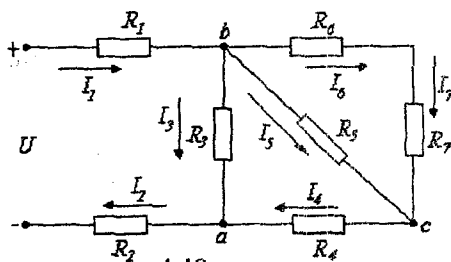
$$m_R = 0,2 \text{ Om/mm,}$$

$$m_U = 2 \text{ V/mm.}$$

Potensial diagrammadan berilgan kesmaning og'ish burchagining tangensi tok miqdoriga teng bo'lishiga ishonch hosil qilish mumkin. *de* uchastkada $E_2 = 110 \text{ V}$, ya'ni $r_{ich} I = 5,37 \text{ V}$ potentsialidan 20 martadan ko'proq.

2-masala: manba kuchlanishi $U = 110 \text{ V}$, elementlar

qarshiliklari $R_1 = R_2 = 0,5 \text{ Om}$, $R_3 = R_5 = 10 \text{ Om}$, $R_4 = R_6 = R_7 = 5 \text{ Om}$ bo'lgan elektr zanjiridagi toklar va elementlardagi kuchlanishlar tushuvi qiymatlarini aniqlang. Elektr zanjir sxemasi 1.19-rasmda keltirilgan.



1.19 - rasm

Yechish. Toklar qiymatini to'g'ridan--to'g'ri aniqlash mumkin emas, chunki elementlardagi kuchlanish qiymatlari noma'lum. Shuning uchun elektr zanjir sxemasini o'zgartirish usulini qo'llab, uning ekvivalent qarshiligini hisoblaymiz.

$$R_{bc} = \frac{(R_6 + R_7) \cdot R_5}{R_6 + R_7 + R_5} = \frac{(5 + 5) \cdot 10}{5 + 5 + 10} = 5 \text{ Om},$$

$$R_{ab} = \frac{(R_{bc} + R_4) R_3}{R_{bc} + R_4 + R_3} = \frac{(5 + 5) \cdot 10}{5 + 5 + 10} = 5 \text{ Om},$$

$$R_{\text{ekv}} = R_{ab} + R_1 + R_2 = 5 + 0,5 + 0,5 = 6 \text{ Om}.$$

Zanjirdagi umumiy tok Om qonuniga binoan aniqlanadi:

$$I_1 = \frac{U}{R_{\text{ekv}}} = \frac{110}{6} = 18,33 \text{ A}.$$

$$\text{Kuchlanish } U_{ab} = R_{ab} \cdot I_1 = 5 \cdot 18,33 = 91,65 \text{ V}$$

$$\text{yoki } U_{ab} = U - (R_1 + R_2) I_1 = 110 - (0,5 + 0,5) \cdot 18,33 = 91,67 \text{ V}.$$

Shoxobchalardan o'tuvchi toklar

$$I_3 = \frac{U_{ab}}{R_3} = \frac{91,65}{10} = 9,16 \text{ A},$$

$$I_4 = I_1 - I_3 = 18,33 - 9,16 = 9,17 \text{ A}.$$

$I_5 = I_6$ bo'lgani uchun R_5 va R_6 rezistorlardan o'tuvchi toklar

$$I_5 = I_6 = I_4 / 2 = 9,16 / 2 = 4,58 \text{ A}.$$

Tegishli kuchlanishlarning qiymatlari esa:

$$U_{bc} = R_5 I_5 = 10 \cdot 4,58 = 45,8 \text{ V},$$

$$U_{ac} = R_4 I_4 = 5 \cdot 9,17 = 45,85 \text{ V}.$$

3-masala: 1.20 - rasmda keltirgan elektr zanjirini hisoblang.

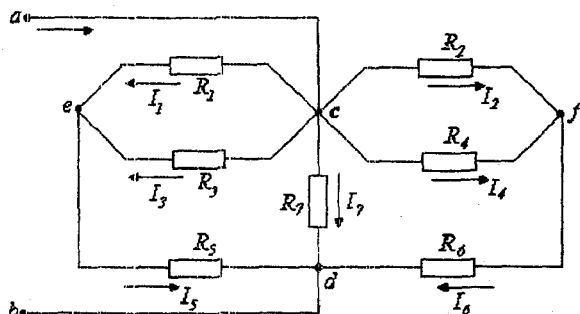
Berilgan: $I_5 = 20 \text{ A}$, $R_1 = R_3 = 8 \text{ Om}$, $R_2 = R_4 = 4 \text{ Om}$, $R_5 = R_6 = 1,5 \text{ Om}$, $R_7 = 3 \text{ Om}$.

Yechish. E'tibor bering manba kuchlanishining qiymati berilmagan. Shuning uchun dastlab rezistor va shoxobcha tokleri bo'yicha kuchlanishlarni hisoblaymiz:

$$U_{ed} = R_5 \cdot I_5 = 1,5 \cdot 20 = 30 \text{ V.}$$

$$U_{ec} = R_1 \cdot I_1 = R_3 \cdot I_3 = I_5 \cdot \frac{R_1 \cdot R_3}{R_1 + R_3} = 80 \text{ V,}$$

$$U_{cd} = U_{ed} + U_{ec} = 110 \text{ V.}$$



1.20 - rasm

Zanjirning shoxobchalanmagan qismidagi toklar

$$I_6 = \frac{U_{cd}}{R_{246}} = \frac{U_{cd}}{R_6 + R_2 \frac{R_4}{R_2 + R_4}} = \frac{110}{1,5 + 4 \frac{4}{4 + 4}} = \frac{110}{3,5} = 31,4 \text{ A,}$$

chunki $R_1 = R_3$, $R_2 = R_4$ bo'lgani uchun $I_2 = I_4$ bo'ladi, ya'ni:

$$I_2 = I_4 = \frac{I_6}{2} = \frac{31,4}{2} = 15,7 \text{ A.}$$

U_{cf} kuchlanish

$$U_{cf} = R_2 I_2 = 4 \cdot 15,7 = 62,8 \text{ B.}$$

R_7 rezistordan o'tuvchi tok

$$I_7 = \frac{U_{cd}}{R_7} = \frac{110}{3} = 36,6 \text{ A.}$$

Sxemaning shoxobchalanmagan qismidan o'tuvchi umumiy tok

$$I = \frac{U_{cd}}{R_{um}} = \frac{R_7 \cdot R_{246} \cdot R_{135} \cdot U_{cd}}{R_{246} \cdot R_{135} + R_7 \cdot R_{135} + R_7 \cdot R_{246}} = \frac{110}{1,25} = 88 \text{ A.}$$

1.7 Elektr energiya va elektr quvvat. Quvvatlar balansi

1.7.1 Elektr energiya

Oddiy elektr zanjiri uchun tok Om qonuniga ko'ra quyidagicha aniqlanadi:

$$I = \frac{E}{R + r_{ich}}, \text{ bundan } E = IR + Ir_{ich}.$$

$IR = U$ ekanligini hisobga olib, $E = U + Ir_{ich}$ ifodani hosil qilamiz. Oxirgi tenglamani ikkala tomonini It ga ko'paytiramiz:

$$EIt = UI t + I^2 r_{ich} t,$$

bu yerda $EIt = W_G$ — manba energiyasi yoki u bajargan ish. $U = A/q = W/q$, $q = It$, $\Delta W = I^2 r_{ich} t$ tengliklardan $W_G = W + \Delta W$ ni hosil qilamiz.

Bunda ΔW — manba ichki qarshiligida isrof bo'lgan energiya. $W - R$ qarshilikli iste'molchida sarf bo'lgan energiya.

Shuni ta'kidlash kerakki, ish va energiya teng kuchli tushunchalardir. Energiya — jismning ish bajarish qobiliyati. Energiyani o'lchash uchun jism shu energiyani sarflab bajargan ishini o'lchash kerak bo'ladi.

$$\text{Energiyaning o'lchov birligi } [W] = [UI] = V \cdot A \cdot c = J.$$

$$1 \text{ kVt} \cdot \text{soat} = 3600000 \text{ J}.$$

1.7.2 Elektr quvvat

Elektr quvvat — elektr energiyani uzatish va boshqa tur energiyaga aylantirish tezligini xarakterlovchi fizik kattalikdir:

$$P_G = \frac{W_G}{t} = E_G I,$$

bu yerda P_G — manbaning quvvati.

Quvvatning o'lchov birligi *vatt*. 1 *vatt* — 1 sekund davomida 1 *Jl* ish bajarishga teng quvvat.

Energiya manbaining iste'molchiga berayotgan quvvati:

$$P = UI = I^2 R = U^2 G. \quad (1.1)$$

Manba ichki qarshiligida isrof bo'lgan quvvat: $\Delta P_G = I^2 r_{ich}$.

1.7.3 Energiya manbaining FIK

Iste'molchi quvvati (foydali quvvat)ning energiya manbai quvvatiga nisbati uning foydali ish koeffitsiyenti (FIK) deb ataladi:

$$\eta = \frac{P}{P_r} = \frac{UI}{EI} = \frac{U}{E} = \frac{IR}{IR + Ir_{ich}} = \frac{R}{R + r_{ich}}.$$

Tenglamadan ko'rinib turibdiki, manba ichki qarshiligi qancha kichik bo'lsa, uning FIK shuncha katta bo'ladi.

Endi qanday shart bajarilganda energiya manbai maksimal foydali quvvat uzatishini aniqlaymiz. Buning uchun (1.1) tenglamani $I = E/(R + r_{ich})$ ifodani hisobga olgan holda quyidagicha o'zgartiramiz:

$$P = \frac{E^2}{R + 2r_{ich} + \frac{r_{ich}^2}{R}} = f(R).$$

$P = f(R)$ funksiyani maksimumga tekshiramiz:

$$\frac{df(R)}{dR} = \frac{d\left(R + 2r_{uv} + \frac{r_{uv}^2}{R}\right)}{dR} = 1 - \frac{r_{uv}^2}{R^2} = 0 \text{ yoki } R = r_{ich}. \text{ Bu shartni}$$

$$P = f(R) \text{ ga qo'yib } P_{\max} = \frac{E^2}{4r_{ich}} \text{ ni hosil qilamiz.}$$

Shunday qilib, EYuK manbai maksimal foydali quvvatda ishlashi uchun tashqi zanjirning qarshiligi R manba ichki qarshiligi r_{ich} ga teng bo'lishi shart. *Bu rejim moslangan iste'molchi rejimi deb ataladi.*

Shu bilan birga bu rejimda manba quvvatining 50% ichki qarshilikda isrof bo'ladi va $\eta = \frac{R}{R + r_{ich}} = \frac{R}{2R} = 0,5$ bo'ladi.

Bu rejim avtomatika, telemexanika va aloqa texnikasida kichik quvvatli signallarni uzatishda ishlatiladi. Katta quvvatli signallarni uzatishda bu rejimda ishlashga ruxsat etilmaydi. Katta quvvatli manbalar, odatda $R = (10 \dots 20)r_{ich}$ rejimda ishlab FIK 95% gacha yetadi.

1.7.4 Elektr zanjirlarida quvvatlar balansi

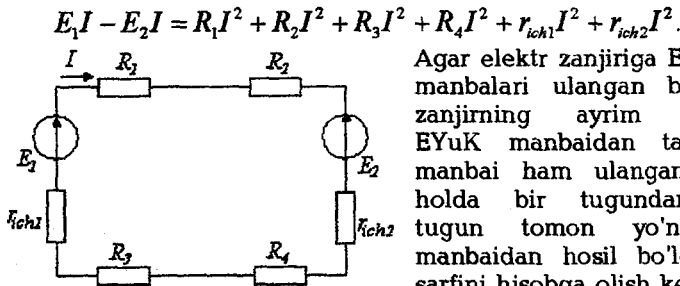
Energiya saqlanish qonuniga ko'ra zanjirga ulangan manbalarining algebraik quvvati zanjirning barcha qismlaridagi quvvatlarning arifmetik yig'indisiga tengdir:

$$\sum EI = \sum I^2 R.$$

Bu ifoda energetik balans (muvozanat) tenglamasi deyiladi, ya'ni manbalarining ishlab chiqargan elektr energiyasi (quvvati) iste'molchilarda, uzatish liniyasida va manbalarining o'zida sarf bo'lgan energiya (quvvat)ga tengdir.

Agar elektr zanjirida tok yo'nalishi EYuK yo'nalishi bilan bir xil bo'lsa, u holda manba vaqt birligi ichida zanjirga energiya uzatuvchi manba hisoblanadi. Agar tok yo'nalishi EYuK yo'nalishiga qarama-qarshi bo'lsa, u holda EYuK manbai zanjirga energiya bermaydi, aksincha energiyani qabul qiladi, ya'ni iste'molchi vazifasini bajaradi. Misol tariqasida akkumulyatorning zaryadlanishini keltirish mumkin. Bu holda EI ko'paytma quvvatlar muvozanati tenglamasiga manfiy ishora bilan kiradi.

1.21-rasmda keltirilgan zanjir uchun energetik balans tenglamasi quyidagi ko'rinishga ega:



1.21-rasm

Agar elektr zanjiriga EYuK va tok manbalari ulangan bo'lsa, ya'ni zanjirning ayrim tugunlariga EYuK manбайдan tashqari tok manbai ham ulangan bo'lsa, u holda bir tugundan ikkinchi tugun tomon yo'nalgan tok manбайдan hosil bo'lgan quvvat sarfini hisobga olish kerak bo'ladi.

Masalan, zanjirning a tuguniga I_k

tok kirib b tugunidan chiqsa, u holda tok manbai sarflayotgan quvvat $P = U_{ab} I_k$ bo'ladi. Bunday holda energetik muvozanat tenglamasi quyidagicha yoziladi:

$$\sum_{i=1}^n R_i I_i^2 = \sum_{k=1}^m EI_k + \sum_{k=1}^m U_{ab} I_k.$$

Bu tenglama quvvatlar muvozanatining umumiy tenglamasi deyiladi.

1.8 Kirxgof qonunlari

Har qanday elektr zanjiridagi jarayonlar Kirxgofning 1- va 2-qonunlari bilan ifodalanadi.

1-qonun. Kirxgofning 1-qonuni zanjirning tugunlariga tegishli bo'lib, unga ko'ra zanjirning istalgan tugunida toklarning algebraik yig'indisi nolga teng bo'ladi, ya'ni:

$$\sum_{k=1}^m I_k = 0$$

yoki elektr zanjirning istalgan tuguniga kiruvchi toklarning arifmetik yig'indisi shu tugundan chiquvchi toklarning arifmetik yig'indisiga tengdir, ya'ni:

$$\sum_{i=1}^m I_i = \sum_{j=1}^q I_j.$$

1.22-rasmda elektr zanjirning a tuguni ko'rsatilgan. Agar a tugunga kiruvchi toklar musbat ishora bilan olinsa, tugundan chiquvchi toklar ishorasi manfiy olinadi (yoki aksincha).

Kirxgofning 1-qonuniga asosan:

$$I_1 - I_2 - I_3 - I_4 = 0$$

yoki $I_1 = I_2 + I_3 + I_4$.

Kirxgof 1-qonunining fizik ma'nosi: elektr zanjirining tugunida zaryadlarning harakati uzluksizdir va unda zaryadlar to'planib qolmaydi.

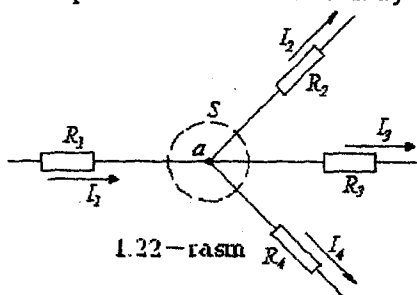
2-qonun. Kirxgofning 2-qonuni zanjirning berk konturlariga

tegishli bo'lib, unga ko'ra elektr zanjirining istalgan berk konturida kuchlanishlar tushuvining algebraik yig'indisi shu konturdagi EYuKlarning algebraik yig'indisiga teng, ya'ni:

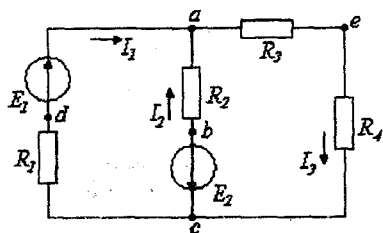
$$\sum_{k=1}^n R_k I_k = \sum_{i=1}^m E_i.$$

Agar kontumi aylanib chiqish yo'nalishi bilan tok yoki EYuK yo'nalishi bir xil bo'lsa, u holda yig'indiga tegishli tashkil etuvchilar "musbat" ishora bilan, aks holda esa "manfiy" ishora bilan kiradi.

Kirxgofning 2-qonunini boshqa ko'rinishda yozish ham mumkin: zanjirning ixtiyoriy konturida kuchlanishlarning algebraik yig'indisi nolga teng:



1.22-rasm



1.23-rasm

$$\sum_{k=1}^n U_k = 0.$$

1.23-rasmdagi $abcda$ kontur uchun
 $U_{ab} + U_{bc} + U_{cd} + U_{da} = 0$ yoki

$R_1 I_1 - R_2 I_2 = E_1 + E_2$. Kirxgof qo-
 nunlarini chiziqli va nochiziqli elektr
 zanjirlarni hisoblash uchun qo'llash
 mumkin.

1.9 Kirxgof qonunlari asosida murakkab elektr zanjirlarining topologik tenglamalarini tuzish

Har qanday zanjir shoxobchalaridagi toklarni aniqlash uchun Kirxgof qonunlaridan foydalaniladi. Zanjirdagi tugunlar soni T , shoxobchalar soni Sh va tok manbalari soni Sh_{TM} deb belgilansa, har bir shoxobchadan o'tuvchi tokni hisoblashda ma'lum tartibdagi ketma-ketlikni tavsiya etish mumkin. Bunda tok manbai ulangan shoxobchalardan o'tuvchi tok qiymati ma'lum bo'lganligi uchun ularni umumiy toklar sonidan ayriladi, ya'ni $Sh - Sh_{TM}$. Zanjirning qolgan shoxobchalaridagi noma'lum toklarni hisoblashdan oldin quyidagilarni bajarish kerak:

a) har bir shoxobchadagi toklar yo'nalishlarini ixtiyoriy tanlab, ularni sxemada belgilaymiz;

b) Kirxgofning 2-qonuni bo'yicha tenglamalar tuzish uchun konturlarni aylanib chiqish yo'nalishini ixtiyoriy (soat mili harakati yo'nalishida yoki unga teskari) belgilaymiz.

Kirxgofning 1-qonuniga asoslangan va o'zaro bog'liq bo'lmagan tenglamalar sistemasini tuzish uchun tugunlar sonidan bitta kam tenglama tuzish kerak.

Kirxgofning 2-qonuniga asoslanib tuzilgan tenglamalar soni umumiy shoxobchalar sonidan tok manbalari ulangan shoxobchalar soni Sh_{TM} va Kirxgofning 1-qonuni bo'yicha tuzilgan tenglamalar sonini ayirib topiladi, ya'ni konturlar uchun tuzilgan tenglamalar soni:

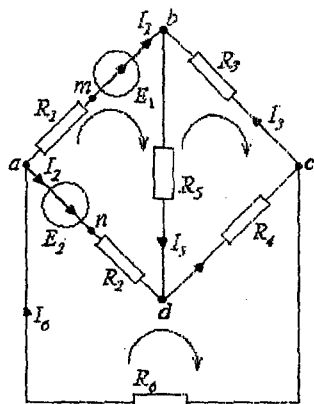
$$K = (Sh - Sh_{TM}) - (T - 1) = Sh - Sh_{TM} - T + 1.$$

Kirxgofning 2-qonuni bo'yicha tenglamalarni o'zaro bog'liq bo'lmagan (mustaqil) konturlar uchun tuzish lozim. O'zaro bog'liq bo'lmagan kontur deb shunday konturga aytiladiki, u oldingi konturlardan kamida bitta yangi shoxobcha bilan farq qiladi.

Chiziqli algebraik tenglamalar sistemasi — o'zgarmas tok zanjirlarining matematik modeli hisoblanadi.

Elektr zanjirlar nazariyasida ikki turdagi masalalar uchraydi. *Birinchi turdagi masalalarda* sxemasi va elementlari ma'lum bo'lgan zanjirning shoxobchalardagi toklar va ayrim qismlaridagi kuchlanish va quvvatlarni hisoblash kerak bo'ladi. Bu turdagi masalalar zanjirlarni analiz masalalari deb ataladi. *Ikkinchi turdagi masalalarda* teskari masala — zanjirning ba'zi bir uchastkalaridagi tok va kuchlanish berilgan bo'lib, zanjir sxemasi va uning elementlarini aniqlash kerak bo'ladi. Bunday masalalar elektr zanjirlarining sintez masalalari deyiladi. Ikkala turdagi masalalarni yechish uchun ko'pincha zanjirning matematik modeli tuziladi.

Quyida nazariy elektroteknika ko'p uchraydigan zanjirlarni



1.24 — rasm

Kirxgof qonunlari asosida matematik modelini tuzishni 1.24 — rasmdagi zanjir misolida ko'rib chiqamiz.

1. Har bir shoxobchadagi toklar yo'nalishi ixtiyoriy tanlab olinadi.

2. Kirxgofning birinchi qonuniga asosan tenglamalar tuzamiz.

Ularining soni zanjir tugunlaridan bitta kam bo'ladi:

$$I_6 - I_1 - I_2 = 0 \text{ a tugun uchun,}$$

$$I_1 + I_3 - I_5 = 0 \text{ b tugun uchun,}$$

$$-I_3 + I_4 - I_6 = 0 \text{ c tugun uchun.}$$

3. Zanjir konturlarini aylanib chiqish yo'nalishi tanlanadi. Bunda tanlangan yo'nalish bo'yicha tuzilgan tenglamalar o'zaro bog'liq bo'lmasligi

lozim. Kirxgofning ikkinchi qonuniga ko'ra mustaqil konturlar uchun tenglamalar tuziladi:

$$R_1 I_1 + R_5 I_5 - R_2 I_2 = E_1 - E_2 \text{ abda kontur uchun,}$$

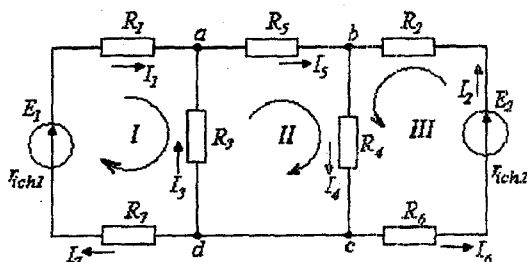
$$-R_5 I_5 - R_3 I_3 - R_4 I_4 = 0 \text{ abcd kontur uchun,}$$

$$R_2 I_2 + R_4 I_4 - R_6 I_6 = E_2 \text{ abca kontur uchun.}$$

Bu tenglamalarda konturlarni aylanib chiqish yo'nalishi bilan mos keladigan EYuK va toklar ishorasi musbat, aylanib chiqish yo'nalishiga qarama-qarshi bo'lgan EYuK va toklar ishorasi esa manfiy ishora bilan yoziladi. Bu misoldan ko'rinib turibdiki, tuzilgan tenglamalar soni zanjirdagi noma'lum toklar yoki toklari aniqlanishi kerak bo'lgan shoxobchalar soniga tengdir. Olti noma'lum tokli oltita tenglamalardan iborat sistema yuqorida ko'rilayotgan zanjirning

matematik modelidir. Agar hisoblash natijasida qandaydir tokning ishorasi manfiy chiqsa, u holda bu tokning haqiqiy yo'nalishi dastlab tanlangan yo'nalishga nisbatan qarama-qarshi bo'ladi.

Masala: Kirxgof qonunlaridan foydalanib 1.25-rasmda keltirilgan elektr zanjir shoxobchalaridan o'tuvchi toklarni aniqlang. $R_1 = 0,3 \text{ Om}$; $R_7 = 0,3 \text{ Om}$; $R_2 = R_6 = 0,4 \text{ Om}$; $R_3 = R_4 = 0,4 \text{ Om}$; $R_5 = 6 \text{ Om}$; $E_1 = 110 \text{ V}$; $E_2 = 48 \text{ V}$.



1.25-rasm

shuncha tokni hisoblash zarur. Demak, beshta tenglama tuzib, ularni birgalikda yechish kerak.

Kirxgofning birinchi qonuni bo'yicha tenglamalar soni $T-1=3-1=2$.

a tugun uchun:

$$I_1 + I_3 - I_5 = 0$$

b tugun uchun:

$$I_2 + I_5 - I_4 = 0$$

I, II va III — konturlar uchun Kirxgofning ikkinchi qonuni asosida qolgan 3 ta tenglamani tuzamiz. Ma'lumki, konturlarni aylanib chiqish yo'nalishi ixtiyoriy tarzda tanlanadi.

I — kontur uchun:

$$E_1 = (r_{ich1} + R_1 + R_7)I_1 - R_3I_3,$$

III — kontur uchun:

$$E_2 = (r_{ich2} + R_2 + R_6)I_2 + R_4I_4,$$

nihojat II — kontur uchun:

$$0 = R_3I_3 + R_5I_5 + R_4I_4,$$

Chunki II — kontur passiv kontur, u faqat passiv elementlar — R_3 , R_4 va R_5 rezistorlardan tarkib topgan. Unda EYuK manbai yo'q.

Tenglamalar sistemasini yechish natijasida $I_3 = -45 \text{ A}$ aniqlanadi. Manfiy ishora I_3 tokning haqiqiy yo'nalishi dastlabki tanlangan yo'nalishiga qarama-qarshi yo'nalganligini ko'rsatadi.

$$I_4 = 30 \text{ A}, I_1 = 50 \text{ A}, I_2 = 25 \text{ A}, I_5 = 5 \text{ A}.$$

EYuK manbalarining ichki qarshiligi $r_{ich1} = 0,1 \text{ Om}$, $r_{ich2} = 0,2 \text{ Om}$.

Yechish. Berilgan sxemada tugunlar soni $T=3$ (*c* va *d* nuqtalar potentsiallari bir xil). Noma'lum toklar yo'nalishlarini ixtiyoriy tanlaymiz. Sxemada beshta shoxobcha bo'lgani uchun

Zanjirning cd qismi uchun tokning yo'nalishini ixtiyoriy ravishda c tugundan d tugunga yo'nalgan deb qabul qilaylik. Bu qism uchun $R_{cd} = 0$.

Kirxgof 1-qonuniga binoan:

$$I_4 = I_{cd} + I_6.$$

$$I_{cd} = I_4 - I_6 = 25 - 30 = -5A.$$

Manfiy ishora I_{cd} tokning haqiqiy yo'nalishi dastlabki qabul qilingan yo'nalishiga qarama-qarshi ekanligini bildiradi.

1.10 Chiziqli elektr zanjir sxemalarini ekvivalent o'zgartirish

Elektr zanjirlarni tahlil qilishda ko'p hollarda uni soddalashtirish zarur bo'ladi. Buning uchun sxemaning ayrim qismlarini yanada soddala ekvivalent zanjir bilan almashtirish lozim bo'ladi. Agar elektr zanjir sxemasini o'zaro almashtirganda zanjir elementlaridagi tok va kuchlanishlarning qiymatlari o'zgarmasa, u holda ular o'zaro ekvivalent bo'ladi.

Elektr zanjirning ayrim qismlarini unga ekvivalent bo'lgan qismlar bilan almashtirish ekvivalent o'zgartirish deb ataladi.

Agar elektr zanjirining ikkita qismi har qanday tashqi ta'sirda ham ekvivalentlik xususiyatini saqlab qolsa, u holda zanjirning bunday qismlari mutlaq ekvivalent qismlar deyiladi.

Elektr zanjirlarini ekvivalent o'zgartirish tegishli elektr muvozanat tenglamalari sistemasini ekvivalent o'zgartirishga asoslangan. Amalda esa elektr zanjirlarini o'zgartirish elektr muvozanat tenglamalarini tuzmasdan aniq qoidalar asosida bevosita sxemalar yordamida bajariladi.

1.10.1 Ketma-ket ulangan elementlardan iborat zanjirni ekvivalent o'zgartirish

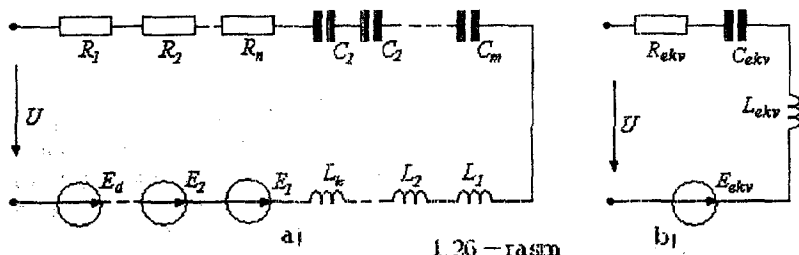
1.26-rasm, a da keltirilgan sxemada n ta rezistor, m ta kondensator, k ta induktivlik va d ta EYuK manbalari o'zaro ketma-ket tutashgan va U kuchlanishli manbaga ulangan.

Zanjirning hamma elementlaridan bir xil tok o'tganligi sababli shu berk kontur uchun Kirxgofning 2-qonuniga asosan quyidagi elektr muvozanat tenglamasini yozish mumkin:

$$(R_1 + \dots + R_n)i + \frac{1}{C_1} \int_0^t i dt + \dots + \frac{1}{C_n} \int_0^t i dt + L_1 \left(\frac{di}{dt} \right) + \dots + L_K \left(\frac{di}{dt} \right) = U - (E_1 + \dots + E_d) \quad (1.2)$$

Bir xil hadlarni umumlashtirib (1.2) tenglamani quyidagi ko'rinishda yozamiz:

$$R_{ekv} i + \left(\frac{1}{C_{ekv}} \right) \int_0^t i dt + L_{ekv} \left(\frac{di}{dt} \right) = U - E_{ekv}, \quad (1.3)$$



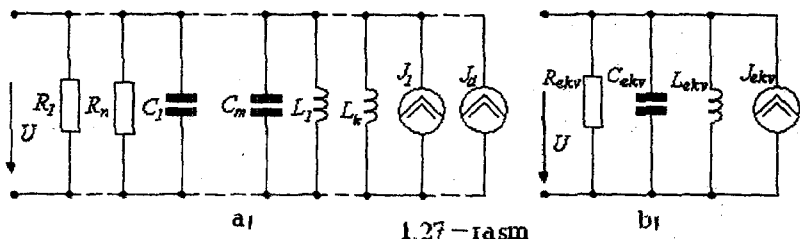
1.26 - rasm

bunda $R_{ekv} = \sum_{i=1}^n R_i$; $\frac{1}{C_{ekv}} = \sum_{i=1}^m \frac{1}{C_i}$; $L_{ekv} = \sum_{i=1}^k L_i$; $E_{ekv} = \sum_{i=1}^d E_i$.

(1.3) tenglama o'zgartirilgan sxema (1.26 - rasm, b) ning tenglamasidir. Shunday qilib, zanjirning bir xil elementli qismlarini ekvivalent yagona mos elementlar, ya'ni ekvivalent rezistiv R_{ekv} , induktiv L_{ekv} , sig'im C_{ekv} va E_{ekv} elementlari bilan almashtirsak, uning bir xil turdagi elementlardan tarkib topgan qismlaridagi tok va kuchlanish o'zgarmaydi. Bunda EYuK manbalari va kuchlanishlarning algebraik yig'indisi olinadi. Konturni tanlangan aylanib chiqish yo'nalishiga qarab EYuK larning ishoralari manfiy yoki musbat bo'ladi. Kondensatorlar o'zaro ketma-ket ulanganda umumiy C_{ekv} ning teskari qiymati ketma-ket ulangan kondensatorlar sig'imlarining teskari qiymatlari yig'indisiga teng va C_{ekv} hamma vaqt har bir ketma-ket ulangan sig'im qiymatidan ham kichik bo'ladi. Agar bir xil sig'imli m ta kondensator ketma-ket ulangan bo'lsa, C_{ekv} har bir kondensator sig'imidan m marta kam bo'ladi.

1.10.2 Parallel ulangan elementlardan iborat zanjirlarni ekvivalent o'zgartirish

1.27—rasm, a da keltirilgan elektr zanjir sxemasida n ta rezistor, m ta kondensator, k ta induktivlik va d ta tok manbalari o'zaro parallel ulangan. Bu zanjir umumlashgan ikki tugunli zanjir deyiladi.



1.27—rasm

Zanjirning hamma elementlari bir xil kuchlanishga ega. Shuning uchun zanjirning elektr muvozanat tenglamasi Kirxgofning 1-qonuniga asosan tuziladi:

$$i = \frac{1}{R_1}u + \frac{1}{R_2}u + \dots \frac{1}{R_n}u + C_1 \frac{du}{dt} + C_2 \frac{du}{dt} + \dots C_m \frac{du}{dt} + \frac{1}{L_1} \int_{-\infty}^t u dt + \frac{1}{L_2} \int_{-\infty}^t u dt + \dots + \frac{1}{L_k} \int_{-\infty}^t u dt - (J_1 + J_2 + \dots + J_d)$$

Bir xil hadlarni keltirib quyidagicha yozish mumkin:

$$i = \frac{1}{R_{ekv}}u + C_{ekv} \frac{du}{dt} + \frac{1}{L_{ekv}} \int_{-\infty}^t u dt - J_{ekv}, \quad (1.4)$$

bu yerda

$$\frac{1}{R_{ekv}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}; \quad C_{ekv} = \sum_{i=1}^m C_i; \quad \frac{1}{L_{ekv}} = \sum_{i=1}^k \frac{1}{L_i}; \quad J_{ekv} = \sum_{i=1}^d J_i.$$

(1.4) tenglamaga 1.27—rasm, b dagi o'zgartirilgan ekvivalent sxema mos keladi. Har bir guruhda parallel ulangan bir xil turdagi elementlarni ekvivalent element bilan almashtirsak, ularning parametrlari R_{ekv} , C_{ekv} , L_{ekv} , J_{ekv} bo'ladi va ular (1.4) ifodalar yordamida aniqlanadi. Umumlashgan ikki tugunli zanjirda (1.27—rasm) kirish kuchlanishi va tok qiymatlari o'zgarmay qoladi. O'zaro parallel ulangan kondensatorlar sig'irlari uchun C_{ekv} va tok manbalarining ekvivalent qiymati J_{ekv} o'zaro parallel ulangan elementlar parametrlarining yig'indisiga teng. Bu yerda tok manbalari toklarining yig'indisi algebraik yig'indi bo'lib, undagi

qo'shiluvchilarning ishoralari toklarning yo'nalishiga qarab olinadi, ya'ni tenglama qaysi tugunga nisbatan tuzilgan bo'lsa, o'sha tugunga nisbatan tok manbalarining yo'nalishi e'tiborga olinadi. Agar bir xil sig'imli kondensatorlar o'zaro parallel ulangan bo'lsa, u holda $C_{\text{3ke}} = mC$ bo'ladi. Parallel ulangan rezistorlar va induktivliklar ekvivalent qiymatlarining teskari qiymati alohida har bir element uchun teskari olingan qiymatlarining yig'indisiga teng. R_{ekv} va L_{ekv} qiymatlari har bir elementning qiymatlaridan ham kam bo'ladi. Bir xil qarshilik va induktivlikka ega bo'lgan elementlar o'zaro parallel ulanganda, ularning ekvivalent parametrlari: $R_{\text{ekv}} = R/n$ va $L_{\text{3ke}} = L/k$ bo'ladi.

1.10.3 Aralash ulangan elementlardan iborat zanjirlarni ekvivalent o'zgartirish

Aralash ulangan zanjirda parallel yoki ketma-ket ulangan elementlar bitta ekvivalent ikki qutblik bilan almashtiriladi. Bunda ekvivalent o'tkazuvchanlik parallel ulangan elementlar o'tkazuvchanliklarining yig'indisiga teng bo'ladi.

Bir xil turdagi ketma-ket ulangan elementlarni bitta ekvivalent ikki qutblik bilan almashtirib, uning umumiy qarshiligi ketma-ket ulangan qarshiliklarning yig'indisiga teng deb olinadi. Elementlari aralash ulangan sxemalarga zanjirsimon yoki narvonsimon zanjirlar kiradi. Ularning kirish qarshiligi yoki kirish o'tkazuvchanligi uzluksiz zanjirsimon kasr bilan ifodalanishi mumkin:

$$a_1 + \frac{1}{a_2 + \frac{1}{a_3 + \frac{1}{\vdots + \frac{1}{a_{n-1} + \frac{1}{a_n}}}}}$$

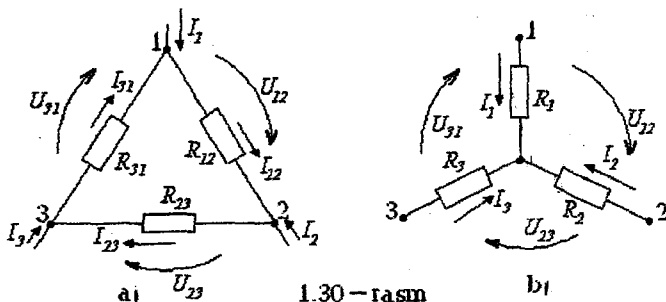
bu yerda $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_n$ koeffitsiyentlar zanjirsimon kasrning elementlari deb ataladi. Kasr elementlarining soni n chegarali zanjirsimon kasr bo'lishi mumkin. Oddiy narvonsimon zanjir (1.28-rasm) umumiy qarshiligini aniqlaymiz.

$$R = R_1 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = R_1 + \frac{1}{\left(\frac{1}{R_2}\right) + \left(\frac{1}{R_3}\right)}.$$

$$G = G_1 + \frac{1}{R_2 + \frac{1}{G_3 + \frac{1}{\vdots + \frac{1}{R_{2n-2} + \frac{1}{G_{2n-1} + \frac{1}{R_{2n}}}}}}}$$

1.10.4 Qarshiliklar uchburchagini qarshiliklar yulduziga va aksincha ekvivalent o'zgartirishlar

Uchburchakni ekvivalent yulduzga o'zgartirish zanjirning uchburchak sxemasi bo'yicha ulangan qismini yulduz sxemada ulangan qism bilan almashtirish bo'lib, bu holda zanjirning qolgan qismlarida tok va kuchlanish o'zgarmay qoladi. 1.30-rasmda passiv ideal ikki qutbliklarning uchburchak va yulduz ulangan sxemalari keltirilgan. Bu ikkita elektr zanjiri bo'laklarining o'zaro ekvivalentlik shartlarini aniqlaymiz. Ta'rifga asosan, agar sxemalarni almashtirganda tugunlardagi I_1, I_2, I_3 toklar va shu tugunlararo U_{12}, U_{23}, U_{31} kuchlanishlar o'zgarmay qolsa, u holda bu zanjirning bo'laklari o'zaro ekvivalent bo'ladi. Uchta kuchlanishlardan faqat ikkitasi o'zaro bog'liq bo'lgani uchun uchinchisini kuchlanishlarning muvozanat tenglamasiga ko'ra aniqlash mumkin.



1.30 - rasmi

Uchburchak sxema qarshiliklarini yulduz sxema qarshiliklariga ekvivalentlash uchun birinchi zanjir qismlari orasidagi uchta kuchlanishdan har qanday ikkitasi ikkinchi zanjir mos qismlari orasidagi kuchlanishga teng deb olinadi (bu holda tashqi qismlarga

keluvchi toklar qiymati bir xil qoladi). Uchburchak tomonlari R_{12} , R_{23} , R_{31} qarshiliklaridagi toklarni tugunga keluvchi I_1 , I_2 , I_3 toklar orqali aniqlaymiz. Kirxgof qonunlariga asosan zanjirga tegishli quyidagi elektr muvozanat tenglamalari sistemasini tuzamiz:

$$I_1 + I_{31} - I_{12} = 0, \quad I_2 + I_{12} - I_{23} = 0, \quad R_{12}I_{12} + R_{23}I_{23} + R_{31}I_{31} = 0.$$

Bu tenglamalarni I_{12} , I_{23} , I_{31} toklarga nisbatan yechamiz.

$$I_{12} = (R_{31}I_1 - R_{23}I_2) / (R_{12} + R_{23} + R_{31}),$$

$$I_{23} = (R_{12}I_2 - R_{31}I_3) / (R_{12} + R_{23} + R_{31}),$$

$$I_{31} = (R_{23}I_3 - R_{12}I_1) / (R_{12} + R_{23} + R_{31}).$$

(1.5)

(1.5) tenglamalardan foydalanib, uchburchak sxema kuchlanishlarini topamiz:

$$U_{12} = R_{12}I_{12} = R_{12}(R_{31}I_1 - R_{23}I_2) / (R_{12} + R_{23} + R_{31}),$$

$$U_{23} = R_{23}I_{23} = R_{23}(R_{12}I_2 - R_{31}I_3) / (R_{12} + R_{23} + R_{31}).$$

Yulduz sxemasiga (1.30 b — rasm) tegishli kuchlanishlar

$$U_{12} = R_1I_1 - R_2I_2$$

$$U_{23} = R_2I_2 - R_3I_3 \text{ bo'ladi.}$$

Endi U_{12} va U_{23} kuchlanishlarni o'zaro tenglashtirib, tashqi o'tkazgich simlar orasidagi munosabatlarni aniqlaymiz.

$$\frac{R_{12}R_{31}}{R_{12} + R_{23} + R_{31}}I_1 - \frac{R_{12}R_{23}}{R_{12} + R_{23} + R_{31}}I_2 = R_1I_1 - R_2I_2,$$

$$\frac{R_{23}R_{12}}{R_{12} + R_{23} + R_{31}}I_2 - \frac{R_{23}R_{31}}{R_{12} + R_{23} + R_{31}}I_3 = R_2I_2 - R_3I_3. \quad (1.6)$$

(1.6) tenglamalar tashqi o'tkazgich simlardagi har qanday toklarda bajarilishi shart. Bu tenglamalarda avval $I_2 = 0$, keyin esa $I_3 = 0$ deb olib, qarshiliklar orasidagi bog'lanish formulasini topamiz. Bu holda zanjirning bo'laklari o'zaro ekvivalent bo'ladi:

$$R_1 = \frac{R_{12}R_{31}}{R_{12} + R_{23} + R_{31}}; \quad R_2 = \frac{R_{12}R_{23}}{R_{12} + R_{23} + R_{31}}; \quad R_3 = \frac{R_{23}R_{31}}{R_{12} + R_{23} + R_{31}}. \quad (1.7)$$

Berilgan R_{12} , R_{23} , R_{31} qarshiliklar bo'yicha yulduz sxema uchun R_1 , R_2 , R_3 qarshiliklarni hisoblaymiz. Buning uchun qarshiliklar uchburchagini unga ekvivalent qarshiliklar yulduziga o'zgartiramiz. 1.30 — rasmdan ko'rinib turibdiki, bunday o'zgartirishda zanjirdagi R_{12} , R_{23} , R_{31} qarshiliklardan iborat kontur o'rniga yangi yulduz sxema qarshiliklari R_1 , R_2 , R_3 lar birlashtirilgan tugun paydo bo'ladi.

(1.7) tenglamalar sistemasini R_{12} , R_{23} , R_{31} qarshiliklariga nisbatan yechib, yulduz sxema qarshiliklarini ekvivalent uchburchak sxema qarshiliklari orqali ifodalarini aniqlaymiz:

$$R_{12} = R_1 + R_2 + \frac{R_1 R_2}{R_3}, R_{23} = R_2 + R_3 + \frac{R_2 R_3}{R_1}, R_{31} = R_3 + R_1 + \frac{R_3 R_1}{R_2}. \quad (1.8)$$

Yulduzni uchburchakka o'zgartirish sxemasida tugunlar soni kamayadi, ammo zanjirda yangi R_{12} , R_{23} , R_{31} qarshiliklardan tuzilgan kontur paydo bo'ladi. (1.8) tenglamalardagi qarshiliklarni o'tkazuvchanliklar bilan almashtiramiz. O'zgartirishlarni bajarib, uchburchak tomonlarini belgilovchi elementlar o'tkazuvchanliklarini aniqlaymiz:

$$G_{12} = \frac{G_1 G_2}{G_1 + G_2 + G_3}, G_{23} = \frac{G_2 G_3}{G_1 + G_2 + G_3}, G_{31} = \frac{G_3 G_1}{G_1 + G_2 + G_3}. \quad (1.9)$$

O'tkazuvchanliklarni aniqlash formulalari (1.9) yulduz sxema qarshiliklarini aniqlash formulalarining (1.7) strukturasi bilan bir xildir. Xuddi shunday yulduz sxema nurlarining o'tkazuvchanliklari (G_1 , G_2 , G_3) ni aniqlash struktura jihatidan (1.8) tenglamalarga o'xshaydi. (1.9) tenglamalarga asoslanib n nurli yulduzni n tomonli ko'pburchakka o'zgartirish tenglamasini yozamiz:

$$G_{kl} = G_k \cdot G_l / G_1 + G_2 + \dots + G_n.$$

G_{kl} - n tomonli ko'pburchak bir tomonining o'tkazuvchanligi, ya'ni k va l tugunlarni birlashtiruvchi tomonning o'tkazuvchanligi, G_1 , G_2 ... G_n - yulduz nurlarini tashkil etuvchi elementlarning o'tkazuvchanligi.

n tomonli ko'pburchakni n nurli yulduzga aylantirish umumiy holda mumkin emas.

Yuqorida keltirilgan o'zgartirishlar ko'p hollarda zanjir tahlilini ancha soddalashtiradi, xususiyl hollarda esa bu o'zgartirishlar murakkab zanjir bo'laklarini soddalashtirishga olib keladi.

1.10.5 EYuK va tok manbaiga ega bo'lgan parallel shoxobchalarni ekvivalent o'zgartirish

Murakkab elektr zanjirlarini hisoblashda EYuK, tok manbai va qarshiliklari bo'lgan bir nechta parallel ulangan shoxobchalarni bitta ekvivalent shoxobcha bilan almashtirish jiddiy yengilliklarga olib keladi. Agar tok I ning har qanday qiymatida a , b qisimalardagi

kuchlanish U_{ab} ikkala sxemada bir xilda qolsa, u holda 1.31-rasm, b da keltirilgan zanjir 1.31 a-rasmda tasvirlangan zanjirga ekvivalent bo'ladi. R_{ekv} va E_{ekv} qanday qiymatlarga teng bo'lishini bilish uchun ikkala sxema uchun tenglamalar tuzamiz:

$$I_1 + I_2 + I_3 + J_r + J_s = I_{ekv},$$

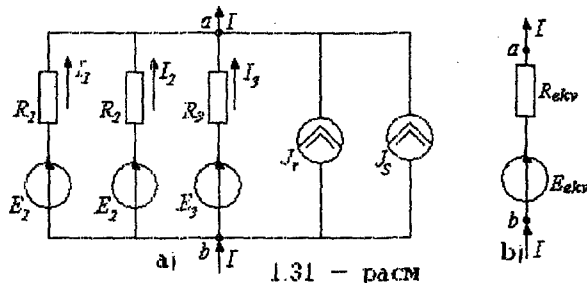
$$I_1 = (E_1 - U_{ab})/R_1 = (E_1 - U_{ab})G_1,$$

$$I_2 = (E_2 - U_{ab})/R_2 = (E_2 - U_{ab})G_2$$

$$I_n = (E_n - U_{ab})G_n$$

Demak,

$$I = \sum_{k=1}^n I_k = \sum_{k=1}^n G_k E_k + \sum_{k=1}^q I_k - U_{ab} \sum_{k=1}^n G_k, \quad (1.10)$$



bu yerda m -zanjirdagi parallel shoxobchalarning umumiy soni, n -EYuK manbali shoxobchalar soni, q -tok manbai ulangan shoxobchalar soni.

1.31-rasm, b uchun quyidagi tenglamalarni yozamiz:

$$I = E_{ekv} G_{ekv} - U_{ab} G_{ekv}. \quad (1.11)$$

1.31-rasm, a va b lardagi toklarning tengligi I tok va U_{ab} kuchlanishning har qanday qiymatlarida bajarilishi kerak, bu faqat (1.10) tenglamadagi U_{ab} ning koeffitsiyenti (1.11) tenglamadagi U_{ab} ning koeffitsiyentiga teng bo'lsa bajariladi, ya'ni,

$$G_{ekv} = \sum_{k=1}^n G_k. \quad (1.12)$$

Agar (1.10) va (1.11) tenglamalardagi U_{ab} ga tegishli hadlar va toklar mos ravishda o'zaro teng bo'lsa, unda ekvivalentlik shartidan:

$$\sum_{k=1}^n G_k E_k + \sum_{k=1}^q J_{TM} = G_{ekv} E_{ekv} \text{ bo'ladi.} \quad (1.13)$$

(1.13) ifodadan E_{ekv} hisoblanadi:

$$E_{ekv} = \frac{\sum_{k=1}^n G_k E_k + \sum_{k=1}^q J_{TM}}{\sum_{k=1}^n G_k}. \quad (1.14)$$

(1.12) formula orqali ekvivalent o'tkazuvchanlik G_{ekv} ni aniqlash va u orqali R_{ekv} ni (1.31 – rasm, b) hisoblash mumkin.

(1.14) formuladan quyidagilar kelib chiqadi: agar qaysi bir shoxobchada EYuK bo'lmasa, u holda bu shoxobchaning o'tkazuvchanligi (1.14) formulaning maxrajida bo'ladi, agar biror shoxobchada EYuK manbaining yo'nalishi 1.31 – rasm, a da ko'rsatilgandan teskari bo'lsa, u holda shu EYuK ga tegishli had (1.14) formula suratiga manfiy ishora bilan kiradi.

1.31 – rasm, a va b dagi shaxobchalar o'zaro ekvivalentdir.

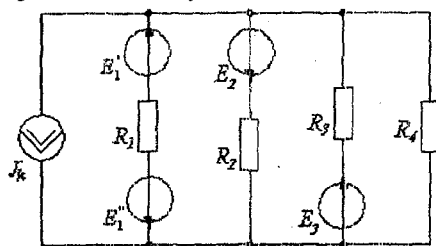
Masala: 1.32 – rasmda keltirgan zanjirni ekvivalent shoxobcha bilan almashtiring.

$$E'_1 = 12 \text{ V}; E''_1 = 24 \text{ V}; E_2 = 36 \text{ V}; E_3 = 48 \text{ V};$$

Berilgan: $R_1 = 2 \text{ Om}; R_2 = 4 \text{ Om}; R_3 = 10 \text{ Om}; R_4 = 5 \text{ Om}; J_k = 6 \text{ A}.$

Yechish. 1. O'tkazuvchanliklarni aniqlaymiz:

$$G_1 = 0,5 \text{ Sm}; G_2 = 0,25 \text{ Sm}; G_3 = 0,1 \text{ Sm}; G_4 = 0,2 \text{ Sm}.$$



1.32 – rasm

2. Ekvivalent rezistor qarshiligi:

$$R_{ekv} = \frac{1}{\sum_{k=1}^n G_k} = \frac{1}{0,5 + 0,25 + 0,1 + 0,2} = 0,95 \text{ Om} \text{ bo'ladi.}$$

3. Ekvivalent EYuK esa

$$E_{ekv} = \frac{\sum_{k=1}^n G_k E_k - J_{tm}}{\sum G_k} = \frac{(12 - 24) \cdot 0,5 - 36 \cdot 0,25 + 48 \cdot 1 - 6}{1,05} = \frac{27}{1,05} = 25,7V$$

Javob: $R_{ekv} = 0,95 \text{ Om}$, $E_{ekv} = 25,7V$.

1.11 Proporsional kattaliklar usuli

Proporsional kattaliklar usulini bitta manbadan ta'minlanayotgan va qarshiliklari o'zaro aralash ulangan zanjirni hisoblashda qo'llash maqsadga muvofiq.

Hisoblash ketma-ketligi quyidagicha:

1) manbadan eng uzoqda joylashgan shoxobchadagi tokka ixtiyoriy, masalan $1A$ qiymat beramiz;

2) tanlangan shoxobchadagi tok qiymatidan foydalanib qolgan barcha shoxobchalardagi tok va kuchlanishlarni hisoblab topamiz;

3) qayta hisoblash koeffitsiyentini topamiz. U manba EYuK ini uni qismalaridagi hisoblab topilgan kuchlanishga nisbatiga teng;

4) barcha shoxobchalardagi hisoblab topilgan toklar va kuchlanishlarni qayta hisoblash koeffitsiyentiga ko'paytirib tok va kuchlanishlarning haqiqiy qiymatlarini topamiz.

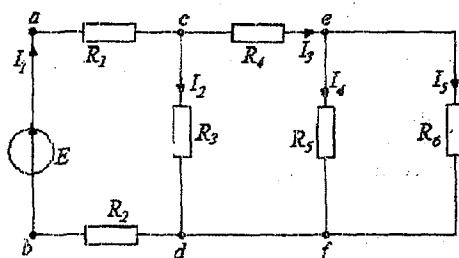
Masala: 1.33-rasmda keltirilgan zanjir shoxobchalaridagi toklar proporsional kattaliklar usuli yordamida topilsin. $R_1 = R_2 = 3 \text{ Om}$; $R_3 = 26 \text{ Om}$; $R_4 = 6 \text{ Om}$; $R_5 = 4 \text{ Om}$; $R_6 = 8 \text{ Om}$; $E = 200 \text{ V}$.

Yechish. $I_5 = 1A$ deb qabul qilamiz. Shunga ko'ra boshqa shoxobchalardagi toklar va kuchlanishlarni hisoblaymiz.

$$U_{ed} = R_6 I_5 = 1 \cdot 8 = 8V, I_4' = U_{ed} / R_5 = 8 / 4 = 2A, I_3' = I_5 + I_4' = 1 + 2 = 3A,$$

$$U_{cd} = U_{ed} + R_4 I_3' = 8 + 3 \cdot 6 = 26V, I_2' = U_{cd} / R_3 = 26 / 26 = 1A,$$

$$I_1' = I_2' + I_3' = 1 + 3 = 4A, U_{ab} = U_{cd} + I_1' (R_1 + R_2) = 26 + 4(3 + 3) = 50V.$$



1.33-rasm

Qayta hisoblash koeffitsiyenti:

$$k = E/U_{ab} = 200/50 = 4.$$

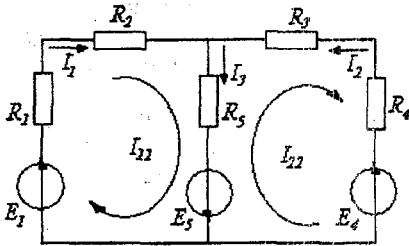
Demak, haqiqiy toklarning qiymatlari:

$$I_1 = k \cdot I'_1 = 4 \cdot 4 = 16 \text{ A}, \quad I_2 = 4 \cdot 1 = 4 \text{ A}, \quad I_3 = 4 \cdot 3 = 12 \text{ A},$$

$$I_4 = 4 \cdot 2 = 8 \text{ A}, \quad I_5 = 4 \cdot 1 = 4 \text{ A}.$$

1.12 Kontur toklar usuli

Bu usulda o'zaro bog'liq bo'lmagan (mustaqil) konturdan yagona kontur toki o'tadi deb faraz qilinadi va shoxobchalar toki shu kontur toklari orqali aniqlanadi. Kontur toklar usuli – Kirxgofning 2–qonuniga asoslanadi. Tenglamalar shu kontur toklariga nisbatan tuziladi. Tenglamalar sistemasi yechilib, noma'lum kontur toklar, ular orqali esa shoxobchalardagi haqiqiy toklar aniqlanadi. Shunday qilib, kontur toklar usuli asosida tuzilgan tenglamalarda noma'lumlar soni o'zaro bog'liq bo'lmagan konturlar soniga teng va zanjir bu usulda hisoblanganda Kirxgof tenglamalari usuliga nisbatan tenglamalar soni



1.34 – rasim

o'tadigan kontur toklar orqali shoxobchalardagi toklarni aniqlash mumkin.

Faraz qilaylik, sxemaning chap konturida soat mili harakati yo'nalishida I_{11} , o'ngdagi konturda esa shu yo'nalishda I_{22} kontur toklari o'tmoqda. Har bir kontur uchun Kirxgofning 2–qonuniga asoslanib tenglamalar tuzamiz. Bunda R_5 qarshilikli shoxobchadan ikkala kontur toklarning ayirmasi (yoki yig'indisi) o'tishi mumkin. Bunday shoxobcha yondosh shoxobcha deyiladi.

Yondosh shoxobchalardagi haqiqiy toklarni aniqlash uchun kontur toklar yo'nalishi albatta e'tiborga olinishi kerak. Konturlarni aylanib chiqish yo'nalishini ham soat mili bo'yicha olamiz. 1 – kontur uchun:

$$(R_1 + R_2)I_{11} + R_5(I_{11} - I_{22}) = E_1 + E_5 \text{ yoki}$$

$$(R_1 + R_2 + R_5)I_{11} + (-R_5)I_{22} = E_1 + E_5. \quad (1.15)$$

2-kontur uchun:

$$\begin{aligned} R_5(I_{22} - I_{11}) + (R_3 + R_4)I_{22} &= -E_4 - E_5, \text{ yoki} \\ -R_5I_{11} + (R_3 + R_4 + R_5)I_{22} &= -E_4 - E_5. \end{aligned} \quad (1.16)$$

(1.15) tenglamada I_{11} oldidagi koeffitsiyent birinchi konturga tegishli xususiy qarshiliklar yig'indisidir, uni R_{11} bilan belgilaymiz, I_{22} oldidagi koeffitsiyent esa konturlar orasidagi o'zaro qarshilik, uni R_{12} bilan belgilaymiz. (1.16) tenglamada esa I_{11} oldidagi koeffitsiyentni R_{21} , I_{22} oldidagi koeffitsiyentni esa R_{22} bilan belgilaymiz. R_{11} , R_{22} — tegishli konturlarning xususiy qarshiliklari, $R_{12}=R_{21}$ lar esa — konturlararo o'zaro qarshiliklar deyiladi. (1.15) va (1.16) tenglamalar o'ng tomonini mos ravishda E_{11} va E_{22} bilan belgilaymiz, bunda E_{11} , E_{22} — mos ravishda birinchi va ikkinchi konturdagi EYuK larning algebraik yig'indisi. Bunda EYuK yo'nalishi konturni aylanib chiqish yo'nalishi bilan bir xil bo'lsa, *musbat* ishora bilan, aks holda esa *manfiy* ishora bilan olinadi. Bu holda yuqoridagi tenglamalarni quyidagi shaklda yozish mumkin:

$$\begin{aligned} R_{11}I_{11} + R_{12}I_{22} &= E_{11}, \quad R_{21}I_{11} + R_{22}I_{22} = E_{22}, \\ \text{bu yerda} \\ R_{11} &= R_1 + R_2 + R_5, \quad R_{22} = R_3 + R_4 + R_5, \quad R_{12} = R_{21} = -R_5, \\ E_{11} &= E_1 + E_5, \quad E_{22} = -E_4 - E_5. \end{aligned}$$

Agar sxemada mustaqil konturlar soni ikkitadan ko'p, masalan uchta bo'lsa, u holda tenglamalar sistemasi quyidagi shaklda yoziladi:

$$\begin{aligned} R_{11}I_{11} + R_{12}I_{22} + R_{13}I_{33} &= E_{11}, \\ R_{21}I_{11} + R_{22}I_{22} + R_{23}I_{33} &= E_{22}, \\ R_{31}I_{11} + R_{32}I_{22} + R_{33}I_{33} &= E_{33}. \end{aligned}$$

yoki matritsa ko'rinishida $[R][I] = [E]$,

$$\text{bunda } [R] = \begin{bmatrix} R_{11} & R_{12} & R_{13} \\ R_{21} & R_{22} & R_{23} \\ R_{31} & R_{32} & R_{33} \end{bmatrix}; \quad [I] = \begin{bmatrix} I_{11} \\ I_{22} \\ I_{33} \end{bmatrix}; \quad [E] = \begin{bmatrix} E_{11} \\ E_{22} \\ E_{33} \end{bmatrix}.$$

Har xil belgili qarshiliklar ishoralari bir xil bo'lishi uchun kontur toklarning yo'nalishi bir xil yo'nalishda: faqat soat mili harakati yoki unga teskari yo'nalishda qabul qilinishi lozim. Tenglamalar sistemasi yechimida qaysi bir kontur toki manfiy ishorali chiqsa, shu kontur okining haqiqiy yo'nalishi dastlab qabul qilinganiga teskari bo'ladi. Konturlararo qarshilikdan ikkita yondosh kontur toklari o'tadi.

Shoxobchadagi toklar qiymati shu shoxobchadan o'tadigan kontur toklar bilan aniqlanadi. Masalan, R_5 shoxobchasidan $I_{11} - I_{22}$ ayirma toki o'tadi, bu ayirma tok shoxobchadagi haqiqiy tokdir. Agar elektr zanjirida n o'zaro bog'liq bo'lmagan konturlar bo'lsa, unda n ta mustaqil tenglamalar sistemasi tuziladi. Bunda n ta tenglamalar sistemasining umumiy yechimi quyidagicha bo'ladi:

$$I_{kk} = \frac{\Delta_{k1}}{\Delta} E_{11} + \frac{\Delta_{k2}}{\Delta} E_{22} + \frac{\Delta_{k3}}{\Delta} E_{33} + \dots + \frac{\Delta_{kn}}{\Delta} E_{nn}$$

bu tenglamada

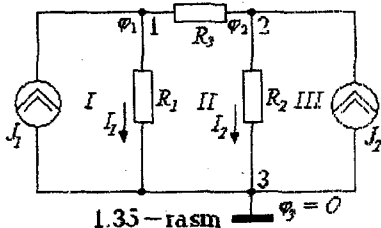
$$\Delta = \begin{vmatrix} R_{11} & R_{12} & \dots & R_{1n} \\ R_{21} & R_{22} & \dots & R_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ R_{n1} & R_{n2} & \dots & R_{nn} \end{vmatrix} - \text{sistemaning bosh determinanti,}$$

Δ_{km} - algebraik to'ldiruvchi bo'lib, uni hisoblashda Δ determinantdan k -ustun va m -qatorni o'chirib, $(-1)^{k+m}$ ga ko'paytirib olinadi.

Agar bosh aniqlovchining chap burchagi yuqorisidan o'ng burchagi pastiga diagonal o'tkazsak, u determinantni ikki qismga bo'ladi. Bu determinantning bosh diagonalga nisbatan *simmetriklik xususiyatidir*. Shu simmetriyaga asoslanib, $\Delta_{km} = \Delta_{mk}$ tenglikni yozish mumkin.

1.13 Tugun potentsiallar usuli

Bu usulga ko'ra Kirxgofning 1-qonuniga asoslanib elektr zanjir tugunlaridagi potentsiallar zanjirning *tayanch* tuguniga nisbatan aniqlanadi. Bunda *tayanch tugun potentsiali nolga* teng deb qabul



1.35 - rasm

qilinadi. Ma'lumki, har qanday shoxobchadagi kuchlanish shu shoxobcha ulangan tugunlar potentsiallarining ayirmasiga teng bo'lib, bu kuchlanishni shu shoxobcha o'tkazuvchanligiga ko'paytmasi esa shoxobcha tokiga teng bo'ladi. Shunday qilib, tugun potentsiallarini aniqlab har bir

shoxobchadagi tok qiymatini topishimiz mumkin.

Ushbu usul noma'lum toklarni topishda tugun potentsiallarini aniqlashga asoslanganligi uchun *tugun potentsiallar usuli* deb ataladi.

1.35-rasmda keltirilgan elektr sxemada ikkita J_1 va J_2 tok manbai, 3 ta 1, 2, 3 tugun va 3 ta I, II, III kontur bor. Bu sxemada 3-tugunni tayanch tugun deb qabul qilamiz va uni shartli ravishda yerga ulaymiz.

Demak, $\varphi_3 = 0$. Tegishli shoxobchalar o'tkazuvchanliklari:

$$G_1 = 1/R_1; G_2 = 1/R_2; G_3 = 1/R_3.$$

Ushbu berilgan zanjirning 3 ta tugun uchun Kirxgofning 1-qonuniga asosan $T - 1 = 3 - 1 = 2$ ta tenglama tuzish lozim.

1 - tugun uchun:

$$I_{11} = (\varphi_1 - \varphi_3)G_1 + (\varphi_1 - \varphi_2)G_3 = (G_1 + G_3)\varphi_1 - G_3\varphi_2,$$

2 - tugun uchun:

$$I_{22} = (\varphi_2 - \varphi_3)G_2 + (\varphi_2 - \varphi_1)G_3 = -G_3\varphi_1 + (G_2 + G_3)\varphi_2,$$

bunda $G_{11} = G_1 + G_3$, $G_{22} = G_2 + G_3$ - mos ravishda 1- va 2-tugunlarning xususiy o'tkazuvchanliklari, $G_{12} = G_{21} = G_3$ - 1 va 2-tugunlar orasidagi o'zaro o'tkazuvchanlik. I_{11} , I_{22} - mos ravishda 1- va 2-tugunlarning tugun toklari.

Umumiy holda, agar elektr sxema q ta tugunga ega bo'lsa, Kirxgofning 1-qonuniga asosan o'zaro bog'liq bo'lmagan $T = q - 1$ ta tenglama tuzish mumkin, bunda q ta tugundan ixtiyoriy bittasi tayanch tugun deb qabul qilinadi, ya'ni:

$$\begin{cases} G_{11}\varphi_1 + G_{12}\varphi_2 + \dots + G_{1n(q-1)}\varphi_{q-1} = I_{11} \\ G_{21}\varphi_1 + G_{22}\varphi_2 + \dots + G_{2n(q-1)}\varphi_{q-1} = I_{22} \\ \dots\dots\dots \\ G_{(q-1)1}\varphi_1 + G_{(q-1)2}\varphi_2 + \dots + G_{(q-1)(q-1)}\varphi_{q-1} = I_{(q-1)(q-1)} \end{cases}$$

Tenglamalar tuzishda tugunga kirib keluvchi tok musbat ishora bilan, undan chiquvchi tok esa manfiy ishora bilan olinadi. G_{ij} - i tugunga ulangan shoxobchalar o'tkazuvchanliklarining yig'indisi, ya'ni tugunning xususiy o'tkazuvchanligi, G_{ik} - i va k tugunlararo (o'zaro) o'tkazuvchanlik. Tenglamalar sistemasini yechib tugunlardagi potentsiallarni aniqlaymiz.

Masalan, k -tugun uchun φ_k tugun potentsiali tayanch tugunga nisbatan quyidagicha aniqlanadi:

$$\varphi_k = \frac{1}{\Delta} \sum_{i=1}^{q-1} I_i \Delta_{ik},$$

bunda,

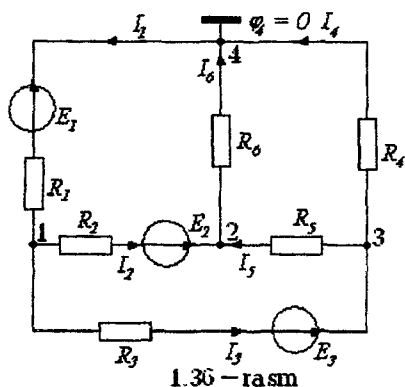
$$\Delta = \begin{vmatrix} G_{11} & G_{12} & \dots & G_{1,(q-1)} \\ G_{21} & G_{22} & \dots & G_{2,(q-1)} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ G_{(q-1),1} & \dots & G_{(q-1),(q-1)} \end{vmatrix},$$

Δ_{ik} — algebraik to'ldiruvchi.

Agar elektr sxemada EYuK manbalari berilgan bo'lsa, u holda ular ekvivalent tok manbai bilan almashtiriladi, ya'ni EYuK ni o'zi ulangan shoxobcha o'tkazuvchanligiga ko'paytirib yoziladi. Agar zanjirning biror shoxobchasiga ideal EYuK manbai ulangan bo'lsa (bunday manbaning o'tkazuvchanligi cheksiz katta), u holda shu shoxobchaga ulangan tugun ma'lum potensialga ega deb qabul qilinadi va tenglamalar sistemasida tenglamaning o'ng tomoniga o'tkaziladi. Shuni ta'kidlash joizki, agar Kirxgofning 1-qonuni bo'yicha tuzilgan tenglamalar soni ikkinchi qonuni asosida tuzilgan tenglamalar sonidan kam bo'lsa, tugun potensiallar usuli kontur toklar usulidan afzal bo'ladi. Agar berilgan elektr zanjir q ta tugun va p ta shoxobchaga ega bo'lsa va $q - 1 < p - q + 1$ yoki $2(q-1) < p$ shart bajarilsa, u holda tugun potensiallar usuli afzal bo'ladi.

Zanjirni tugun potensiallar usuli yordamida hisoblash tartibi quyidagicha:

- 1) shoxobchalardagi toklarga ixtiyoriy yo'nalish beriladi;
- 2) istalgan bitta tugunning potentsiali nolga teng deb qabul qilinadi;
- 3) zanjirning qolgan tugunlari potentsiallari uchun tenglamalar sistemasi tuziladi;



4) tenglamalar sistemasini yechib tugunlar potentsiallari topiladi;

5) Om qonuni yordamida shoxobchalardagi noma'lum toklar topiladi.

Masala: 1.36 — rasmda keltirilgan zanjir shoxobchalaridagi toklar tugun potentsiallar usuli yordamida topilsin.

$E_1 = 6 \text{ V}$, $E_2 = 12 \text{ V}$, $E_3 = 18 \text{ V}$,
 $R_1 = R_2 = R_3 = 2 \text{ Om}$, $R_4 = R_5 = R_6 = 2 \text{ Om}$.

Yechish. Shoxobchalardagi toklar yo'nalishini ixtiyoriy tanlab olamiz

va 4-tugun potensialini nolga tenglaymiz. Keyin boshqa tugunlar potensiallari uchun quyidagi tenglamalar sistemasini tuzamiz:

$$\begin{aligned}\varphi_1 \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) - \varphi_2 \frac{1}{R_2} - \varphi_3 \frac{1}{R_3} &= -E_1 \frac{1}{R_1} - E_2 \frac{1}{R_2} - E_3 \frac{1}{R_3}, \\ -\varphi_1 \left(\frac{1}{R_2} \right) + \varphi_2 \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_6} \right) - \varphi_3 \frac{1}{R_5} &= E_2 \frac{1}{R_2}, \\ -\varphi_1 \frac{1}{R_3} - \varphi_2 \frac{1}{R_5} + \varphi_3 \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_5} \right) &= E_3 \frac{1}{R_3}.\end{aligned}$$

Hosil bo'lgan sistemani shoxobchalarning qarshiligi va ulardagi EYuK qiymatlarini hisobga olgan holda yechib, tugunlar potensiallarini topamiz:

$$\varphi_1 = -9V; \quad \varphi_2 = 3V; \quad \varphi_3 = 6V.$$

Shoxobchalardagi toklarni Om qonuni asosida aniqlaymiz:

$$I_1 = (\varphi_4 - \varphi_1 - E_1) \frac{1}{R_1} = (-\varphi_1 - E_1) \frac{1}{R_1} = (9 - 6) \cdot \frac{1}{2} = 1,5A,$$

$$I_2 = (\varphi_1 - \varphi_2 + E_2) \frac{1}{R_2} = (-9 - 3 + 12) \cdot \frac{1}{2} = 0,$$

$$I_3 = (\varphi_1 - \varphi_3 + E_3) \frac{1}{R_3} = (-9 - 6 + 18) \cdot \frac{1}{2} = 1,5A,$$

$$I_4 = (\varphi_3 - \varphi_4) \frac{1}{R_4} = (6 - 0) \frac{1}{6} = 1A,$$

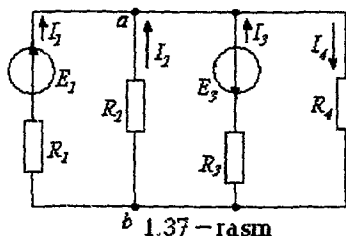
$$I_5 = (\varphi_3 - \varphi_2) \frac{1}{R_5} = (6 - 3) \frac{1}{6} = 0,5A,$$

$$I_6 = (\varphi_2 - \varphi_4) \frac{1}{R_6} = (3 - 0) \frac{1}{6} = 0,5A.$$

1.14 Ikki tugun usuli

Ba'zi hollarda zanjirda faqat ikkita tugun bo'lib, konturlar soni ko'p bo'ladi (1.37-rasm). Bunday sxemalarni hisoblash uchun eng qulay bo'lgan usul - tugun potensiallar usulining xususiy holi - ikki

tugun usulidan foydalaniladi. Bunda tenglamalar soni $T-I=2-I=1$ tani tashkil etadi.



"b" nuqtani tayanch tugun deb olib, uni shartli yerga ulaymiz. Bunda faqat "a" nuqtani potensialini aniqlasak, masalani yechish uchun yetarli bo'ladi. Buning uchun parallel ulangan shoxobchalarni bitta ekvivalent manba bilan almashtiramiz. Berilgan sxema uchun a va b tugunlar orasidagi kuchlanish:

$$U_{ab} = \frac{\sum E_k G_k + \sum I_k}{\sum G_n}$$

U_{ab} kuchlanishni hisoblaganimizdan keyin har bir shoxobchadagi tokni Ohm qonuniga binoan topamiz:

$$I_n = G_n(E - U_{ab}),$$

bunda n – parallel shoxobchalar soni.

Masala: 1.37-rasmda berilgan elektr zanjiridagi toklarni ikki tugun usuli yordamida aniqlang va quvvatlar balansini tekshiring. $E_1 = 110 \text{ V}$, $E_2 = 48 \text{ V}$, $R_1 = 2 \text{ Om}$, $R_2 = 4 \text{ Om}$, $R_3 = 2 \text{ Om}$, $R_4 = 10 \text{ Om}$. Yechish.

$$U_{ab} = \frac{G_1 E_1 - G_3 E_3}{G_1 + G_2 + G_3 + G_4} = \frac{0,5 \cdot 110 - 0,5 \cdot 48}{0,5 + 0,25 + 0,5 + 0,1} = \frac{31}{1,35} = 22,96 \text{ V},$$

$$I_1 = \frac{E_1 - U_{ab}}{R_1} = \frac{110 - 22,96}{2} = \frac{87,04}{2} = 43,52 \text{ A},$$

$$I_2 = \frac{E_2 - U_{ab}}{R_2} = \frac{0 - 22,96}{4} = -5,74 \text{ A},$$

$$I_3 = \frac{-E_3 - U_{ab}}{R_3} = \frac{-48 - 22,96}{2} = \frac{-70,96}{2} = -35,48 \text{ A},$$

$$I_4 = \frac{E_4 + U_{ab}}{R_4} = \frac{0 + 22,96}{10} = 2,3 \text{ A}.$$

Quvvatlar balansini tekshirish uchun iste'molchi va manba quvvatlarini hisoblaymiz:

$$P_{\text{ist}} = R_1 I_1^2 + R_2 I_2^2 + R_3 I_3^2 + R_4 I_4^2 = 2 \cdot (43,52)^2 + 4 \cdot (-5,74)^2 + 2 \cdot (-35,48)^2 + 10 \cdot (-2,29)^2 = 6489,87 \approx 6490 \text{ Vt},$$

$$P_M = E_1 I_1 - E_3 I_3 = 110 \cdot 43,52 - 48(-35,48) = 6490,2 \text{ Vt.}$$

Demak, $P_{manba} \approx P_{ist}$.

1.15 Ustma – ustlash prinsipi va uni elektr zanjirlarini hisoblashda qo'llash

Ustma–ustlash teoremasi: "Chiziqli elektr zanjirlarida o'zaro bog'liq bo'lmagan bir nechta manbalarning umumiy ta'siri alohida olingan har bir manba ta'siri natijalarining algebraik yig'indisiga teng".

Ma'lumki, kontur toklar usuliga binoan elektr zanjirida EYuK manbai ta'sirida shoxobchalardan o'tuvchi kontur toklar kontur EYuK larining chiziqli funksiyasidir. Matematik ko'rinishda bu quyidagi tenglik bilan ifodalanadi:

$$I_k = \frac{1}{\Delta} \sum_{i=1}^n \Delta_{ik} E_{ii} \quad (1.17)$$

(1.17) tenglamaning fizik ma'nosi shundan iboratki, murakkab chiziqli elektr zanjirining har bir shoxobchasidagi tok alohida olingan har bir EYuK manbaining ta'siridan hosil bo'lgan toklarning algebraik yig'indisiga teng.

Bu prinsip *superpozitsiya* (ustma – ustlash) prinsipi deyiladi. Ushbu prinsipga asosan kontur yoki shoxobchadagi toklarni aniqlash usuli *ustma–ustlash usuli* deb ataladi.

Murakkab elektr zanjirni ustma – ustlash usulida hisoblash quyidagi ketma – ketlikda bajariladi:

a) har bir EYuK manbai ta'siridan shoxobchalarda hosil bo'lgan xususiy toklar aniqlanadi, bunda fikran sxemada yagona EYuK manbai qoldirilib, boshqa EYuK lar olib tashlanadi va ularning ichki qarshiliklari zanjirga EYuK lar o'rniga ulangan deb qabul qilinadi;

b) shoxobchalardagi haqiqiy toklar esa alohida hisoblangan xususiy toklarning algebraik yig'indisiga teng bo'ladi.

Agar chiziqli zanjirda tok manbalari ulangan bo'lsa, tugunlardagi potentsiallar yoki shoxobchalardagi kuchlanishlar har bir tok manbai toklarining chiziqli funksiyasi bo'ladi. Ular matematik ko'rinishda quyidagi formula bilan ifodalandi:

$$\varphi_k(U_k) = \frac{1}{\Delta} \sum_{i=1}^{q-1} I_i \Delta_{ik}. \quad (1.18)$$

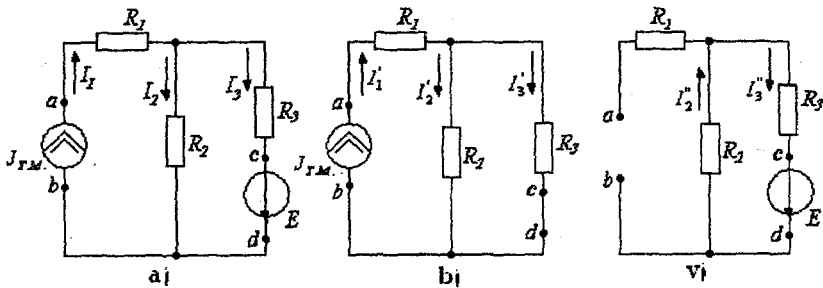
(1.18) formulaning fizik ma'nosi: chiziqli elektr zanjirda har bir tugunning potentsiali shu tugunda alohida har bir tok manbaining ta'siridan hosil bo'lgan potentsiallarning algebraik yig'indisiga tengdir. Ustma – ustlash usuliga binoan har bir tugun potentsialini aniqlashda

fikran bitta tok manbai qoldirilib, qolganlari sxemadan chiqariladi, ularning o'rniga esa tok manbalarining ichki o'tkazuvchanliklari ulangan deb qaraladi (ideal tok manbaida $G_{ich} = 0$ bo'lganligi sababli shoxobcha uzuq qoldiriladi).

Agar murakkab zanjirga bir vaqtda EYuK va tok manbalari ulangan bo'lsa, bunda ham ustma-ustlash usulini qo'llash mumkin.

Masala: 1.38-rasmdagi sxema uchun ustma-ustlash usuli yordamida shoxobchalardagi toklarni aniqlang va quvvatlar balansini tekshiring.

Berilgan: $R_1 = 2 \text{ Om}$, $R_2 = 4 \text{ Om}$, $R_3 = 6 \text{ Om}$, $I_{TM} = 5 \text{ A}$, $E = 24 \text{ V}$.



1.38-rasm

Yechish. a) shoxobchalardagi toklar yo'nalishini ixtiyoriy belgilaymiz, EYuK manbaini sxemadan chiqarib tashlab c va d nuqtalarni birlashtiramiz. EYuK manbaining ichki qarshiligi $r_{ich} = 0$ (1.38-rasm, b). Shu sxema uchun shoxobchalarda tok manbai ta'siridan hosil bo'lgan xususiy toklarni aniqlaymiz:

$$I'_1 = J_{TM} = 5 \text{ A}, \quad I'_2 = I'_1 \cdot \frac{R_2 \cdot R_3}{(R_2 + R_3) \cdot R_2} = 3 \text{ A}, \quad I'_3 = I'_1 \cdot \frac{R_2 \cdot R_3}{(R_2 + R_3) \cdot R_3} = 2 \text{ A}.$$

Endi EYuK manbai ta'siridan zanjir shoxobchalaridagi xususiy toklarni aniqlaymiz. Bunda tok manbai sxemadan olib tashlangan va a va b nuqtalar orasi uzilgan, chunki tok manbaining ichki o'tkazuvchanligi $G_{ich} = 0$ ga teng (1.38-rasm, v). Demak, 1.38-rasm, v uchun:

$$I''_1 = 0; \quad I''_2 = I''_3 = E / (R_2 + R_3) = \frac{24}{10} = 2,4 \text{ A}.$$

b) ustma-ustlash prinsipidan foydalanib har bir shoxobchadagi haqiqiy toklarni aniqlaymiz:

$$I_1 = I'_1 + I''_1 = 5 + 0 = 5 \text{ A}, \quad I_2 = I'_2 - I''_2 = 3 - 2,4 = 0,6 \text{ A},$$

$$I_3 = I'_3 + I''_3 = 2 + 2,4 = 4,4 \text{ A}.$$

a nuqtaning potentsiali:

$$\varphi_a = \varphi_b + R_2 I_2 + R_1 I_1, U_{ab} = \varphi_a - \varphi_b = R_2 I_2 + R_1 I_1 = 4 \cdot 0,6 + 2 \cdot 5 = 12,4 \text{ V.}$$

Tok manbai quvvati:

$$P_{ab} = U_{ab} J_{TM} = 12,4 \cdot 5 = 62,0 \text{ Vt.}$$

EYuK manbai quvvati esa

$$EI_3 = 20 \cdot 4,4 = 88 \text{ Vt.}$$

Quvvatlar balansi:

$$P_{ist} = P_{manba} = R_1 I_1^2 + R_2 I_2^2 + R_3 I_3^2 = U_{ab} J_{TM} + EI_3.$$

yoki

$$P_{ist} = 2 \cdot 25 + 4 \cdot 0,36 + 6 \cdot 19,36 = 50 + 1,44 + 116,16 = 167,6 \text{ Vt,}$$

$$P_{manba} = U_{ab} J_{TM} + EI_3 = 12,4 \cdot 5 + 24 \cdot 4,4 = 62 + 105,6 = 167,6 \text{ Vt.}$$

Masala: 1.39 – rasmda keltirilgan zanjir shoxobchalaridagi toklar ustma – ustlash usulida aniqlansin. $E = 5 \text{ V}$, $J = 1 \text{ A}$, $R_1 = R_2 = 2 \text{ Om}$, $R_3 = R_4 = 3 \text{ Om}$.

Yechish: Toklarni aniqlash uchun ikkita alohida zanjir toklarini hisoblash kerak (1.39 – b va v rasmlar).

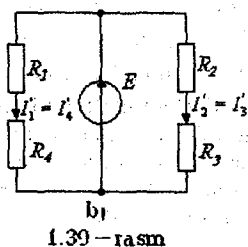
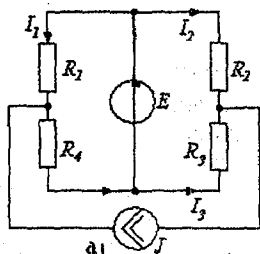
$$I_1' = I_4' = E / (R_1 + R_4) = 5 / (2 + 3) = 1 \text{ A,}$$

$$I_2' = I_3' = E / (R_2 + R_3) = 5 / (3 + 2) = 1 \text{ A.}$$

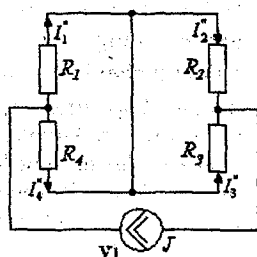
EYuK manbai tufayli R_1 va R_4 , R_2 va R_3 qarshiliklar parallel ulangan, shu sababli J tok manбайдan shoxobchalarda hosil bo'lgan qismaniy toklar R_1 va R_4 yoki R_2 va R_3 lar orqali hisoblanadi:

$$I_1'' = J \frac{R_4}{R_1 + R_4} = 1 \cdot \frac{3}{3 + 2} = 0,6 \text{ A, } I_4'' = J \frac{R_1}{R_1 + R_4} = 1 \cdot \frac{2}{5} = 0,4 \text{ A,}$$

$$I_2'' = J \frac{R_3}{R_2 + R_3} = 1 \cdot \frac{2}{2 + 3} = 0,4 \text{ A, } I_3'' = J \frac{R_2}{R_2 + R_3} = 1 \cdot \frac{3}{2 + 3} = 0,6 \text{ A.}$$



1.39 – rasm

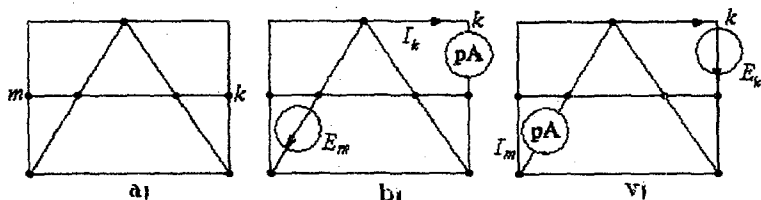


Berilgan sxema shoxobchalaridagi toklar alohida ajratilgan sxemalar mos shoxobchalaridagi toklarning algebraik yig'indisiga teng:

$$\begin{aligned} I_1 &= I_1' - I_1'' = 1 - 0,6 = 0,4 \text{ A}; & I_4 &= I_4' + I_4'' = 1 + 0,4 = 1,4 \text{ A}; \\ I_2 &= I_2' + I_2'' = 1 + 0,4 = 1,4 \text{ A}; & I_3 &= -I_3' + I_3'' = -1 + 0,6 = -0,4 \text{ A}. \end{aligned}$$

1.16 O'zaroqlik xususiyati va uni tarmoqlangan elektr zanjirlarini hisoblashda qo'llash

1.40-rasmda passiv elektr zanjirning sxemasi keltirilgan. Sxemada rezistor bor ikkita shoxobchani ajratib, birinchi shoxobchani m , ikkinchisini esa k deb belgilaymiz (1.40-rasm, a). Endi m



1.40-rasm

shoxobchasiga EYuK E_m ni kiritamiz (sxemada boshqa EYuK lar yo'q).

Konturlarni shunday belgilaymizki, unda k shoxobcha faqat k konturda, m shoxobcha esa m konturda bo'lsin. U holda EYuK E_m ta'sirida k va m shoxobchalardan o'tuvchi toklar quyidagicha aniqlanadi:

$$I_m = E_m G_{mm}, I_k = E_m G_{km}.$$

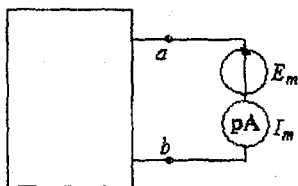
G_{mm} - m shoxobchani kirish o'tkazuvchanligi. Agar EYuK $E_m = 1V$ (birlik EYuK) bo'lsa, u holda G_{mm} qiymati m shoxobchadagi tokka teng bo'ladi. G_{km} - k va m shoxobchalarning o'zaro o'tkazuvchanligi. Agar m shoxobchaga $E_m = 1V$ birlik EYuK manbai ulansa, G_{km} ning qiymati k shoxobchadagi tokka teng bo'ladi. Kirish va o'zaro o'tkazuvchanliklar chiziqli elektr zanjirlarining umumiy xususiyatlarini aniqlash va zanjirni ustma-ustlash usuli yordamida hisoblashda foydalaniladi. Kirish va o'zaro o'tkazuvchanliklarni hisoblash yoki tajriba orqali aniqlash mumkin. Berilgan sxema uchun kontur toklar usulidan foydalanib tenglamalar tuziladi. Bunda m va k

shoxobchalarning har biri o'z konturiga kiradi. Shu konturlarning kirish va o'zaro o'tkazuvchanliklari bosh aniqlovchi va unga tegishli algebraik to'ldiruvchilar yordamida hisoblanadi:

$$G_{mm} = \Delta_{mm} / \Delta, \quad G_{km} = \Delta_{km} / \Delta. \quad (1.19)$$

(1.19) formulada G_{km} — musbat yoki manfiy bo'lishi mumkin. Agar EYuK E_m m — konturga ulanganda k shoxobchada hosil bo'lgan tok yo'nalishi k konturda dastlab ixtiyoriy qabul qilingan I_k kontur tokning yo'nalishi bilan bir xil bo'lsa, u holda G_{km} musbat ishora, aks holda esa manfiy ishora bilan olinadi.

G_{mm} va G_{km} larni tajriba yo'li bilan aniqlashda sxemaning m shoxobchadagi EYuK ta'sirida k shoxobchadagi tokni o'lchash uchun ampermetr ulanadi (1.40 — rasm, b). k shoxobchadagi tokni EYuK E_m ga nisbati G_{km} o'tkazuvchanlikka teng bo'ladi. Kirish o'tkazuvchanlik G_{mm} ni aniqlash uchun m shoxobchadagi I_m tokni o'lchash kerak va



1.41 — rasm

uni shoxobchaga ulangan EYuK G_{mm} ga bo'lish kerak (1.40 — rasm, v):

$$G_{mm} = I_m / E_m.$$

m — shoxobchani ajratib, sxemani qolgan qismini (ya'ni EYuKi yo'q qismini) to'rtburchak ichiga joylashtiramiz (1.41 — rasm).

To'rtburchak ichiga olingan sxema ab qismalariga nisbatan ma'lum qarshilikka ega va u sxemaning kirish qarshiligi deb ataladi. Ko'rilayotgan misolda m shoxobchani ab qismalariga nisbatan kirish qarshiligi

$$R_{kr} = \frac{E_m}{I_m} = \frac{1}{G_{mm}}.$$

Shunday qilib, m shoxobchani kirish qarshiligi shu shoxobcha o'tkazuvchanligining teskari qiymatidir. Bu qarshilikni m konturning umumiy qarshiligi bilan, masalan kontur toklar usulidagi konturning xususiy qarshiligi bilan almashtirish mumkin emas.

Teorema: har qanday chiziqli elektr zanjirida m shoxobchadagi EYuK E_m ta'siridan k shoxobchada hosil bo'ladigan tok $I_k = G_{mk} E_m$ ifoda bilan aniqlanadi va bu tok m shoxobchadagi I_m tokka teng bo'ladi. Agar shu tokni sababchisi EYuK E_k qiymati jihatidan EYuK E_m ga teng va k shoxobchada bo'lsa, u holda $I_m = G_{mk} E_k$.

O'zarolik teoremasini isbot qilish uchun 1.40 – rasm, a ga e'tibor beramiz. Sxemadan k va m shoxobchalarni ajratamiz. m – shoxobchaga EYuK E_m ni, k – shoxobchaga esa ampermetr pA ni ulab, tok I_k ni o'lchaymiz (1.40 – rasm, b). k va m shoxobchalar faqat mos ravishda tegishli k va m konturlarga kiradi, deb qaraymiz. U holda kontur toklar usuliga ko'ra $I_k = E_m (\Delta_{km} / \Delta)$ bo'ladi.

Keyin EYuK bilan ampermetr o'rnini almashtiramiz, ya'ni EYuKni m shoxobchaga o'tkazamiz va uni endi E_k deb olamiz, ampermetrni esa, shoxobchadan m shoxobchaga ko'chiramiz (1.40 – rasm, v). Bu holda tok

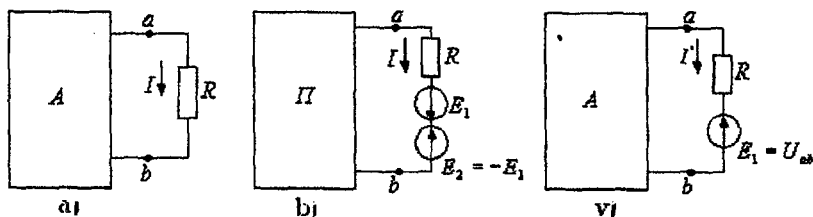
$$I_{mm} = E_k (\Delta_{mk} / \Delta), E_k = E_m, \Delta_{mk} = \Delta_{km}$$

bo'lganligi uchun sistema determinanti Δ asosiy diagonaliga nisbatan simmetrik bo'ladi. Shuning uchun 1.40 – rasm, b dagi tok I_k , 1.40 – rasm, v dagi I_m tokka teng bo'ladi. O'zarolik teoremasi amalda ishlatilganda asosiy e'tiborni EYuK va tok yo'nalishlarining o'zaro to'g'ri kelishiga qaratish zarur, ya'ni k shoxobchadagi EYuK E_k (1.40 – rasm, v) va kontur tok I_k (1.40 – rasm, b) bir xil yo'nalishda bo'lishi lozim.

1.17 Aktiv ikki qutblik haqida teorema va uni murakkab elektr zanjirlarni hisoblashda qo'llash. Ekvivalent generator usuli

Elektr zanjirlar nazariyasida ikki qutblik tushunchasi keng qo'llaniladi. Har qanday elektr sxemada fikran biror shoxobchani ajratib olib sxemaning qolgan elementlarini tartibli ravishda to'rtburchak ichiga joylashtirish mumkin. To'rtburchak ichiga olingan sxema ajratilgan shoxobchaga nisbatan *ekvivalent ikki qutblik* deb ataladi. Demak, ikki qutblik – bu elektr zanjir sxemasining umumiy nomi bo'lib, u o'zining ikki qismalari (qutblari) bilan ajratilgan shoxobchaga ulanadi.

Agar ikki qutblikda EYuK yoki tok manbai bo'lsa, u holda bunday ikki qutblik *aktiv ikki qutblik deb ataladi* va to'rtburchak ichiga A harfi yoziladi (1.42 – rasm, a).



1.42 — rasm

Agar ikki qutblikda EYuK yoki tok manbalari bo'lmasa yoki ular o'zaro kompensatsiyalangan bo'lsa, u holda bunday ikki qutblik *passiv ikki qutblik deb ataladi va to'rtburchak ichiga P harfi yoziladi*.

Ajratilgan shoxobchaga nisbatan ikki qutblikli elektr zanjirni hisoblashda ikki qutblikni ekvivalent generator bilan almashtirib, uning EYuKi ajratilgan shoxobchani qismalaridagi salt rejimdagi kuchlanishga, ichki qarshiligi esa ikki qutblikning kirish qarshiligiga teng qilib olinadi. Masalan, berilgan zanjirning *ab* shoxobchasidagi tok aniqlanishi kerak bo'lsin (1.42 — rasm, a). Buning uchun zanjirning qolgan qismini fikran to'rtburchak ichiga olib hamda sxemadagi EYuK va qarshiliklarni ekvivalent parametrlar bilan almashtiramiz. Agar *ab* shoxobchaga ikkita qiymati bir xil va o'zaro teskari yo'nalgan E_1 va E_2 EYuK manbalarini ulasak, u holda shu shoxobchadan o'tayotgan tok qiymati o'zgarmaydi (1.42 — rasm, b).

Superpozitsiya prinsipiga asosan shoxobcha tokini ikkita I' va I'' toklar yig'indisidan iborat deb qaraymiz. Tok I' EYuK E_1 manbai orqali o'tadi. Shu sababdan I' va I'' toklarni aniqlashda 1.42 — v va 1.43 — a rasmlardan foydalanamiz.

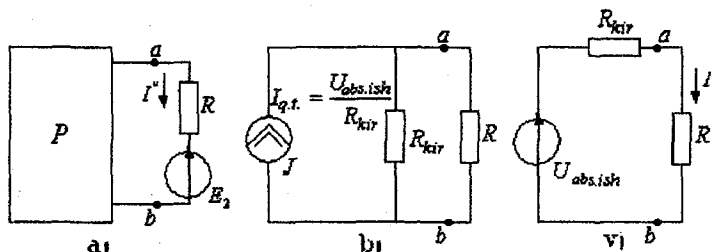
Passiv ikki qutblik sxemasida barcha EYuK manbalari olib tashlanadi, ammo bu manbalar ichki qarshiliklari sxemada qoldiriladi. EYuK E_1 kuchlanish U_{ab} ga teskari yo'nalgan. Zanjirning EYuK manbai bo'lgan shoxobchasi uchun Om qonuniga asosan:

$$I' = U_{ab} - E_1 / R.$$

Endi E_1 EYuK qiymatini o'zgartirib tok I' ifodasini nolga tenglab olamiz. Zanjir *ab* shoxobchasida tokni nolga tenglash, shu shoxobchani uzish bilan ekvivalent. *Passiv ikki qutblikning bunday rejimi salt ish rejimi deyiladi*. Salt ish rejimida *ab* qismalardagi kuchlanishni $U_{ab.s.ish}$ deb belgilaymiz. Agar E_1 EYuKni $U_{ab.s.ish}$ ga teng qilib olsak, unda $I' = 0$ bo'ladi. Umumiy tok $I = I' + I''$, bizda esa

$I' = 0$, shuning uchun $I = I'$. Tok I' sxemaga asosan (1.43 – rasm, v) quyidagicha aniqlanadi:

$$I' = \frac{E_2}{R + R_{kir}} = \frac{U_{ab.s.ish}}{R + R_{kir}} = I. \quad (1.20)$$



1.43 – rasm

Bu ifodada R_{kir} ikki qutblikning ab qismalariga nisbatan kirish qarshiligidir.

(1.20) tenglamaga 1.43 – rasm, v) dagi ekvivalent sxema mos keladi. Bunday EYuK li ikki qutblikni $E = U_{ab.s.ish}$ va qarshiligi R_{kir} ga teng bo'lgan ekvivalent generator bilan almashtirish mumkin. Shuning uchun bu usul *ekvivalent generator usuli* deb ataladi. Ba'zi adabiyotlarda bu usul aktiv ikki qutblik yoki salt ish va qisqa tutashish usuli deb ham nomlangan.

Bu usulda tokni aniqlash quyidagi ketma – ketlikda bajariladi:

a) elektr zanjir sxemasidan ab shoxobchasini fikran uzib uning ab qismalaridagi kuchlanish aniqlanadi;

b) ab qismalariga nisbatan ichki EYuK manbalari qisqa tutashtirilgan holda kirish qarshiligi R_{kir} hisoblanadi;

v) shoxobchadan o'tayotgan tok quyidagi formula yordamida topiladi:

$$I = U_{ab.s.ish} / (R + R_{kir}). \quad (1.21)$$

Agar ab shoxobchadagi qarshilikni nolga tenglasak ($R_{ab} = 0$), u holda sxemada qisqa tutashish rejimi bo'ladi va shoxobchadan o'tuvchi tok qisqa tutashish toki bo'ladi ($I_{q.t.}$). (1.21) formulada $R = 0$ bo'lganida

$$I_{q.t.} = U_{ab.s.ish} / R_{kir} \text{ yoki } R_{kir} = U_{ab.s.ish} / I_{q.t.} \quad (1.22)$$

topiladi.

(1.22) formuladan ko'rinib turibdiki, $U_{ab.s.ish}$ va R_{kir} larni aniqlash uchun oddiy tajriba usulidan foydalanish mumkin.

Buning uchun ab qismalaridagi salt ish rejimidagi kuchlanish $U_{ab.s.ish}$ o'lanadi va zanjir qisqa tutashish rejimiga o'tkazilib, shoxobchadagi qisqa tutashish toki I_{qt} aniqlanadi, keyin R_{kir} hisoblanadi:

$$R_{kir} = U_{ab.s.ish} / I_{q.t.}$$

Masala: 1.44-rasm, a da keltirilgan ko'priksxemaning ab diagonalidagi tokni ekvivalent generator usuli yordamida aniqlang. Berilgan:

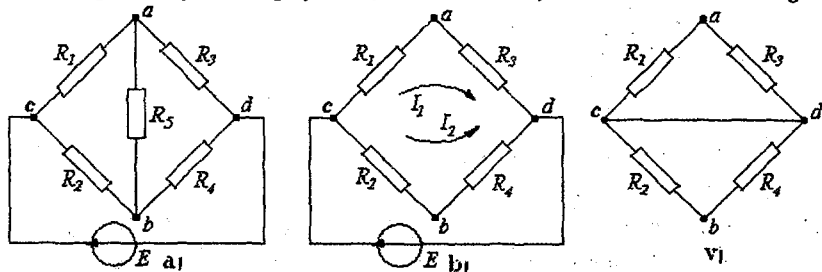
$$R_1 = R_4 = 1 \text{ Om}, R_2 = 4 \text{ Om}, R_3 = 2 \text{ Om}, R_5 = 2 \text{ Om}, E_1 = 10 \text{ V}.$$

Yechish: ab shoxobchani uzamiz (1.44-rasm, b) va salt ish rejimi uchun U_{ab} kuchlanishni aniqlaymiz:

$$\varphi_a = \varphi_b + R_2 I_2 - R_1 I_1 = \varphi_b + \frac{R_2 E}{R_2 + R_4} - \frac{R_1 E}{R_1 + R_3}$$

$$U_{ab.s.ish} = \varphi_a - \varphi_b = \left(\frac{R_2}{R_2 + R_4} - \frac{R_1}{R_1 + R_3} \right) E = \left(\frac{4}{4+1} - \frac{1}{1+2} \right) 10 \approx 4,67 \text{ V}.$$

ab qismalariga nisbatan EYuK manbai qisqa tutashtirilgan holdagi kirish qarshiligini aniqlaymiz (1.44-rasm, v). Bu holda sxemadagi c



1.44-rasm

va d nuqtalar o'zaro qisqa tutashtirilgan. Shuni hisobga olsak:

$$R_{kir} = \frac{R_1 R_3}{R_1 + R_3} + \frac{R_2 R_4}{R_2 + R_4} = \frac{1 \cdot 2}{1+2} + \frac{4 \cdot 1}{4+1} \approx 1,47 \text{ Om}.$$

ab shoxobchadagi tok esa

$$I = \frac{U_{ab.s.ish}}{R_5 + R_{kir}} = \frac{4,67}{2 + 1,47} = \frac{4,67}{3,47} \approx 1,39 \text{ A}.$$

Masala: berilgan zanjirdagi (1.45-rasm, a) I_5 tok ekvivalent generator usulida aniqlansin.

$$E_1 = 50 \text{ V}; E_2 = 80 \text{ V}; E_3 = 100 \text{ V}; R_4 = 20 \text{ Ohm}; R_1 = 10 \text{ Ohm};$$

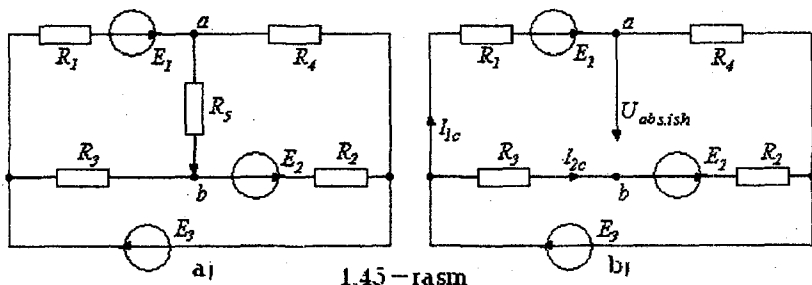
$$R_2 = 20 \text{ Ohm}; R_3 = 40 \text{ Ohm}; R_5 = 20 \text{ Ohm}.$$

Yechish: Tokni aniqlash kerak bo'lgan shoxobchani uzamiz va uzilish nuqtalari ab orasidagi $U_{ab.s.ish}$ kuchlanishni aniqlaymiz. Hosil bo'lgan sxema 1.45–rasm b da keltirilgan.

Kirxgofning ikkinchi qonunidan:

$$E_3 + E_1 = (R_4 + R_1)I_{1s.ish}, \quad E_3 + E_2 = (R_3 + R_2)I_{2s.ish}.$$

1.45–rasm, b dagi zanjir shoxobchalaridagi toklarni aniqlaymiz:



1.45–rasm

$$I_{1s.ish} = \frac{(E_3 + E_1)}{(R_4 + R_1)} = \frac{100 + 50}{20 + 10} = 5 \text{ A},$$

$$I_{2s.ish} = \frac{(E_3 + E_2)}{(R_3 + R_2)} = \frac{(100 + 80)}{(40 + 20)} = 3 \text{ A}.$$

2. Salt ish kuchlanishi:

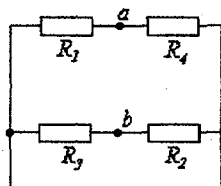
$$U_{ab.s.ish} = \varphi_a - \varphi_b = E_1 - R_1 I_{1s.ish} + R_3 I_{2s.ish} = 50 - 10 \cdot 5 + 40 \cdot 3 = 120 \text{ V}.$$

Uzilgan nuqtalarga nisbatan butun zanjirning kirish qarshiligini aniqlaymiz. Bunda uchala EYuK manbalarini fikran qisqa tutashtiramiz (1.46–rasm).

$$R_{kir} = \frac{R_1 R_4}{R_1 + R_4} + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = \frac{10 \cdot 20}{10 + 20} + \frac{20 \cdot 40}{20 + 40} = 20 \text{ Ohm}.$$

3. Izlanayotgan tokni hisoblaymiz:

$$I_s = \frac{U_{ab.s.ish}}{R_{kir} + R_5} = \frac{120}{20 + 20} = 3 \text{ A}.$$



1.46–rasm

1.18 Asosiy topologik tushunchalar va ularni elektr zanjirlarni hisoblashda qo'llash

Elektr zanjirlarini hisoblashda izlanayotgan elektr kattaliklar va ularning nisbatlarini aniqlash uchun umumiy holda Kirxgof qonunlari asosida tuzilgan tenglamalar sistemasini yechish zarurligi avvalgi paragraflarda ko'rsatilgan edi.

Agar elektr sxemasi Sh ta shoxobcha va T ta tugunga ega bo'lib, shoxobchalardagi qarshiliklar qiymatlari, kuchlanish va tok manbalari qiymatlari va yo'nalishlari berilgan bo'lsa, shoxobchalardagi toklarni hisoblash uchun dastlab Kirxgofning 1-qonuniga asoslanib $y = T - I$ ta tugunlar uchun tenglamalar tuziladi, so'ngra Kirxgofning 2-qonuni bo'yicha o'zaro bog'liq bo'lmagan konturlar uchun tenglamalar soni

$K = Sh - Sh_{T.M} - (T - 1)$ asosida aniqlanadi va tenglamalar tuziladi.

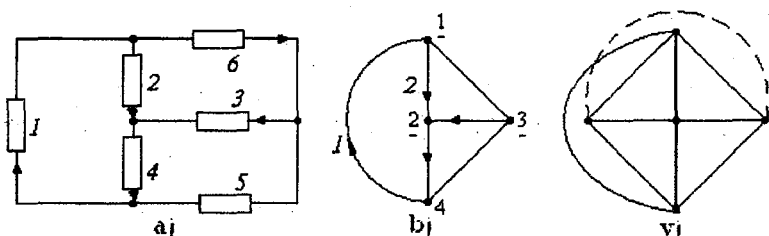
Demak, tenglamalar soni shoxobchalar soni Sh ga teng bo'ladi. O'zaro bog'liq bo'lmagan konturlar soni K ni aniqlashda va tenglamalar tuzishda elektr zanjiri sxemasini *graf shaklida* ifodalash elektr zanjirlarini hisoblashda ma'lum qulayliklar yaratadi.

Elektr zanjiri shoxobchalarini o'zaro birlashtirishni chizmada ifodalovchi geometrik struktura *sxema grafi* deb ataladi. *Graf — elektr zanjiri sxemasidagi barcha axborotni o'zida mujassamlashtiruvchi geometrik tuzilmadan iborat chizmadir.* Bu chizmada elektr zanjiri shoxobchalari kesma bilan, tugunlar esa nuqta bilan, kuchlanish manbai qisqa tutashgan shoxobcha, tok manbai uzilgan shoxobcha yordamida ko'rsatiladi. Shunday qilib, graf bu ikki xil elementlar tizimidir. Bunday tizimda tugunlar—graf cho'qqisi—nuqta bilan belgilanadi. Shoxobcha—graf qirrasi—kesma bilan ko'rsatiladi. Bu kesma ikkita tugunni o'zaro birlashtiradi. Elektr zanjiri grafi har xil ko'rinishda bo'lishi mumkin:

- a) planar — yassi graf,
- b) noplanar — fazoviy graf.

Planar graf chizma tekisligida o'zaro kesishmagan shoxobchalar — kesmalar bilan tasvirlanadi (1.47 — rasm, a, b).

Noplanar grafni chizma tekisligida o'zaro kesishmagan shoxobchalar bilan tasvirlab bo'lmaydi. Unda o'zaro kesishgan kesmalar ham bo'ladi. (1.47 — rasm, v).



1.47 - rasm

Agar grafning har qanday qismi tayanch (asosiy) graf elementlaridan tashkil topgan bo'lsa, uning bu qismi — *qismaniy graf (podgraf)* deyiladi. Qismaniy graf asosiy grafning ba'zi shoxobchalarini (kesmalarini) olib tashlash natijasida hosil bo'ladi. Qismaniy grafning muhim qismi graf yo'li deb ataladi. U uzluksiz shoxobchalar ketma — ketligidan iborat bo'lib, ikkita tanlangan tugunni bog'lovchisi sifatida oraliqdagi tugunlardan faqat bir marta o'tadi.

Agar berilgan grafda ikki tugun orasida kamida bitta — yagona graf yo'li bo'lsa, bunday graf *bog'langan graf deb* ataladi. Elektr zanjirlarida bog'langan graf elementlari o'zaro ulangan zanjirni tasvirlaydi. Kirxgof qonunlari asosida berilgan zanjirning elektr holati tenglamalarini tuzishda zanjir shoxobchalaridagi tok yo'nalishi graf kesmalarida belgilanadi. Natijada zanjir shoxobchalari yo'naltirilgan grafi hosil bo'lib, bunday graf *yo'naltirilgan graf* deyiladi.

Demak, grafdagi yo'nalishlar elektr zanjiri shoxobchalaridagi toklar yo'nalishlarini ko'rsatadi.

Barcha tugunlarni o'z ichiga olgan grafning qismi berk kontursiz bo'lsa, *uni graf daraxti deb* ataladi.

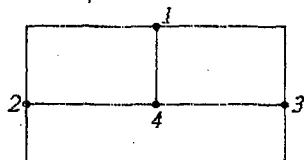
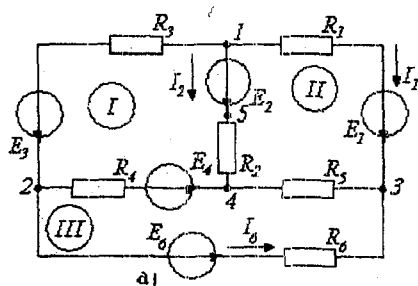
Graf daraxtining shoxobchalari — kesmalari elektr zanjiri sxemasidagi tugunlar sonidan bittaga kam bo'ladi, ya'ni $(T-1)$ ga teng.

Graf daraxtining tarkibiga kirmagan shoxobchalar vatarlar yoki *graf daraxtining asosiy shoxobchalari deyiladi*.

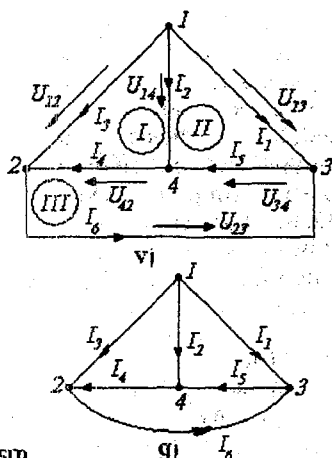
Graf daraxti asosiy shoxobchalarining yig'indisi daraxt to'ldiruvchisi deb ataladi.

Shunday qilib, elektr zanjirining grafi Sh ta shoxobchaga, graf daraxti $(T-1)$ shoxobchaga ega bo'lib, daraxtning asosiy shoxobchalari soni $[Sh - (T-1)]$ ga teng. Bu esa o'zaro bog'liq bo'lmagan konturlar soniga tengdir.

Endi misol tariqasida quyidagi elektr zanjiri sxemasi (1.48 — rasm, a) va uning grafini keltiramiz.



1.48-rasm



1.48-rasm, a dagi sxema grafini har xil ko'rinishda tasvirlash mumkin (1.48-rasm, b da yo'naltirilmagan graf va 1.48-rasm, v, g, larda yo'naltirilgan graflar keltirilgan).

Yo'naltirilgan graf (1.48-rasm, v) uchun Kirxgof qonunlari bo'yicha quyidagi tenglamalarni yozish mumkin:

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0, \quad I_6 - I_3 - I_4 = 0, \quad I_5 - I_1 - I_6 = 0,$$

$$U_{14} + U_{42} - U_{12} = 0, \quad U_{13} - U_{23} - U_{12} = 0, \quad U_{23} + U_{34} + U_{42} = 0.$$

So'nggi tenglamalardagi kuchlanishlar quyidagicha aniqlanadi:

$$U_{12} = -E_3 + R_3 I_3, \quad U_{23} = -E_6 + R_6 I_6,$$

$$U_{13} = -E_1 + R_1 I_1, \quad U_{34} = R_5 I_5,$$

$$U_{14} = -E_2 + R_2 I_2, \quad U_{42} = E_2 + R_4 I_4.$$

Mustaqil tayyorlanishga doir referat mavzulari

1. O'zbekistonni elektrlashtirish tarixi va istiqboli. Mustaqil O'zbekistonning energetik dasturi. 2. Kirxgof qonunlari va ularni elektr zanjirlarni hisoblashda qo'llanilishi. 3. Elektr zanjirlarida ekvivalent o'zgartirishlar. 4. Murakkab zanjirlarni hisoblash usullari va ularni qiyosiy taqqoslash. 5. Elektr zanjirlarda energiya va quvvat. Quvvatlar balansi.

O'z-o'zini sinash savollari

1. "Elektrotexnikaning nazariy asoslari" fanining maxsus fanlarni o'zlashtirishdagi o'rni haqida so'zlab bering. 2. Elektrotexnikaning rivojlanishiga chet el olimlarining qo'shgan hissasi nimalardan iborat? 3. O'zbekistonda energetika va elektrotexnikaning rivojlanish bosqichlari haqida gapirib bering. 4. Elektrotexnikaning rivojlanishiga o'zbekistonlik olimlarning qo'shgan hissalar haqida so'zlab bering. 5. Elektr zanjirlarni tavsiflovchi asosiy kattaliklarga nimalar kiradi? 6. Elektr zanjirining asosiy elementlari haqida ma'lumot bering. 7. EYuK va tok manbalari nima? 8. Om qonunining mohiyatini tushuntirib bering. 9. Katta toklarda Om qonunining buzilishini izohlang. 10. Potensial diagramma nima va u qanday quriladi? 11. Elektr zanjirlarida quvvatlar balansi nimadan iborat? 12. Kirxgof qonunlarini ta'riflang va mohiyatini tushuntiring. 13. Kirxgof tenglamalari yordamida murakkab zanjirlarni hisoblash ketma-ketligini ayting. 14. Elektr zanjiri sxemalarini ekvivalent o'zgartirishlar deganda nimani tushunasiz? 15. Qarshiliklar uchburchagini qarshiliklar yulduziga ekvivalent o'zgartirish qanday amalga oshiriladi? 16. Qarshiliklar yulduzini qarshiliklar uchburchagiga ekvivalent o'zgartirish qanday amalga oshiriladi? 17. EYuK va tok manbaiga ega bo'lgan parallel shoxobchalarni ekvivalent o'zgartirishning o'ziga xos xususiyatlarini aytib bering. 18. Proporsional kattaliklar usulining mohiyati nimadan iborat? 19. Elektr zanjirlarni kontur toklar usuli yordamida hisoblash tartibini ayting. 20. Tugun potentsiallar usulining mohiyati nimadan iborat va u qanday zanjirlarni hisoblashda qulay usul hisoblanadi? 21. Ikki tugun usulining afzalliklarini ayting. 22. Ustma-ustlash prinsipi nima va u qanday zanjirlarni hisoblashda qo'llaniladi? 23. O'zarolik prinsipining mohiyati nima? 24. Aktiv va passiv ikkiqutbliklar xossalari ayting. 25. Elektr zanjirning kirish va shoxobchalararo o'tkazuvchanligi nima? 26. Ekvivalent generator usuli yordamida zanjirlarni hisoblash tartibini aytib bering. 27. Chiziqli elektr zanjirlarni hisoblash usullarini qiyosiy taqqoslang.

Ikkinchi bob. Bir fazali sinusoidal tok chiziqli elektr zanjirlari

2.1 Umumiy ma'lumotlar

Amaliy elektrotexnikada asosiy rolni o'zgaruvchan tok o'ynaydi. Hozirgi vaqtga kelib deyarli butun elektr energiya o'zgaruvchan tok elektr energiyasi ko'rinishida ishlab chiqariladi. O'zgaruvchan tokni o'zgarmas tokka nisbatan asosiy avzalligi — uni uzatishda kuchlanishni oson va kam isrof bilan o'zgartirish imkoniyatidir. Bundan tashqari, o'zgaruvchan tok generatorlari va motorlari o'zgarmas tok mashinalariga nisbatan tuzilishi sodda, ishlashda ishonchli va narxi arzon.

2.2 Sinusoidal tok va kuchlanishlarning amplitudasi, chastotasi va fazasi

Yo'nalishi va kattaligi davriy ravishda o'zgarib turuvchi EYuK, tok va kuchlanish o'zgaruvchan EYuK, tok va kuchlanish deyiladi. Vaqt bo'yicha sinusoidal o'zgaruvchan EYuK, tok va kuchlanish sinusoidal EYuK, tok va kuchlanish deb ataladi. Sinusoidal tok quyidagicha ifodalanadi:

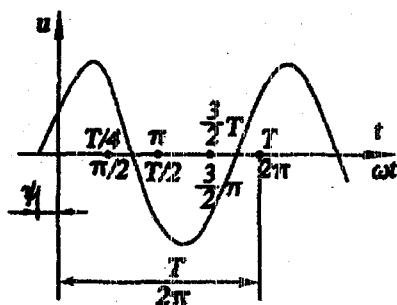
$$i = I_m \sin(\omega t + \psi_i),$$

bunda i — tokning oniy qiymati, I_m — uning maksimal (amplituda) qiymati, ω — burchak chastota, ψ_i — boshlang'ich faza. 2.1 —

rasmda sinusoidal tokning grafigi keltirilgan.

Davr T — bu muayyan vaqt oralig'i bo'lib, tokning o'zgarishi takrorlanadi, ya'ni to'liq bitta to'lqin o'zgarishi kuzatiladi. Bir sekunddagi davrlar soni chastota f deb ataladi $f = 1/T$.

$\omega = 2\pi f = 2\pi/T$ — o'zgaruvchan tokning burchak chastotasi rad/sek yoki sek^{-1} da o'lchanadi.



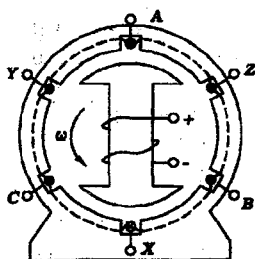
2.1 — rasm

Sinusning argumenti, ya'ni $(\omega t + \psi_i)$ kattalik faza deb ataladi. Faza tebranishning oniy t vaqtidagi holatini tasvirlaydi. Elektrotexnik qurilmalar uchun kuchlanishning chastotasi standartlashtirilgan.

Yevropada va mustaqil davlatlar hamdo'stligi hududlarida 50 Gs, AQSh va Yaponiyada esa 60 Gs qilib olingan. Sanoatda maxsus maqsadlar uchun turli xil chastotali o'zgaruvchan toklardan keng foydalaniladi. Masalan, tezyurar yuritmalarda chastotasi 200–400 Gs, elektron qurilmalarda—500 Gs — 50 MGs va h.k. Radiotexnika, televideniya 3·10¹⁰ Gs gacha va sanoat elektronikasining ko'p qurilmalarida nisbatan kichik miqdordagi energiyani elektromagnit to'lqinlar vositasida simsiz uzatish uchun yuqori chastotali o'zgaruvchan toklar zarur. Har qanday sinusoidal o'zgaruvchan funktsiya uchta kattalik bilan aniqlanadi: amplituda qiymati, burchak chastotasi va boshlang'ich fazasi. Past chastotali sinusoidal EYuK va toklar sinxron generatorlar yordamida hosil qilinadi. Yuqori chastotali sinusoidal EYuK va toklar esa lampali yoki yarim o'tkazgichli generatorlar yordamida olinadi.

2.3 Sinusoidal EYuK ni hosil qilish

O'zgaruvchan tokning eng ko'p tarqalgan manbalaridan biri mexanik energiyani elektr energiyasiga aylantirib beruvchi sinxron generatordir. Sinxron generatorda sinusoidal EYuK olish uchun doimiy magnit maydonida ramka ko'rinishdagi chulg'am o'zgarmas burchak tezligida aylantiriladi. O'zgaruvchan tok generatorlari ikki asosiy qismdan iborat (2.2—rasm). Qo'zg'almas qism — stator 1 va aylanuvchi qism—rotor 2 dir. Ularning birida (ko'pincha rotorda) doimiy elektromagnit joylashtiriladi va uning chulg'amlari o'zgarmas tok manbaidan ta'minlanadi.



2.2 — rasm

Silindrsimon statorning ichki yuzasidagi pazlarda joylashgan chulg'amlarda rotorning aylanishi natijasida $e = Blv$ EYuK paydo bo'ladi, bu yerda B —o'tkazgich simga ta'sir etuvchi magnit maydonining induksiyasi, l —o'tkazgich simning uzunligi, v — aylanuvchi magnit maydonining chiziqli tezligi. Agar l va v kattaliklarni o'zgarmas deb olsak, u holda EYuK $e(t)$ ning o'zgarish qonuni magnit induksiyasi B ning vaqt bo'yicha o'zgarish qonuni bilan aniqlanadi.

EYuK egri chizig'ining shakli sinusoidaga yaqin bo'lishi uchun generatorning rotorida joylashtirilgan qutb boshmog'i chetidagi havo oralig'i uning markaziga nisbatan 1,5 ... 2 marta kattalashtiriladi. Shu

sababdan, magnit induksiyaning o'zgarish qonuni stator bilan rotor oralig'ida sinusoidal bo'ladi, qutb boshmoqlarining o'rtasida magnit induksiya maksimal bo'lib, qutb boshmoqlarining chetiga qarab kamayib boradi. Agar juft magnit qutblari soni p va rotorning bir minutdagi aylanishlar soni n bo'lsa, u holda o'zgaruvchan EYuK ning chastotasi:

$$f = \frac{pn}{60}.$$

Elektrotexnikada o'zgaruvchan tokning keng qo'llanishi elektr energiyani markazlashgan holda ishlab chiqarish va uni uzoq masofalarga uzatish masalasi yechilganidan keyin boshlandi.

Energiyani uzatish va taqsimlash iqtisodiy tarafdin hamda xavfsizlik nuqtai nazaridan uzatish uchun yuqori kuchlanishni va taqsimlash uchun esa nisbatan kichik kuchlanishni talab etadi. O'zgaruvchan tok kuchlanishini o'zgartirish nihoyatda sodda statik apparat — transformator yordamida bajariladi.

Agar bir xil chastotali bir necha sinusoidal funksiyalar (masalan, EYuK va tok) sinusoidalalarining boshlanishlari mos kelmasa, u holda bu sinusoidalalar faza jihatidan bir biriga nisbatan siljigan deyiladi. Faza siljishi tok va EYuK boshlang'ich fazalarining ayirmasi bilan o'lchanadi, ya'ni $\varphi = \psi_i - \psi_e$.

Agar bir xil chastotali sinusoidal funksiyalar boshlang'ich fazalari bir xil bo'lsa, u holda sinusoidalalar faza jihatidan mos tushadi. Agar fazalar ayirmasi $\pm \pi/2$ ga teng bo'lsa, u holda sinusoidalalar bir biriga nisbatan kvadraturada bo'ladi.

2.4 Sinusoidal tok, EYuK va kuchlanish ta'sir etuvchi (effektiv) va o'rtacha qiymatlari

Sinusoidal o'zgaruvchan kattalikning juda keng ishlatiladigan qiymati bu uning ta'sir etuvchi qiymatidir. U effektiv yoki o'rtacha kvadratik qiymati deb ham ataladi. Tokning ta'sir etuvchi qiymati quyidagicha aniqlanadi:

$$\begin{aligned} I &= \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T i^2 dt} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T I_m^2 \sin^2(\omega t + \psi_i) dt} = \sqrt{\frac{I_m^2}{2 \cdot T} \int_0^T [1 - \cos(2\omega t + 2\psi_i)] dt} = \\ &= \sqrt{\frac{I_m^2}{2T} (T - 0)} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 0,707 I_m. \end{aligned}$$

Demak, sinusoidal tokning ta'sir etuvchi qiymati davr mobaynidagi o'rta kvadratik qiymatiga teng va u tok maksimal qiymatining 70,7 foizini tashkil etadi.

EYuK va kuchlanishning ta'sir etuvchi qiymatlari mos ravishda

$$E = E_m / \sqrt{2}, \quad U = U_m / \sqrt{2} \quad \text{ga teng.}$$

Rezistordan bir xil vaqtda o'tgan sinusoidal va o'zgarmas toklar energiyasining issiqlik energiyasiga aylanish natijasini taqqoslab ko'ramiz. Rezistordan sinusoidal tok o'tganda bir davr ichida ajralayotgan issiqlik miqdori:

$$Q = \int_0^T r i^2 dt = r I_m^2 \frac{T}{2}.$$

Shu vaqt ichida o'zgarmas tok ta'sirida ajralib chiqqan issiqlik miqdori:

$$Q = r I^2 T.$$

Ularni o'zaro tenglab, quyidagini hosil qilamiz:

$$r I_m^2 (T/2) = r I^2 T \quad \text{yoki} \quad I = I_m / \sqrt{2}.$$

Shunday qilib, sinusoidal tokning ta'sir etuvchi qiymati miqdor jihatdan o'zgarmas tokning shunday qiymatiga tengki, unda sinusoidal va o'zgarmas toklar teng vaqt mobaynida rezistordan o'tganda undan ajralib chiqqan issiqlik miqdorlari o'zaro teng bo'ladi. Ko'pchilik (elektromagnit, ferrodinamik, elektrodinamik, issiqlik va h.k. sistemali) o'lchash asboblari sinusoidal kattalikning ta'sir etuvchi (effektiv) qiymatini o'lchaydi.

Sinusoidal kattalikning amplituda qiymatini ossillograflarda o'lchash yoki ta'sir etuvchi qiymat orqali hisoblab topish mumkin.

Sinusoidal o'zgaruvchan kattaliklarning o'rta qiymati deb, uning yarim davr ichidagi o'rtacha qiymati tushuniladi. Demak, sinusoidal tokning o'rtacha qiymati:

$$I_{o'rt} = \frac{1}{T/2} \int_0^{T/2} I_m \sin \omega t dt = \frac{2}{\pi} I_m,$$

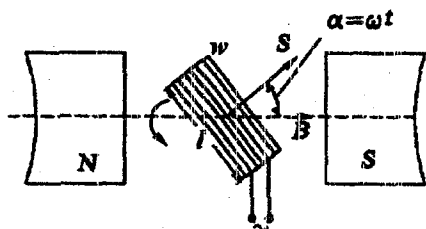
ya'ni sinusoidal tokning o'rtacha qiymati amplituda qiymatning $2/\pi = 0,63$ qismini tashkil qiladi. Sinusoidal EYuK va kuchlanishlar uchun ham xuddi shunday tengliklar o'rinli:

$$E_{o'rt} = 2/\pi E_m, \quad U_{o'rt} = 2/\pi U_m.$$

Sinusoidal tokning o'rtacha qiymatini magnitoelektrik asboga ketma-ket yarim o'tkazgichli diod ulab o'lchash mumkin.

1-masala: magnit induksiyasi $B = 0,8 \text{ Tl}$ bo'lgan bir jinsli magnit maydonda uzunligi $l = 0,25 \text{ m}$ eni $d = 0,2 \text{ m}$ mis simdan

yasalgan ramka $\omega = 314$ 1/s burchak tezlik bilan aylanmoqda (2.3-rasm).



2.3-rasm

Ramkadagi nis sim o'ramlar soni $w = 25$. Ramkada induksiyalangan EYuK ni ramkaning burchak tezligiga bog'liqligini aniqlang.

Yechish. Ko'rilyotgan ramka bir xil sharoitda turgan 25 ta kvadratsimon konturlardan iborat. Binobarin, bitta konturda induksiyalanayotgan EYuKni aniqlab, keyin uni w ga ko'paytirish kifoya.

Ramka konturida induksiyalanadigan EYuK ni $e_k = -dF/dt$ formula asosida aniqlaymiz. Buning uchun vaqt bo'yicha magnit oqim o'zgarishini bilish lozim. Ramkaning boshlang'ich holatida (2.3-rasm) konturni maksimal magnit oqim F kesib o'tadi, ixtiyoriy boshqa holatda esa $F = F_m \cos \alpha = F_m \cos \omega t$.

Binobarin, bir o'ramdagi EYuK:

$$e_k = -\frac{dF}{dt} = -\frac{d(F_m \cos \omega t)}{dt} = -F_m \omega (-\sin \omega t) = F_m \omega \sin \omega t.$$

Ramkadagi w o'ramlar uchun esa

$$e = w e_k = -w \frac{dF}{dt} = w F_m \omega \sin \alpha.$$

Bu tenglamaga qiymatlarni qo'yib, $e = f(\omega)$ ni topamiz

$$e = w \omega B_m l d \sin \omega t = 314 \cdot 25 \cdot 0,8 \cdot 0,25 \cdot 0,2 = 3108 \sin \omega t \text{ V.}$$

Sinusoidal tok zanjirlarining tahlilida amplituda va shakl koeffitsiyentlaridan keng foydalaniladi.

Amplituda koeffitsiyenti davriy o'zgaruvchi funksiyaning amplitudasini uning ta'sir etuvchi qiymatiga nisbati bilan aniqlanadi. Sinusoidal tok uchun:

$$k_a = \frac{I_m}{I} = \sqrt{2}.$$

Shakl koeffitsiyenti davriy o'zgaruvchan funksiyaning ta'sir etuvchi qiymatini uning o'rtacha qiymatiga nisbati bilan aniqlanadi. Sinusoidal tok uchun:

$$k_{sh} = \frac{I}{I_{o'ra}} = \frac{I_m \sqrt{2}}{2/\pi I_m} = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = 1,11.$$

Shunday qilib, agar so'z davriy o'zgaruvchan kuchlanish va toklar to'g'risida ketsa, u holda odatda ularning ta'sir etuvchi qiymatlari tushuniladi.

Elektrotexnika qurilmalarida juda kichik va katta tok va kuchlanishlar uchraydi. Radiopriyomnik kirishidagi kuchlanish bir necha mikrovolt atrofida bo'ladi. Elektr uzatish liniya simlari orasidagi kuchlanish 500, 750 va 1150 kV larga yetadi. Tranzistorlardagi toklar 1 mA dan ancha kichik, metallurgiyadagi elektr pechlarda esa tok bir necha yuz kA larga yetadi.

2-masala: $i = 310 \sin(314t + \psi_i)$ A tokning $t = 0$ dagi oniy qiymati $i(0) = 269$ A ga teng, ψ_i ning qiymatini toping. Agar shu tok elektromagnit ampermetr bilan o'lchansa, u holda asbob nechani ko'rsatadi?

Yechish. $t = 0$ da tokning ifodasi $i(0) = 310 \sin \psi_i = 269,0$ A. Bundan,

$$\psi_i = \arcsin \frac{269}{310} = 60^\circ.$$

Elektromagnit sistemali ampermetr tokning ta'sir etuvchi qiymatini ko'rsatadi, ya'ni: $I = I_m / \sqrt{2} = 310 / \sqrt{2} = 220$ A.

3-masala: ikki juft qutbga ega generator $n = 1500$ ayl/min tezlik bilan aylanmoqda. O'zgaruvchan tok chastotasini aniqlang.

$$\text{Yechish. } f = \frac{pn}{60} = \frac{2 \cdot 1500}{60} = 50 \text{ Gs.}$$

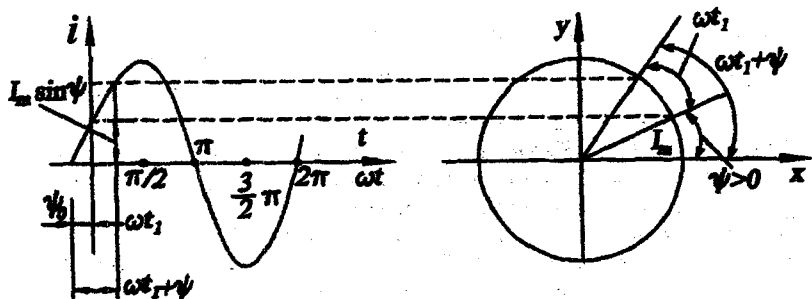
4-masala: Chorvoq GES turbogeneratorlari 250 ayl/min tezlik bilan aylanadi. Chastota $f = 50$ Gs bo'lganda generatorlarning juft qutblar sonini aniqlang.

$$\text{Yechish. } p = 60f/n = 60 \cdot 50/250 = 12.$$

2.5. Sinusoidal kattaliklarni vektorlar bilan tasvirlash

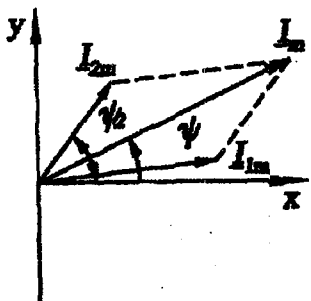
Matematika kursidan ma'lumki, ωt argumentli sinusoidal funksiya soat mili harakatiga qarama-qarshi yo'nalishda ωt radianga buriluvchi birlik radiusni ordinata o'qidagi proyeksiyasi bilan aniqlanadi. Sinusoidal tok i ga soat mili harakatiga teskari yo'nalishda $\omega = \text{const}$ burchak tezlik bilan uzluksiz aylanuvchi I_m

radiusli vektor mos keladi. Sinusoida dekart koordinatalar sistemasida aylanuvchi vektor bilan tasvirlanadi (2.4 – rasm).



2.4 – rasm

$i = I_m \sin(\omega t + \psi)$ tokni aylanuvchi vektor ko'rinishda tasvirlash uchun uzunligi I_m ga teng bo'lgan vektor absissa o'qiga nisbatan ψ burchak (ψ burchak musbat qiymatga ega bo'lsa, absissa o'qidan soat mili harakatiga teskari yo'nalishda olinadi, manfiy qiymatga ega bo'lsa – aksincha) ostida qo'yiladi va u koordinata boshiga nisbatan soat mili harakatiga qarama – qarshi yo'nalishda ω burchak tezlik



2.5 – rasm

bilan aylanib turadi. I_m vektorning istalgan $t=t_1$ vaqtdagi ordinata o'qiga proyeksiyasi sinusoidal tokning shu vaqtdagi oniy qiymatiga teng bo'ladi, ya'ni $i(t_1) = I_m \sin(\omega t_1 + \psi)$.

Sinusoidal funksiyani aylanuvchi vektor ko'rinishida tasvirlash uchun uni xy tekisligida $t = 0$ vaqt uchun tasvirlash kifoya (2.4 – rasm).

Sinusoidal kattaliklarni qo'shish yoki ayirishda ularning vektor tasvirlaridan

foydalanilsa, amallarni bajarish ancha osonlashadi.

Masalan, $i_1 = I_{1m} \sin(\omega t + \psi_1)$ va $i_2 = I_{2m} \sin(\omega t + \psi_2)$ toklarni qo'shib ko'ramiz. 2.5 – rasmda i_1 va i_2 toklar I_1 va I_2 vektorlar ko'rinishida tasvirlangan. Natijaviy tok $i_1 + i_2 = I_m \sin(\omega t + \psi)$. Amalda ko'pincha oniy tokni emas, balki uning ta'sir etuvchi qiymatini bilish zarur bo'ladi. Shuning uchun ham amplituda vektorlari emas, balki ta'sir etuvchi tok vektorlari qo'shiladi.

2.6 Sinusoidal tok zanjirlarida rezistor, induktiv g'altak va kondensator

O'zgarmas tok zanjirlaridan farqli o'laroq, sinusoidal tok zanjirlarida rezistordan tashqari induktiv g'altak va kondensator kabi elementlardan keng foydalaniladi. Sinusoidal tok zanjirlarida energiyani issiqlik energiyasiga aylantiruvchi elementlar *aktiv qarshiliklar* deb ataladi. Elektr zanjirlarining energiya davriy ravishda elektr yoki magnit maydoni energiyasi ko'rinishida to'planib turuvchi elementlari reaktiv elementlar, ularni o'zgaruvchan tokka ko'rsatadigan qarshiliklari esa *reaktiv qarshiliklar* deb ataladi. Induktiv g'altak va kondensator zanjirning reaktiv elementlari hisoblanadi. Ushbu elementlardan tashkil topgan sinusoidal tok zanjirlarini hisoblashdan oldin bu elementlarda tok va kuchlanishlar o'rtasidagi munosabatlarni o'rganib chiqamiz.

2.6.1 Rezistiv elementli sinusoidal tok zanjiri

Rezistiv elementdan tarkib topgan oddiy elektr zanjir sxemasi 2.6-rasmda keltirilgan. Sxemada r —rezistor. Sinusoidal kuchlanish $u = U_m \sin(\omega t + \psi_u)$ ta'sirida rezistor r dan o'tuvchi tok i Om

qonuniga binoan: $i = \frac{u}{r} = (U_m / r) \sin(\omega t + \psi_i) = I_m \cdot \sin(\omega t + \psi_i)$, ifoda

bilan aniqlanadi, bu yerda $I_m = U_m / r$; $\psi_u = \psi_i$.

2.6—rasm, b da kuchlanish va tok oniy qiymatlarining grafigi keltirilgan. Demak, rezistiv elementli elektr zanjirdagi tok shakli sinusoidal bo'lib, uning chastotasi va boshlang'ich fazasi manba kuchlanishi chastotasi va boshlang'ich fazasi bilan bir xil bo'ladi. Kuchlanish va tokning o'zaro faza siljish burchagi $\psi = \psi_u - \psi_i = 0$ ga teng (2.6 — rasm, v).

Rezistiv elementli zanjir uchun Om qonuni kuchlanish va tokning ta'sir etuvchi qiymatlari orqali quyidagicha yoziladi:

$$I = U / r.$$

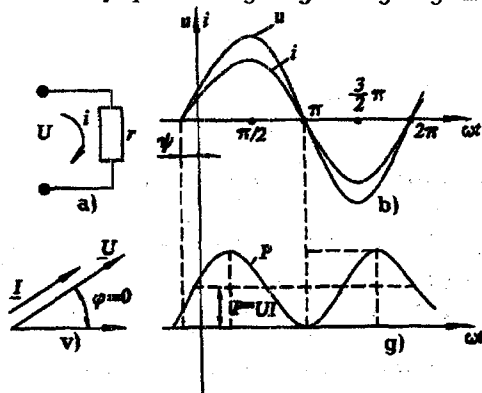
Ushbu zanjir uchun oniy quvvat quyidagi formula yordamida hisoblanadi:

$$\begin{aligned} p = ui &= U_m I_m \sin^2(\omega t + \psi_u) = U_m I_m \left[\frac{1 - \cos 2(\omega t + \psi_u)}{2} \right] = \\ &= UI - UI \cos 2(\omega t + \psi_u) \end{aligned}$$

Quvvatning T davrdagi o'rta qiymati:

$$P = \frac{1}{T} \int_0^T p \, dt = \frac{1}{T} UI \int_0^T dt - \frac{1}{T} UI \int_0^T \cos 2(\omega t + \psi_u) \, dt = UI = rI^2 = U^2/r.$$

Oniy quvvatning o'zgarish grafigi 2.6 – rasm, g da keltirilgan.



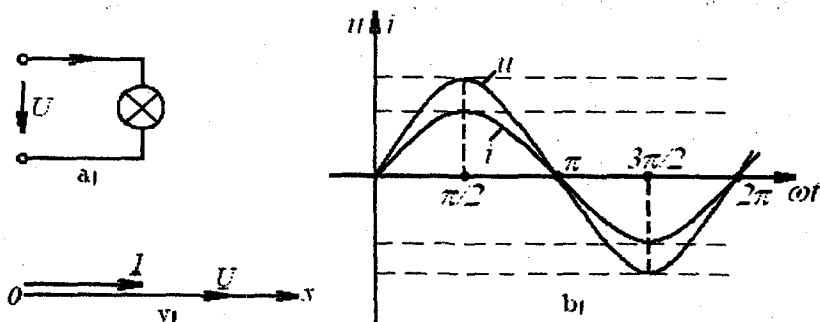
Rezistorda oniy quvvat noldan $2P = 2UI$ qiy – matigacha pulsatsiya – lanishi rasmdan ko'rinib turibdi. Demak, rezistiv elementli zanjirda manba quvvati rezistorda issiq – likka aylanib, to'la isrof bo'ladi.

Ma'lumki, o'tkazgichning qarshiligi o'zgaruvchan tokda o'zgarmas tokka nisbatan kattaroq bo'ladi. Bunga sirt effekti, uyurmaviy toklar va

o'tkazgich atrofiga sochilgan

elektromagnit maydon energiyasi sabab bo'ladi.

Masala: quvvati $P = 100 \text{ Vt}$ li cho'g'lanma lampa kuchlanishi $U = 220 \text{ V}$ va chastotasi $f = 50 \text{ Gs}$ bo'lgan manbaga ulangan (2.7 – rasm, a). Zanjirdan o'tuvchi tokni toping. Kuchlanish va tok oniy qiymatlari ifodasini yozing, ularni grafiklarini va vektor diagrammasini quring.



2.7 – rasm

Yechish. Cho'g'lanma lampa aktiv qarshilik bo'lganligi uchun $P = UI$ ifodadan $I = P/U = 100/220 = 0,45 \text{ A}$.

Kuchlanish va tok oniy qiymatlari quyidagicha yoziladi:

$$u = \sqrt{2} U \sin(\omega t + \psi_u) = U_m \sin \omega t = \sqrt{2} \cdot 220 \sin \omega t = 310,2 \sin \omega t,$$

$$i = \sqrt{2} I \sin(\omega t + \psi_i) = I_m \sin \omega t = \sqrt{2} \cdot 0,45 \sin \omega t = 0,63 \sin \omega t,$$

$$\varphi = \psi_u - \psi_i = 0 - 0 = 0,$$

$$\text{bunda } U_m = \sqrt{2} \cdot 220 = 310,2 \text{ V}, \quad I_m = \sqrt{2} \cdot 0,45 = 0,63 \text{ A}.$$

$$\text{Burchak chastotasi } \omega = 2\pi f = 2 \cdot 3,14 \cdot 50 = 314 \frac{1}{s},$$

$$\text{Davri } T = 1/f = 1/50 = 0,02 \text{ s}.$$

Sinusoidal kuchlanish va tokning grafiklarini qurish uchun masshtab tanlaymiz:

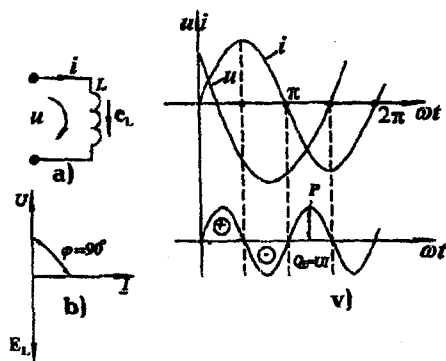
$$m_u = 100 \text{ V/sm} \quad m_i = 0,3 \text{ A/sm} \quad m_{\omega t} = 60 \text{ grad/sm}.$$

$u(\omega t)$, $i(\omega t)$ funksiyalar grafiklarini hamda U va I vektor diagrammasini quramiz (2.7 – rasm, b, v).

2.6.2 Induktiv elementli elektr zanjirda sinusoidal tok. Induktiv qarshilik

Amalda har qanday induktiv g'altak aktiv qarshilik r va induktivlik L ga ega. Induktiv g'altak sxemada ko'pincha ketma – ket ulangan re – zistor (aktiv qarshilik) va induktiv elementlari bilan tavsiflanadi. Sxe – mada faqat induktiv element L ni ajratib olamiz va $r=0$ deb hisoblab, ideal induktiv g'altakdagi jarayonni tahlil qilamiz.

Agar induktiv elementdan $i = I_m \sin \omega t$ tok o'tsa, unda o'zinduksiya hodisasiga asosan EYuk hosil bo'ladi (2.8 – rasm):



$$e_L = -L(di/dt) = -\omega LI_m \cos \omega t = -\omega LI_m \sin(\omega t + 90^\circ) = -E_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

2.8-rasm, a da EYuK e_L ning musbat yo'nalishi strelka bilan ko'rsatilgan; uning yo'nalishi i tokning musbat yo'nalishi bilan bir xildir. a va b nuqtalar potentsiallari farqini aniq-laymiz. b nuqtadan a nuqta tomon siljigani—mizda o'zinduksiya EYuK e_L ning yo'nalishiga

2.8-rasm

qarama-qarshi harakat qilamiz, shuning uchun $\varphi_a = \varphi_b - e_L$, bundan $u_{ab} = \varphi_a - \varphi_b = -e_L = L(di/dt)$.

Kuchlanish U_{ab} ning yo'nalishi tokning musbat yo'nalishi bilan bir xil. Induktivlikdagi kuchlanish:

$$u_{ab} = u_L = -e_L = \omega LI_m \sin(\omega t + 90^\circ) = U_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

Bu ifodadan $U_m = \omega L I_m$.

ωL ko'paytma x_L deb belgilanadi va induktiv qarshilik deb ataladi, ya'ni: $x_L = \omega L$,

uning o'lchami $[x_L] = [\omega] \cdot [L] = [(1/c) \cdot OM \cdot c] = [OM]$.

Shunday qilib, induktivlik o'zgaruvchan tokka $x_L = \omega L$ ga teng bo'lgan qarshilikni ko'rsatadi. U chastotaga to'g'ri proporsional, ya'ni chastota ω oshsa, x_L ko'payadi va aksincha.

Induktiv g'altakda kuchlanish vektori tok vektoriga nisbatan faza jihatidan 90° oldinda yuradi (2.8–rasm, b). O'zinduksiya EYuKning vektori kuchlanishga nisbatan teskari yo'nalgan.

2.8–rasm, v da i , u , p lar oniy qiymatlarining grafigi keltirilgan. Oniy quvvat:

$$P = ui = U_m \cos \omega t \cdot I_m \sin \omega t = \frac{U_m I_m}{2} \sin 2\omega t = UI \sin 2\omega t.$$

Uning grafigi noldan o'tadi, chunki kuchlanish yoki tok noldan o'tganda $p=0$. Davrning birinchi choragida, u va i lar musbat bo'lganda p ham musbatdir.

Absissa o'qi va oniy quvvat p egri chizig'i bilan chegaralangan yuza vaqt birligidagi energiya – quvvatdir. Bunda manbadan qabul qilingan energiya magnit maydonini hosil qiladi, ya'ni magnit maydoni energiyasiga aylanadi. Davrning ikkinchi choragida esa, tok zanjirda maksimumdan nolgacha kamayadi, bu holda magnit maydonining energiyasi manbaga qaytariladi, oniy quvvat esa, manfiy. Davrning uchinchi choragida manbadan yana energiya qabul qilinadi va magnit maydoni hosil bo'ladi, keyingi chorakda esa, manbaga qaytariladi va hokazo, ya'ni energiya davriy ravishda induktiv elementda magnit maydonini hosil qiladi yoki induktiv element energiyani orqaga – manbaga qaytaradi. *Iste'molchi bilan manba o'rtasida bir turdan ikkinchi turga o'tib sarf bo'lmaydigan va manbaga qaytariladigan energiya reaktiv energiya deb ataladi.* Uning quvvatini esa, ko'rib chiqilayotgan zanjir uchun induktiv xarakterdagi reaktiv quvvat deyiladi:

$$Q_L = UI = I^2 x_L [\text{Var}]$$

Reaktiv quvvat aktiv quvvatdan farqli ravishda Var ~ volt amper reaktivlarda o'lchanadi.

2.6.3 Rezistor va induktiv g'altakdan iborat zanjir

O'zgaruvchan tok ta'siridagi real induktiv g'altak aktiv va induktiv qarshilikdan iborat. Induktiv g'altakning ekvivalent sxemasi 2.9–rasm, a da keltirilgan.

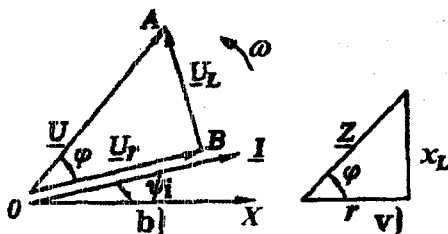
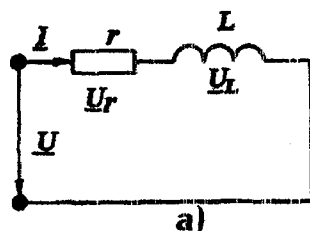
Faltakdan $i = I_m \sin(\omega t + \psi_i)$ tok o'tmoqda deb, faraz qilaylik. Kirxgofning ikkinchi qonuniga binoan oniy qiymatlar uchun:

$$u = u_r + u_L = ir + L di / dt, \quad (2.1)$$

bunda, u_r –induktiv g'altakning aktiv qarshiligidagi kuchlanish:
 $u_r = ir = I_m r \sin \omega t,$

u_L – induktiv qarshilikdagi kuchlanish:

$$u_L = L \frac{di}{dt} = L \frac{d[I_m \sin(\omega t + \psi_i)]}{dt} = \omega L I_m \cos(\omega t + \psi_i) = U_{Lm} \sin(\omega t + \psi_i + 90^\circ).$$



2.9 – rasm

Kuchlanishlarning ta'sir etuvchi qiymatlari uchun (2.1) ni quyidagicha yozish mumkin: $\underline{U} = \underline{U}_r + \underline{U}_L$.

Tok va kuchlanishlar vektor diagrammasini (2.9–rasm, b) quyidagi ketma – ketlikda quramiz. (x, y) koordinata tekisligida I tok vektorini tasvirlaymiz. Undan keyin qarshilikning aktiv tashkil etuvchisidagi kuchlanish $\underline{U}_r$ vektorini quramiz. Bu vektor tok bilan bir xil fazada bo'ladi. $\underline{U}_L$ kuchlanish vektori tok vektoridan 90° ga ilgarilaydi. Shu vektorlarning yig'indisi manba kuchlanishi vektorini beradi va bu vektor tok vektoriga nisbatan φ burchakka ilgarilaydi. Diagrammaga ko'ra:

$$U^2 = U_r^2 + U_L^2 = I^2 r^2 + I^2 x_L^2, \text{ bundan, } I = \frac{U}{\sqrt{r^2 + x_L^2}} = \frac{U}{Z},$$

bunda $Z = \sqrt{r^2 + x_L^2}$ – zanjirning to'la qarshiligi.

2.9–rasm, b da keltirilgan vektor diagrammadagi OAB uchburchak *kuchlanishlar uchburchagi* deb ataladi.

Tok fazasi bilan bir xil bo'lgan kuchlanishning tashkil etuvchisi uning *aktiv tashkil etuvchisi* deyiladi:

$$U_a = U_r = U \cos \varphi = I r.$$

Tok vektoriga perpendikulyar bo'lgan kuchlanishning tashkil etuvchisi kuchlanishning *reaktiv tashkil etuvchisi* deyiladi:

$$U_r = U_L = U \sin \varphi = I x_L.$$

Agar kuchlanishlar uchburchagi tomonlarini tokning ta'sir etuvchi qiymatiga bo'linsa, u holda qarshiliklar uchburchagi hosil

bo'ladi (2.9-rasm, v). Qarshiliklar uchburchagidagi fazalar siljishi va zanjir parametrlari orasidagi munosabatlarni hosil qilamiz:

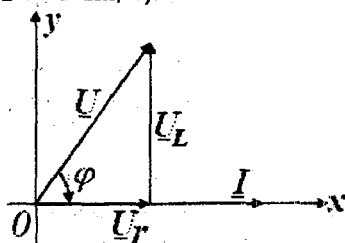
$$r = z \cos \varphi, \quad x_L = z \sin \varphi, \quad \operatorname{tg} \varphi = \frac{x_L}{r}, \quad \varphi = \arctg \frac{x_L}{r}.$$

Masala: kuchlanishi 220 V bo'lgan sanoat tarmog'iga aktiv qarshiligi 6 Om va induktivligi 50 mGn bo'lgan induktiv g'altak ulangan (2.9-rasm, a). Faltakdan o'tuvchi tokning o'niy qiymati ifodasini yozing. Induktiv g'altak uchun qarshiliklar uchburchagini, tok va kuchlanishlar vektor diagrammasini quring.

Yechish. G'altakning induktiv qarshiligi ($f=50$ Gs):
 $x_L = \omega L = 314 \cdot 50 \cdot 10^{-3} = 15,7$ Om.

G'altakning to'la qarshiligi:

$z = \sqrt{r^2 + x_L^2} = \sqrt{6^2 + 15,7^2} = 16,1$ Om. Qarshiliklar uchburchagining katetlari ma'lum masshtabda r va x_L , gipotenuzasi esa z ga teng (2.9-rasm, v).



Zanjirdagi tok:

$$I = U/Z = 220/16,1 = 13,1 \text{ A}.$$

G'altakning aktiv qarshiligidagi kuchlanish: $U_r = Ir = 13,1 \cdot 6 = 78,6$ V,
 induktiv qarshiligidagi kuchlanish esa $U_L = Ix_L = 13,1 \cdot 15,7 = 205$ V.

Vektor diagrammani qurish uchun abssissa o'qining musbat yo'nalishi

2.10-rasm

bo'yicha ma'lum masshtabda ($m_u = 55$ V/cm; $m_i = 3$ A/cm;) uzunligi 4,33 sm ga teng tok vektorini quramiz (2.10-rasm). Shu vektorning boshlanish nuqtasidan unga parallel ravishda belgilangan masshtabda uzunligi $\underline{U}_r$ bo'lgan kuchlanish vektorini quramiz. $\underline{U}_L$ kuchlanish vektori $\underline{U}_r$ vektorining oxiridan tok vektoriga nisbatan 90° ilgarilagan ravishda quriladi. $\underline{U}_r$ vektorning boshi bilan $\underline{U}_L$ vektorning oxirini birlashtirib $\underline{U}$ kuchlanish vektorini hosil qilamiz. $\underline{I}$ tok va $\underline{U}$ kuchlanish vektorlari orasidagi burchakni o'lchab $\varphi = -69^\circ$ ni topamiz.

Shunday qilib, $i = 13,1 \sqrt{2} \sin(314 - 69^\circ)$ A.

2.6.4 Sig'im elementli elektr zanjirdagi sinusoidal tok. Sig'im qarshiligi

Agar kondensatorga berilgan kuchlanish vaqt bo'yicha o'zgarmasa, unda kondensator qoplamalaridan birida yig'ilgan zaryad $q = CU$, ikkinchisidagi esa $q = -CU$ bo'ladi, bu yerda C — kondensatorning sig'imi. Zaryadlar miqdori o'zgarmas bo'lib, kondensatordan tok o'tmaydi, chunki $i = dq/dt = 0$.

Agar kondensatorga berilgan kuchlanish vaqt bo'yicha sinusoidal o'zgarsa, ya'ni $u = U_m \sin \omega t$ bo'lsa, u holda undagi zaryad q ham sinusoidal qonun bo'yicha o'zgaradi: $q = CU = CU_m \sin \omega t$ va kondensator davriy ravishda zaryadlanadi va zaryadsizlanadi. Kondensatorning davriy zaryadlanishi esa zanjirdan mos ravishda davriy tok o'tishiga sabab bo'ladi:

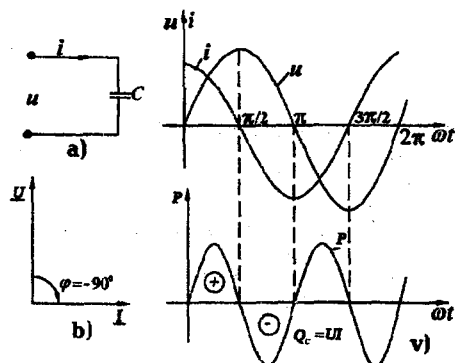
$$i = \frac{dq}{dt} = \frac{d}{dt}(CU_m \sin \omega t) = \omega C U_m \cos \omega t = I_m \sin(\omega t + 90^\circ)$$

Kondensatorda tokning musbat yo'nalishi kuchlanishning musbat yo'nalishi bilan bir xil (2.11 — rasm, a).

Kondensatordan o'tayotgan tok faza jihatdan kuchlanishga nisbatan 90° oldinda bo'ladi (2.11 — rasm, b). Tokning amplituda qiymati kuchlanish amplitudasining sig'im qarshiligiga nisbati bilan aniqlanadi:

$$I_m = \frac{U_m}{x_C} = \frac{U_m}{1/\omega C} = \omega C U_m, \text{ bu yerda,}$$

$$x_C = \frac{1}{\omega C} \left[\frac{1}{(1/C)KI/V} \right] = \left[\frac{V}{A} \right] = [Om] - \text{sig'im qarshiligi.}$$



Sig'im qarshiligi chastotaga teskari proporsionaldir, ya'ni chastota oshsa, sig'im qarshiligi kamayadi va aksincha. i , u , p lar oniy qiymatlarining grafigi 2.11 — rasm, v da keltirilgan. Zanjirdagi oniy quvvat

2.11 – rasm.

$$p = ui = U_m \sin \omega t I_m \cos \omega t = \frac{U_m I_m}{2} \sin 2\omega t = UI \sin 2\omega t.$$

Davrning birinchi choragida kondensator manbadan energiyani qabul qilib o'zida elektr maydoni hosil qiladi. Davrning ikkinchi choragida kuchlanish kondensatorda maksimumdan nolgacha kamayadi va yig'ilgan elektr maydoni energiyasi orqaga – manbaga qaytariladi. Oniy quvvat bu vaqtda manfiy. Davrning uchinchi choragida energiya yana elektr maydon energiyasi ko'rinishida kondensatorda yig'iladi va keyingi choragida esa, orqaga – manbaga qaytadi va hokazo.

Agar $i = C \frac{du_c}{dt}$ tenglamani integrallasak, u holda quyidagini hosil qilamiz: $u_c = \frac{1}{C} \int i dt$.

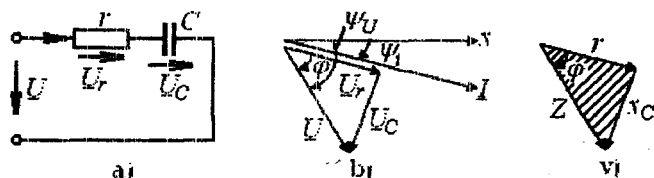
Bu tenglama yordamida kondensator kuchlanishini undan o'tayotgan tok orqali aniqlash mumkin.

2.6.5 Rezistor va kondensatordan iborat zanjir

Zanjirdagi (2.12 – rasm, a) kirish kuchlanishning ta'sir etuvchi qiymati Kirxgofning ikkinchi qonuniga ko'ra $\underline{U} = \underline{U}_r + \underline{U}_C$ ga teng.

Zanjirdan o'tadigan tok $i = I_m \sin(\omega t + \psi_i)$ va $\psi_i < 0$ deb vektor diagrammani quramiz. Tok vektorini absissa o'qiga nisbatan ψ_i burchak ostida manfiy, ya'ni soat strelkasi harakati yo'nalishida quramiz (2.12 – rasm, b). Rezistordagi $\underline{U}_r$ kuchlanish vektori $\underline{I}$ tok vektori bilan faza bo'yicha mos tushadi, kondensatordagi kuchlanish vektori $\underline{U}_C$, $\underline{U}_r$ vektoridan 90° ga orqada qoladi. Ikkita vektorning yig'indisi manba kuchlanishi $\underline{U}$ vektorini hosil qiladi. Bu vektor diagramadan:

$$I = \frac{U}{\sqrt{r^2 + x_c^2}} = \frac{U}{z}, \quad \text{bu yerda} \quad z = \sqrt{r^2 + x_c^2} - \text{zanjirning to'la qarshiligi. Qarshiliklar uchburchagi 2.12 – rasm, v da keltirilgan.}$$



2.12-rasm

Zanjir elementlaridagi kuchlanishlarning oniy qiymatlari:

$$u_r = I_m r \sin(\omega t + \psi_i) = U_{mr} \sin(\omega t + \psi_i),$$

$$u_C = I_m x_C \sin(\omega t + \psi_i - 90^\circ) = U_{mC} \sin(\omega t + \psi_i - 90^\circ),$$

$$u = I_m Z \sin(\omega t + \psi_i + \varphi) = U_m \sin(\omega t + \psi_i + \varphi).$$

2.6.6 Rezistor, induktiv g'altak va kondensator ketma-ket ulangan sinusoidal tok zanjiri

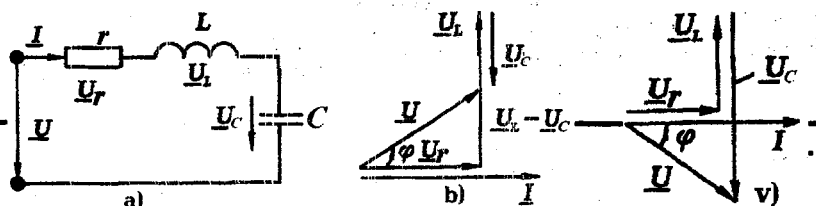
r , L va C elementlari ketma-ket ulangan zanjir (2.13-rasm, a) dan $i = I_m \sin \omega t$ sinusoidal tok o'tganda uning kirish qismalarida elementlarda pasaygan sinusoidal kuchlanishlarning algebraik yig'indisiga teng bo'lgan kuchlanish hosil bo'ladi. Kirxgofning 2-qonuniga ko'ra:

$$u = u_r + u_L + u_C \text{ yoki } \underline{U} = \underline{U}_r + \underline{U}_L + \underline{U}_C.$$

r qarshilikdagi kuchlanish faza jihatdan tok bilan mos, L induktivlikdagi kuchlanish tokdan 90° oldinda, C sig'imdagi kuchlanish esa tokdan 90° orqada bo'ladi (2.13-rasm, b). Om qonunidan foydalanib quyidagini yozishimiz mumkin:

$$\begin{aligned} u &= ri + L \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \int i dt = r I_m \sin \omega t + \omega L I_m \cos \omega t - \frac{I_m}{\omega C} \cos \omega t = \\ &= r I_m \sin \omega t + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right) I_m \cos \omega t = r I_m \sin \omega t + x I_m \cos \omega t. \end{aligned}$$

Bu tenglama kuchlanishlar oniy qiymatlari uchun Kirxgofning 2-qonunining *trigonometrik shakli* deb ataladi. Undagi $x = x_L - x_C = \omega L - 1/\omega C$ kattalik zanjirning *reaktiv qarshiligi* deb ataladi. $x_L > x_C$ bo'lganda, $x > 0$ va $\varphi > 0$ bo'lib (2.13-rasm, b),



zanjir induktiv xarakterga, $x_L < x_C$ bo'lganda esa, $x < 0$ va $\varphi < 0$
2.13 – rasm

bo'lib (2.13 – rasm, v), zanjir *sig'im xarakterga*, $x_L = x_C$ bo'lganda $x = 0$ va $\varphi = 0$ bo'lib, zanjir *aktiv xarakterga* ega bo'ladi.

Yuqoridagi tenglamadan U_m va φ larni topish uchun quyidagi trigonometrik munosabatdan foydalanamiz:

$$m \sin \alpha \pm n \cos \alpha = \sqrt{m^2 + n^2} \sin(\alpha \pm \varphi), \quad \varphi = \arctg \frac{n}{m}.$$

Bu munosabatlarni hisobga olib:

$$U_m = \sqrt{r^2 + x^2} I_m, \quad \operatorname{tg} \varphi = x/r = (x_L - x_C)/r.$$

Tok va kuchlanishlarning ta'sir etuvchi qiymatlari uchun:

$$U = \sqrt{r^2 + x^2} I = zI, \quad \text{bundan} \quad I = U / \sqrt{r^2 + x^2} \text{ bu yerda}$$

$$z = \sqrt{r^2 + x^2} = \sqrt{r^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2} - \text{zanjirning to'la qarshiligi.}$$

Ko'rilayotgan zanjir uchun tok va kuchlanishlar vektor diagrammasini quramiz (2.13 – rasm, b). Uni tok vektori $\underline{I}$ ni qurishdan boshlaymiz. r elementdagi kuchlanish vektori $\underline{U}_r$ tok $\underline{I}$ bilan faza jihatdan mos, L elementdagi kuchlanish vektori $\underline{U}_L$ tok $\underline{I}$ dan 90° ga oldinda, C elementdagi kuchlanish vektori $\underline{U}_C$ tok $\underline{I}$ vektoridan 90° ga orqada bo'ladi. $\underline{U}$ kuchlanish vektori Kirxgofning 2-qonuniga ko'ra $\underline{U}_r$, $\underline{U}_L$ va $\underline{U}_C$ larning algebraik yig'indisi ko'rinishi quriladi. Tok bilan zanjir qismalaridagi kuchlanish vektorlari orasidagi faza siljish burchagi $\varphi = \arctg \frac{x}{r}$ ga teng bo'ladi.

2.6.7 Rezistor, induktiv g'altak va kondensator parallel ulangan sinusoidal tok zanjiri

r , L va C elementlari parallel ulangan zanjir (2.14 – rasm, a) $u = U_m \sin \omega t$ sinusoidal kuchlanish manbaiga ulansa, undan o'tadigan sinusoidal tok Kirxgofning 1-qonuniga ko'ra zanjir har bir elementidan o'tayotgan toklarning algebraik yig'indisiga teng:

$$i = i_r + i_L + i_C.$$

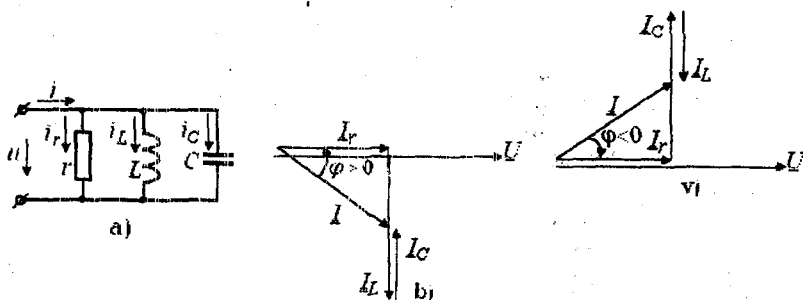
r qarshilikdagi tok i_r kuchlanish bilan faza jihatdan mos, induktivlikdagi tok i_L 90° ga orqada, sig'imdagi tok i_C 90° ga oldinda bo'ladi. Zanjirdagi umumiy tok:

$$I_m \sin(\omega t - \varphi) = \frac{1}{r} U_m \sin \omega t - \frac{1}{\omega L} U_m \cos \omega t + \omega C U_m \cos \omega t =$$

$$= U_m \left[\frac{1}{r} \sin \omega t - \left(\frac{1}{\omega L} - \omega C \right) \cos \omega t \right] = U_m [g \sin \omega t - b \cos \omega t]$$

Oxirgi tenglama toklar oniy qiymatlari uchun Kirxgof 1-qonunining trigonometrik shakli hisoblanadi.

$b = b_L - b_C = (1/\omega L) - \omega C$ — zanjirning reaktiv o'tkazuvchanligi deb ataladi. $b_L > b_C$ bo'lganda, $b > 0$ va $\varphi > 0$ bo'lib (2.14 — rasm, b), zanjir induktiv xarakterga, $b_L < b_C$ bo'lganda, $b < 0$ va $\varphi < 0$ bo'lib (2.14 — rasm, v), zanjir sig'im xarakterga, $b_L = b_C$ bo'lganda esa $b = 0$ va $\varphi = 0$ bo'lib, zanjir aktiv xarakterga ega bo'ladi.



2.14 — rasm

I_m va φ quyidagi munosabatlar yordamida aniqlanadi:

$$I_m = \sqrt{g^2 + b^2} U_m = y U_m, \quad \operatorname{tg} \varphi = b/g,$$

bu yerda $y = \sqrt{g^2 + b^2}$ — zanjirning to'la o'tkazuvchanligi.

Tok va kuchlanishlar orasidagi faza siljish burchagi quyidagi formula yordamida topiladi:

$$\varphi = \arctg \frac{(1/\omega L - \omega C)}{g} = \arctg \frac{b}{g}.$$

Ko'rilayotgan zanjir uchun tok va kuchlanishlar vektor diagrammasini quramiz (2.14 — rasm, b). Uni kuchlanish vektori $\underline{U}$ ni qurishdan boshlaymiz. r elementdagi tok vektori $\underline{I}_r$ kuchlanish

vektori bilan mos, L elementdagi tok vektori undan 90° ga orqada, C elementdagi tok vektori esa $\underline{U}$ dan 90° ga oldinda bo'ladi. Umumiy tok vektori $\underline{I}$ uchala elementlardagi tok vektorlarining algebrak yig'indisiga teng bo'ladi.

2.7 Sinusoidal tok zanjirida quvvat

Sinusoidal tok zanjirining r , L va C kabi ayrim elementlaridagi energetik munosabatlar avvalgi paragraflarda ko'rib chiqildi. Endi umumiy holat, ya'ni zanjirdagi kuchlanish $u = U_m \sin \omega t$ va tok $i = I_m \sin(\omega t - \varphi)$ ga teng bo'lgan holat uchun energetik munosabatlarni ko'rib chiqamiz.

Zanjirdagi oniy quvvatni aniqlaymiz:

$$p = ui = U_m I_m \sin \omega t \cdot \sin(\omega t - \varphi) = UI [\cos \varphi - \cos(2\omega t - \varphi)]$$

Oniy quvvat ikkita: doimiy ($UI \cos \varphi$) va ikkilangan chastota bilan o'zgaruvchi sinusoidal ($UI \cos \varphi (2\omega t - \varphi)$) tashkil etuvchilardan iborat. Induktiv xarakterli $\varphi > 0$ zanjirdagi tok, kuchlanish va quvvat oniy qiymatlarning grafigi 2.15 — rasm, a da keltirilgan.

Davrning kuchlanish va tok ishoralari bir xil bo'lgan paytlarida oniy quvvat musbat, energiya manbadan iste'mol qilinadi: bir qismi rezistorda iste'mol qilinadi, qolgan qismi esa g'altak magnit maydoniga to'planadi. Davrning kuchlanish va tok ishoralari har xil bo'lgan paytlarida oniy quvvat manfiy, energiya qisman iste'molchidan manbaga qaytariladi. Rezistorda iste'mol qilinayotgan aktiv quvvat oniy quvvatning bir davr mobaynidagi o'rtacha qiymatiga teng:

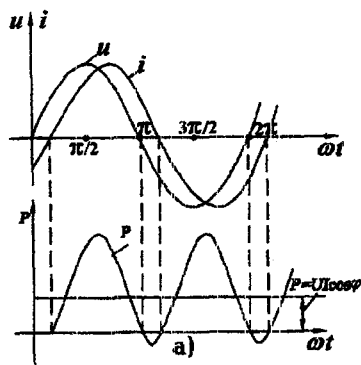
$$P = \frac{1}{T} \int_0^T p dt = UI \cos \varphi. \quad (2.2)$$

$\cos \varphi$ ko'paytma quvvat koeffitsiyenti deb ataladi. (2.2) ifodadan ko'rinib turibdiki, zanjirning aktiv quvvati kuchlanish, tok ta'sir etuvchi qiymatlari va quvvat koeffitsiyentlarining o'zaro ko'paytmasiga teng.

Zanjirdagi tok va kuchlanishlar orasidagi faza siljish burchagi φ qancha nolga yaqin bo'lsa, $\cos \varphi$ shuncha birga yaqin bo'ladi. Bunda U va I larning berilgan qiymatlarida $\cos \varphi$ qancha katta bo'lsa, shuncha ko'p aktiv quvvat manbadan iste'molchiga uzatiladi.

Aktiv quvvatni quyidagicha ifodalash mumkin:

$$P = zI^2 \cos \varphi = rI^2, \quad P = yU^2 \cos \varphi = gU^2.$$

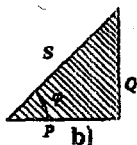


Kuchlanish va tokning berilgan qiymatlarida aktiv quvvatning maksimal qiymati zanjirning to'la quvvati deb ataladi:

$$S = UI [B \cdot A].$$

Aktiv quvvat ifoda – sidan:

$$\cos \varphi = P / S.$$



2.15 – rasn

Elektr zanjirini hisoblashda va amaliyotda reaktiv quvvat tushunchasidan foydalaniladi:

$$Q = UI \sin \varphi = I^2 x = U^2 b [Bap].$$

Reaktiv quvvat manba bilan iste'molchi o'rtasidagi energiya almashtirish tezligini tavsiflaydi va reaktiv tok iste'molini o'lchovi hisoblanadi. Zanjir induktiv xarakterga ega $\varphi > 0$ bo'lganda reaktiv quvvat musbat, sig'im xarakterga ega $\varphi < 0$ bo'lganda esa manfiy bo'ladi. Aktiv, reaktiv va to'la quvvatlar o'zaro quyidagicha bog'langan (2.15 – rasn, b):

$$S^2 = P^2 + Q^2, \quad \sin \varphi = \frac{Q}{S}, \quad \operatorname{tg} \varphi = \frac{Q}{P}.$$

2.8 Sinusoidal tok zanjirlarini kompleks usulida hisoblash

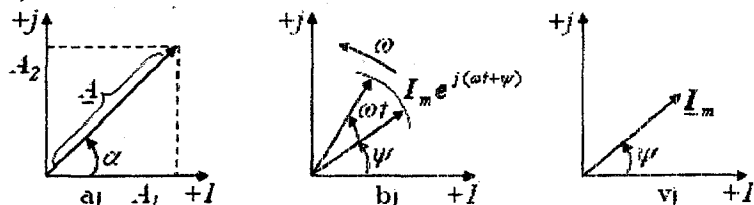
Sinusoidal tok zanjirlarini kompleks usulda hisoblashni amerikalik olim I. Shteynmets 1894 yilda ishlab chiqqan. Bu usul bilan hisoblashning asosida sinusoidal tok zanjiri uchun tuzilgan differensial tenglamalarni algebraik tenglamalar bilan almashlash yotadi. Bunda tok va kuchlanishlarning oniy qiymatlari ularning kompleks tasvirlari bilan almashtiriladi, ya'ni vaqt funksiyasidagi integro – differensial tenglamalardan kompleks shaklda yozilgan va vaqt kattaligi istisno qilingan algebraik tenglamalar hosil qilinadi. Bu esa, tabiiyki zanjirlarni hisoblashni ancha soddalashtiradi.

2.8.1 Sinusoidal kattaliklarni kompleks tekislikda vektorlar bilan tasvirlash

Ma'lumki har qanday kompleks son haqiqiy va mavhum qismlardan iborat. 2.16-rasmda kompleks tekislik keltirilgan. Absissa o'qi *haqiqiy sonlar o'qi*, ordinata o'qi esa *mavhum sonlar o'qi* hisoblanadi. Kompleks tekislikda haqiqiy sonlar o'qi $+I$ belgi bilan, mavhum sonlar o'q esa $+j$ ($j = \sqrt{-1}$) bilan belgilanadi. Agar kompleks tekislikda absissa o'qiga kompleks sonning haqiqiy qismini, ordinata o'qiga esa mavhum qismini joylashtirsak, u holda kompleks son tekislikda bir nuqtani ifodalaydi. Eyler formulasiga binoan $e^{j\alpha} = \cos \alpha + j \sin \alpha$. Kompleks son $e^{j\alpha}$ kompleks tekislikda vektor ko'rinishda tasvirlanadi, uning amplitudasi I ga teng va α burchakning musbat yo'nalishi haqiqiy sonlar o'qi $(+I)$ ga nisbatan soat miliga teskari yo'nalishda hisoblanadi. $e^{j\alpha}$ funksiyaning moduli birga teng:

$$|e^{j\alpha}| = \sqrt{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha} = 1.$$

$e^{j\alpha}$ funksiya vektorining haqiqiy o'qqa proyeksiyasi $\cos \varphi$ ga teng, mavhum o'qqa proyeksiyasi esa $\sin \varphi$ ga teng. Agar funksiya o'miga $I_m e^{j\alpha}$ funksiyasini olsak, u holda $I e^{j\alpha} = I \cos \alpha + j I \sin \alpha$ (2.3) ifoda hosil bo'ladi.



2.16 - rasm

Kompleks tekislikda bu funksiyaning $(+I)$ o'qiga nisbatan burchagi α ga teng, faqat vektorning uzunligi I_m marta kattadir. (2.3) formuladagi α burchak qiymati har xil bo'lishi mumkin. Masalan, $\alpha = \omega t + \psi$, (2.16-rasm, b), ya'ni α burchak t vaqtga proporsional o'zgarsa, u holda

$$I_m = I_m e^{j(\omega t + \psi)} = I_m \cos(\omega t + \psi) + j I_m \sin(\omega t + \psi).$$

$I_m \cos(\omega t + \psi_i)$ tashkil etuvchi $I_m e^{j(\omega t + \psi_i)}$ ifodaning haqiqiy (Re) qismi bo'lib, u quyidagicha ifodalanadi:

$$Re[I_m e^{j(\omega t + \psi_i)}] = I_m \cos(\omega t + \psi_i).$$

$I_m \sin(\omega t + \psi_i)$ tashkil etuvchi $I_m e^{j\alpha}$ ifodaning mavhum Im qismi bo'lib, u quyidagicha yoziladi:

$$Im[e^{j(\omega t + \psi_i)}] = I_m \sin(\omega t + \psi_i).$$

Shunday qilib, sinusoidal tokni $i = I_m e^{j(\omega t + \psi_i)}$ ko'rinishda yozish mumkin. Bu aylanuvchi vektor $\underline{I}_m = I_m e^{j(\omega t + \psi_i)}$ ni $+j$ o'qiga proyeksiyasidir. Kompleks tekislikda sinusoidal kattaliklarni vektor tasvirlarini $\omega t = 0$ dagi holatini tasvirlash qabul qilingan. Bu holda $\underline{I}_m = I_m e^{j(\omega t + \psi_i)}$ vektor $\omega t = 0$ bo'lganda quyidagicha ifodalanadi:

$$I_m e^{j\psi_i} = \underline{I}_m.$$

$\underline{I}_m$ — kompleks tok, uning moduli I_m ga, argumenti esa vektorni haqiqiy sonlar o'qiga nisbatan hosil qilgan burchagi (boshlang'ich faza ψ_i) ga teng bo'ladi (2.16 — rasm, v).

2.8.2 Om va Kirxgof qonunlarining kompleks shakli

Om va Kirxgof qonunlarining kompleks shaklini hosil qilish uchun r , L va C elementlari ketma-ket ulangan zanjirni ko'rib chiqamiz (2.13 — rasm).

Bu zanjir uchun:

$$u_r + u_L + u_C = u \text{ yoki } ri + L \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \int i dt = u,$$

bu yerda

$$i = I_m \sin(\omega t + \psi_i),$$

$$u_r = r I_m \sin(\omega t + \psi_i),$$

$$u_L = \omega L I_m \sin(\omega t + \psi_i + 90^\circ),$$

$$u_C = \frac{1}{\omega C} I_m \sin(\omega t + \psi_i - 90^\circ)$$

Yuqoridagi tenglamalarni kompleks shaklda yozamiz.

$$\underline{I}_m = I_m e^{j\psi_i},$$

$$\underline{U}_m = r I_m e^{j\psi_i} = r \underline{I}_m,$$

$$\begin{aligned}\underline{U}_{Lm} &= \omega L I_m \cdot e^{j(\psi_i + 90^\circ)} = \omega L I_m e^{j\psi_i} e^{j90^\circ} = \\ &= \omega L I_m e^{j\psi_i} (\cos 90^\circ + j \sin 90^\circ) = j \omega L I_m e^{j\psi_i} = j \omega L \underline{I}_m,\end{aligned}$$

$$\underline{U}_{Cm} = \frac{1}{\omega C} I_m e^{j(\psi_i - 90^\circ)} = \frac{1}{\omega C} I_m e^{j\psi_i} e^{-j90^\circ} = -j \frac{1}{\omega C} I_m.$$

Ushbu hosil qilingan tenglamalardan ko'rinib turibdiki, sinusoidal kattaliklarni kompleks sonlar bilan almashtirishda *differentiallashtirish amali $j\omega$ bilan, integrallashtirish amali esa $1/j\omega$ bilan almashtiriladi.*

Ko'rilayotgan zanjir uchun Kirxgof qonunining kompleks shakli quyidagicha yoziladi:

$$\underline{U}_{rm} + \underline{U}_{Lm} + \underline{U}_{Cm} = \underline{U}_m \text{ yoki } r \underline{I}_m + j \omega L \underline{I}_m - j \frac{1}{\omega C} \underline{I}_m = \underline{U}_m$$

bundan

$$\underline{I}_m = \frac{\underline{U}_m}{r + j \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)} = \frac{\underline{U}_m}{\underline{Z}} \text{ yoki ta'sir etuvchi qiymatlar uchun}$$

$$\underline{I} = \underline{U} / \underline{Z}.$$

Oxirgi tenglik Om qonunining kompleks shakli deb ataladi. Demak, sinusoidal tok zanjiridagi kompleks tok unga berilgan kompleks kuchlanishga to'g'ri proporsional, zanjirning to'la kompleks qarshiligi esa teskari proporsionaldir.

$$\underline{Z} = r + j \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right) = r + jx = z \cos \varphi + jz \sin \varphi = \sqrt{r^2 + x^2} \cdot e^{j\varphi} = z e^{j\varphi}.$$

–zanjirning kompleks qarshiligi deb ataladi. Bunda kompleks qarshilikning haqiqiy qismi –aktiv qarshilik, mavhum qismi –reaktiv qarshilikka teng bo'ladi.

To'la kompleks qarshilikka teskari bo'lgan kattalik to'la kompleks o'tkazuvchanlik deb ataladi:

$$\underline{Y} = \frac{1}{\underline{Z}} = \frac{1}{z e^{j\varphi}} = y \cdot e^{-j\varphi} = y \cdot \cos \varphi - jy \cdot \sin \varphi = g - jb,$$

bunda $y = \sqrt{g^2 + b^2}$, $\varphi = \arctg \frac{b}{g}$ – mos ravishda to'la kompleks o'tkazuvchanlikning moduli va argumenti.

Sinusoidal tok zanjirlari uchun Kirxgof qonunlari kompleks tok va kuchlanishlar orqali quyidagicha ifodalanadi:

Zanjirning istalgan tugunidagi kompleks toklarning algebraik yig'indisi nolga teng (Kirxgofning 1-qonuni):

$$\sum_{k=1}^n \underline{I}_k = 0.$$

Zanjirning istalgan berk konturida kompleks EYuK larning algebraik yig'indisi shu kontur kompleks qarshiliklarida pasaygan kompleks kuchlanishlarning algebraik yig'indisiga teng (Kirxgofning 2-qonuni):

$$\sum_{k=1}^n \underline{E}_k = \sum_{q=1}^m \underline{I}_q \underline{Z}_q.$$

2.8.3 Kompleks quvvat

To'la quvvatni kompleks ko'rinishda yozish uchun kompleks kuchlanishni qo'shma kompleks tokka ko'paytiramiz:

$$\tilde{S} = \underline{U} \dot{\underline{I}} = UIe^{+j\varphi} = UI \cos \varphi \pm jUI \sin \varphi = P \pm jQ.$$

bunda $\dot{\underline{I}}$ - qo'shma kompleks tok. Masalan, agar $\underline{I} = I_m e^{-j\varphi}$ bo'lsa,

u holda bu tokning qo'shmasi $\dot{\underline{I}} = I_m e^{+j\varphi}$ ga teng bo'ladi. $\tilde{S}$ - kompleks to'la quvvat deb ataladi. Uning haqiqiy qismi aktiv quvvatga, mavhum qismi esa reaktiv quvvatga teng, ya'ni:

$$P = \operatorname{Re}[\underline{U} \dot{\underline{I}}] = \operatorname{Re}[\tilde{S}], \quad Q = \operatorname{Im}[\underline{U} \dot{\underline{I}}] = \operatorname{Im}[\tilde{S}].$$

Masala: agar tok va kuchlanishning oniy qiymat ifodalari mos ravishda $i = 141 \sin(314t + 60^\circ) \text{ A}$, $u = 7,07 \sin(314t + 30^\circ) \text{ B}$ ko'rinishida berilgan bo'lsa, aktiv, reaktiv va to'la quvvatlar aniqlansin.

Yechish. Tok va kuchlanishning kompleks ta'sir etuvchi qiymatlarini yozib olamiz:

$$\underline{U} = \frac{141}{\sqrt{2}} e^{j60^\circ} = 100 e^{j60^\circ} \text{ V}; \quad \underline{I} = \frac{7,07}{\sqrt{2}} e^{j30^\circ} = 5 e^{j30^\circ} \text{ A}.$$

Kompleks to'la quvvat:

$$\begin{aligned}\tilde{S} &= UI^* = 100e^{j60^\circ} \cdot 5e^{-j30^\circ} = 500e^{j30^\circ} = 500\cos 30^\circ + j500\sin 30^\circ = \\ &= 433 + j250 \text{ V} \cdot \text{A}.\end{aligned}$$

Shunday qilib, $S = 500 \text{ VA}$, $P = 433 \text{ W}$, $Q = 250 \text{ Var}$.

2.8.4 Sinusoidal tok zanjirlarida quvvatlar balansi

Energiya saqlanish qonunidan ma'lumki, har qanday zanjirda aktiv quvvatlar balansi saqlanadi: manbalar uzatayotgan aktiv quvvatlar yig'indisi iste'molchilar qabul qilayotgan aktiv quvvatlar yig'indisiga teng:

$$\sum_{k=1}^m P_{km} = \sum_{k=1}^n I_k^2 r_k, \text{ bu yerda } m - \text{manbalar soni, } n - \text{iste'molchilar soni.}$$

Zanjirdagi manbalar uzatayotgan reaktiv quvvatlar yig'indisi sxemadagi induktiv g'altak va kondensatorlar iste'mol qilayotgan reaktiv quvvatlar yig'indisiga teng:

$$\sum_{k=1}^m Q_{km} = \sum_{k=1}^n I_k^2 x_k.$$

Kompleks quvvatlar balansi:

$$\sum_{k=1}^m \tilde{S}_{km} = \sum_{k=1}^n \tilde{S}_k.$$

Zanjir elementlarining kompleks qarshiliklari yig'indisi teng bo'lsada, ular modullarining yig'indisi umumiy holda teng bo'lmashligi mumkin. Shuning uchun to'la quvvatlar balansi har doim ham saqlanmasligi mumkin, ya'ni:

$$\sum_{k=1}^m \underline{S}_{km} \neq \sum_{k=1}^n \underline{S}_k.$$

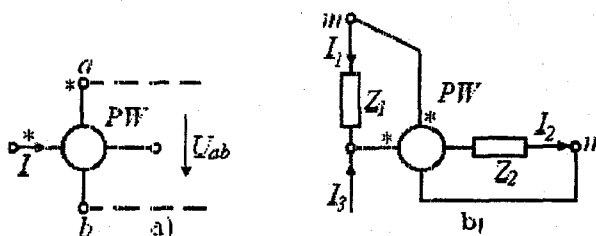
Bir fazali sinusoidal tok zanjirlarida aktiv quvvatni o'lchash uchun elektrodinamik yoki ferrodinamik vattmetrlar qo'llaniladi (2.17-rasm, a). Bunda vattmetrning belgilangan I^* tok va U^* kuchlanish qismalari (generator qismalari) manba qismalariga ulanadi.

Sinusoidal tok zanjirida reaktiv quvvatni o'lchash uchun tok va kuchlanish vektorlari orasidagi faza siljish burchagi 90° ga farq qilishi kerak. Bunda vattmetr strelkasining burchagi:

$$\alpha = S_p UI \cos(\pi/2 - \varphi) = S_p UI \sin \varphi.$$

$\varphi = 90^\circ$ li burchak asbobning parallel qismiga qo'shimcha rezistor va g'altakdan iborat zanjirni ulash bilan hosil qilinadi. Shuni

aytib o'tish joizki, bir fazali zanjirlarda reaktiv quvvat faqat laboratoriya tadqiqotlarida o'lchanadi.



2.17 - rasm

To'la quvvatni hisoblash uchun tok I va kuchlanish U ni ampermetr va voltmeter yordamida o'lchangan qiymatlari ko'paytiriladi: $S = UI$.

Masala: 2.17-rasm, b da keltirilgan vattmetr ko'rsatkichini aniqlang. Quyidagilar berilgan:

$$\underline{I}_1 = 10e^{j37^\circ} \text{ A}, \underline{I}_3 = 8e^{-j15^\circ} \text{ A}, \underline{Z}_1 = 2 \text{ Om}, \underline{Z}_2 = 1,8e^{-j44^\circ} \text{ Om}.$$

Yechish. Vattmetr orqali o'tadigan tok quyidagiga teng:

$$\underline{I}_2 = \underline{I}_1 + \underline{I}_3 = 8e^{-j15^\circ} + 10e^{j37^\circ} = 8 \cos 15^\circ - j8 \sin 15^\circ + 10 \cos 37^\circ + j10 \sin 37^\circ = 16,2e^{j14^\circ} \text{ A}.$$

Vattmetr parallel g'altagidagi kuchlanish:

$$\underline{U}_{mn} = \underline{I}_1 \underline{Z}_1 + \underline{I}_2 \underline{Z}_2 = 10e^{j37^\circ} \cdot 2 + 16,2e^{j14^\circ} \cdot 1,8e^{-j44^\circ} = 41 - j2,5 = 41,03e^{-j3,5^\circ} \text{ V}.$$

Vattmetr ko'rsatkichi:

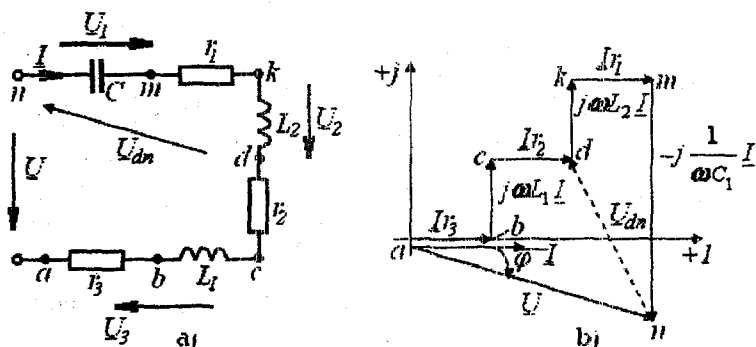
$$P = \operatorname{Re} \left[\underline{U}_{mn} \underline{I}_2^* \right] = \operatorname{Re} \left[41,03e^{-j3,5^\circ} \cdot 16,2e^{-j14^\circ} \right] = \operatorname{Re} \left[665e^{-j17,5^\circ} \right] = 665 \cos 17,5^\circ = 634 \text{ W}.$$

2.8.5 Sinusoidal tok zanjirlarini kompleks usulida hisoblash

Sinusoidal tok zanjirlarini hisoblashda o'zgarmas tok zanjirlarini hisoblashda qo'llanilgan barcha usullardan foydalaniladi. Tuzilgan tengliklardagi tok, kuchlanish, EYuK va qarshiliklar kompleks shaklda yoziladi. Sinusoidal tok zanjirini hisoblashdagi o'ziga xos xususiyatlarni aniqroq tasavvur qilish uchun ayrim zanjirlarni kompleks usulda hisoblashni ko'rib chiqamiz.

1. Shoxobchalanmagan zanjirni hisoblash. Kuchlanishlarning topografik vektor diagrammasi.

2.18 – rasm, a da keltirilgan zanjirni ko'rib chiqamiz. Manba kuchlanishi va iste'molchilar parametrlari berilgan.



2.18 – rasm

Zanjirning to'la qarshiligi:

$$\underline{Z} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 + \underline{Z}_3 = r_1 - jx_{C_1} + r_2 + jx_{L_2} + r_3 + jx_{L_3} = r + jx = z \cdot e^{j\varphi},$$

bu yerda $r = r_1 + r_2 + r_3$, $x = -x_{C_1} + x_{L_2} + x_{L_3}$, $\varphi = \arctg \frac{x}{r}$.

Om qonuni asosida zanjirdagi tok va uning elementlaridagi kuchlanishlarni topamiz:

$$\underline{I} = \underline{U} / \underline{Z}, \quad \underline{U}_1 = I \underline{Z}_1 = I(r_1 - jx_{C_1}), \quad \underline{U}_2 = I \underline{Z}_2 = I(r_2 + jx_{L_2}),$$

$$\underline{U}_3 = I \underline{Z}_3 = I(r_3 + jx_{L_3})$$

Zanjirning to'la, aktiv va reaktiv quvvatlari:

$$\tilde{S} = \underline{U} \dot{I} = P + jQ = \tilde{S}_1 + \tilde{S}_2 + \tilde{S}_3 = \underline{U}_1 \dot{I} + \underline{U}_2 \dot{I} + \underline{U}_3 \dot{I},$$

$$P = \operatorname{Re}[\tilde{S}] = \sum_{k=1}^n I^2 r_k = \sum_{k=1}^n P_k = P_1 + P_2 + P_3,$$

$$Q = I_m |\tilde{S}| = \sum_{k=1}^n I^2 x_k = \sum_{k=1}^n Q_k = -Q_1 + Q_2 + Q_3.$$

Zanjirdagi jarayonlarni grafik tasvirlash uchun kuchlanishlar vektor diagrammasi qurilgan (2.18 – rasm, b).

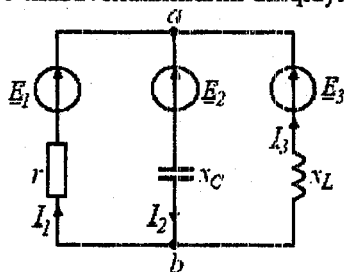
Bu diagrammada istalgan vektor parallel ravishda ko'chirilishi mumkin. Kirxgofning 2 – qonuni asosida vektor diagramma qurilganda vektorlar ixtiyoriy ketma – ketlikda qurilishi mumkin.

Kuchlanishlar topografik vektor diagrammasi deb shunday vektor diagrammaga aytiladiki, unda kuchlanishlar vektorlari zanjir elementlarining o'zaro ulanish ketma-ketligi bo'yicha quriladi. Bunda kuchlanishlar vektor diagrammalari topologiyasi zanjir topologiyasi bilan bir xil bo'ladi, ya'ni vektorlarning o'zaro ulangan nuqtasiga zanjirning shu vektorlar xarakterlayotgan elementlarining ulangan nuqtasi mos keladi.

Topografik diagramma zanjirning istalgan nuqtalari orasida kuchlanishni osongina aniqlash imkonini beradi. Masalan, 2.18-rasm, b dagi vektor diagrammada $\underline{U}_{ab}$ kuchlanish n nuqtadan d nuqtaga yo'nalgan vektor ko'rinishda ko'rsatilgan.

Masala: Agar elektr zanjirda (2.19-rasm) $\underline{E}_1 = 120V$; $\underline{E}_2 = 120e^{-j120^\circ}V$; $\underline{E}_3 = 120e^{j240^\circ}V$; $r = x_L = x_C = 10\text{ Om}$ bo'lsa, shoxobchalardagi toklar aniqlansin.

Yechish. Ushbu zanjirni ikki tugun usuli yordamida hisoblash osonroq. Buning uchun shoxobchalarning kompleks o'tkazuvchanliklarini aniqlaymiz:



$$\underline{Y}_1 = \frac{1}{r} = 0,1 \text{ Sm};$$

$$\underline{Y}_2 = \frac{1}{-jx_C} = j0,1 \text{ Sm};$$

$$\underline{Y}_3 = \frac{1}{jx_L} = -j0,1 \text{ Sm}.$$

2.19-rasm
kuchlanishni topamiz:

Ikki tugun orasidagi kompleks

$$\begin{aligned} \underline{U}_{ab} &= \frac{\underline{E}_1 \underline{Y}_1 + \underline{E}_2 \underline{Y}_2 + \underline{E}_3 \underline{Y}_3}{\underline{Y}_1 + \underline{Y}_2 + \underline{Y}_3} = \\ &= \frac{120 \cdot 0,1 + 120e^{-j120^\circ} \cdot j0,1 + 120e^{j240^\circ} (-j0,1)}{0,1 + j0,1 - j0,1} = 328V. \end{aligned}$$

Om qonuni bo'yicha shoxobchalardagi toklar:

$$\underline{I}_1 = (\underline{E}_1 - \underline{U}_{ab}) \underline{Y}_1 = (120 - 328) \cdot 0,1 = -20,8 \text{ A},$$

$$\underline{I}_2 = (-\underline{E}_2 + \underline{U}_{ab}) \underline{Y}_2 = (-120e^{-j120^\circ} + 328) \cdot j0,1 = -40e^{j105^\circ} \text{ A},$$

$$I_3 = (\underline{E}_3 - \underline{U}_{ab}) \underline{Y}_3 = (120e^{-j240^\circ} - 328) \cdot (-j0,1) = -40e^{j75^\circ} \text{ A}$$

2.9 Elektr zanjirlarida rezonans

Elektr zanjirlarida reaktiv qarshiliklar musbat, manfiy va nolga teng bo'lishi mumkin. Zanjirda induktiv va sig'im elementlar bo'lganda zanjirning kirish reaktiv qarshiligi nolga teng bo'lishi mumkin. Bunda zanjir aktiv xarakterga ega bo'lib tok bilan kuchlanish orasidagi faza siljish burchagi nolga teng bo'ladi. *Elektr zanjirlaridagi bu hodisa rezonans deb ataladi.*

r , L va C elementlari ketma-ket (parallel) ulangan sinusoidal tok zanjirining xususiy chastotasi $\omega = 1/\sqrt{LC}$ manba kuchlanishining chastotasi $\omega = 2\pi f$ ga teng bo'lganda $x_L = x_C$, ($b_L = b_C$) va $|U_L| = |U_C|$, ($|I_L| = |I_C|$) bo'lib, reaktiv elementlardagi kuchlanish (tok)lar modul jihatdan bir-biriga teng hamda manba kuchlanishi (toki)dan bir necha marta ortib ketadi. *Elektr zanjirlaridagi bu rejim kuchlanishlar (toklar) rezonansi deb ataladi.* Bu rejimda zanjirning reaktiv quvvati nolga teng bo'ladi. *Rezonans yuzaga keladigan chastota rezonans chastotasi deb ataladi.*

Elektr zanjirlarida rezonans rejimlari elektrotexnikada, radiotexnikada va elektr o'zgartgichlarda keng foydalaniladi. Ayrim hollarda esa, zanjirda rezonans hodisasi yuzaga kelishi noqulayliklarni tug'diradi (masalan, uzatish liniyalarida, transformatorlarda).

2.9.1 Kuchlanishlar rezonansi

r , L va C elementlari ketma-ket ulangan zanjirni ko'rib chiqamiz (2.20 – rasm, a). Zanjirning kompleks qarshiligi:

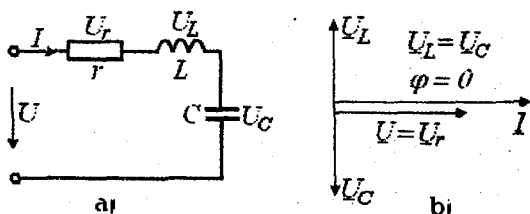
$$\underline{Z} = r + j \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right).$$

Kuchlanishlar rezonansi shartiga ko'ra:

$X = \omega L - 1/\omega C = 0$ yoki $\omega L = 1/\omega C$, bunda $\omega_r = 1/\sqrt{LC}$ – rezonans chastotasi.

Kuchlanishlar rezonansi rejimi uchun tok va kuchlanishlar vektor diagrammasi 2.20 – rasm, b da keltirilgan. Unda reaktiv elementlardagi kuchlanishlarning modul qiymatlari teng, yo'nalishlari esa qarama-qarshi. Rezonans shartidan ko'rinib turibdiki, zanjirda

bu rejimni hosil qilish uchun manba chastotasini rostlab yoki zanjir xususiy chastotasini L yoki C ni o'zgartirish hisobiga rostlab hosil qilish mumkin.



2.20 – rasm

Rezonans rejimida zanjirning to'la qarshiligi minimal bo'lib, aktiv qarshilikka teng bo'ladi:

$$Z = \sqrt{r^2 + (x_L - x_C)^2} = r.$$

Zanjirdagi tok bu paytda maksimal qiymatga erishadi:

$$I = U / Z = U / r.$$

r qarshilikdagi kuchlanish pasayishi manba kuchlanishiga teng bo'ladi:

$$U_r = Ir = U.$$

Rezonans rejimidagi induktiv yoki sig'im qarshilik rezonans zanjir (kontur)ining to'liq qarshiligi deb ataladi:

$$\rho = \omega_r L = \frac{1}{\omega_r C} = \sqrt{\frac{L}{C}}.$$

Agar zanjirda $\rho \gg r$ shart bajarilsa, u holda reaktiv elementlardagi kuchlanishlar manba kuchlanishidan ko'p marta ortiq bo'ladi.

U_L yoki U_C ni U dan necha marta katta bo'lishi konturning aslliligi bilan tavsiflanadi:

$$Q = \frac{U_L}{U} = \frac{U_C}{U} = \frac{I_r \omega_r L}{I_r r} = \frac{\omega_r L}{r} = \frac{\rho}{r}.$$

$d = 1/Q = r/\rho$ – zanjir (kontur) ning so'nishi.

Rezonans rejimida zanjirdagi energetik munosabatlar ham o'ziga xos ayrim xususiyatlarga ega. Zanjirdagi tok $i = I_m \sin \omega_r t$ bo'lsa,

kondensatordagi kuchlanish $U_C = \frac{1}{C} \int i dt = U_m \cos \omega_r t$ bo'ladi.

Zanjir elektr va magnit maydonlaridagi energiya:

$$W = \frac{Li^2}{2} + \frac{Cu_c^2}{2} = \frac{LI_m^2}{2} \sin^2 \omega_c t + \frac{CU_{cm}^2}{2} \cos^2 \omega_c t =$$

$$= \frac{LI_m^2}{2} + \frac{CU_{cm}^2}{2} = \text{const.}$$

$$U_{cm} = \frac{1}{\omega_c C} I_m = \sqrt{\frac{L}{C}} I_m \text{ bo'lganligi uchun } \frac{CU_{cm}^2}{2} = \frac{LI_m^2}{2}.$$

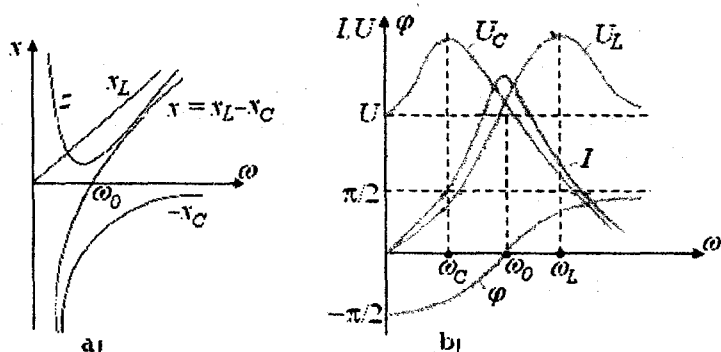
Oxirgi ifodadan ko'rinadiki, zanjirdagi elektr va magnit maydonlari energiyalarining yig'indisi vaqt bo'yicha o'zgarmaydi. Energiya induktiv g'altak bilan kondensatorda navbatma navbat to'planib turadi. Aktiv qarshilikda sarf bo'layotgan energiyani manbadan kelayotgan energiya qoplab turadi.

r , L va C elementlar ketma-ket ulangan zanjir (kontur) chastota tavsiflarini o'rganib chiqamiz. Manba kuchlanishi amplitudasi bo'lib, chastotasining oraliqda o'zgarishi zanjirning quyidagi parametrlarini o'zgarishiga olib keladi:

$$x_L = \omega L, \quad x_C = 1/\omega C, \quad x = x_L(\omega) - x_C(\omega),$$

$$Z = \sqrt{r^2 + [x_L(\omega) - x_C(\omega)]^2}, \quad \varphi = \arctg [x(\omega)/r]$$

2.21 — rasm, a da $x_L = (\omega)$, $x_C = (\omega)$, $x(\omega)$, $Z(\omega)$ va b da $I(\omega)$, $U_L(\omega)$, $U_C(\omega)$, $\varphi(\omega)$ grafiklari keltirilgan. $\omega = 0$ bo'lganda $I(0) = 0$, chunki kondensator o'zgarmas tokni o'tkazmaydi. Barcha kuchlanish kondensatorda pasayadi. Chastota $0 < \omega < \omega_0$ diapazonida o'zgarganda x_L qarshilik oshadi, x_C esa kamayadi, Z qarshilik ham kamayadi. Bu diapazonida reaktiv qarshilik sig'im xarakterga ega bo'ladi. Shuning uchun ham faza siljish burchagi $-90^\circ < \varphi < 0$ oraliqda o'zgaradi. Chastota $\omega_0 < \omega < \infty$ diapazonida o'zgarganda, $Z(\omega)$ va $x(\omega)$ lar 0 dan ∞ gacha ortib boradi. Zanjir induktiv xarakterga ega bo'ladi. Tok esa maksimal qiymatdan 0 gacha kamayadi. $U_L(\omega)$ kuchlanish manba kuchlanish U gacha kamayadi $U_C(\omega)$ esa 0 gacha kamayadi.

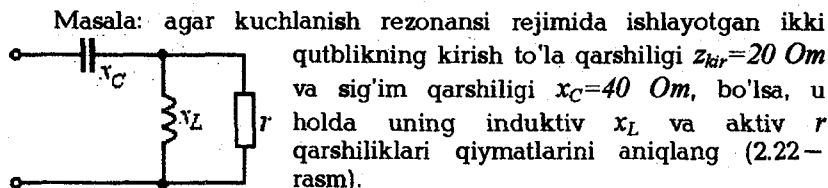


2.21 – rasm

Chastota $\omega = \omega_p$ bo'lganda grafiklarda aks ettirilgandek $Z(\omega_r) = Z_{\min} = r$, $x_r = x_L - x_C = 0$, $\varphi = 0$, $I(\omega_r) = I_{\max} = U/r$ ga teng bo'ladi. $U_L(\omega_r)$ va $U_C(\omega_r)$ esa maksimal qiymatga yaqin qiymatga erishadi. Zanjir bu paytda aktiv xarakterga ega bo'ladi.

$U_L(\omega_r)$ va $U_C(\omega_r)$ grafiklaridan ko'rinib turibdiki, reaktiv elementlardagi kuchlanishlarning maksimal qiymatlari rezonans chastotasidan farq qilgan chastotalarga to'g'ri keladi. $U_L(\omega)$ kuchlanish $\omega_L > \omega_r$ da, $U_C(\omega)$ kuchlanish esa $\omega_L < \omega_r$ da maksimumga erishadi. Funktsiyalarni ekstremumlarini topish sharti $dU_L/d\omega = 0$ va $dU_C/d\omega = 0$ dan:

$$\omega_L = \omega_r \sqrt{\frac{2}{2-d^2}}, \quad \omega_C = \omega_r \sqrt{\frac{2-d^2}{2}}.$$



2.22 – rasm

Yechish. Ikki qutblilikning kirish kompleks qarshiligi quyidagiga teng:

$$Z_{kr} = -jx_c + \frac{jx_L r}{r + jx_L} = \frac{x_L^2 r}{r^2 + x_L^2} + j \left(-x_c + \frac{x_L r^2}{r^2 + x_L^2} \right).$$

Kuchlanish rezonansi shartiga ko'ra zanjirning reaktiv qarshiligi nolga teng. Bu shartdan foydalanib quyidagi tenglamalar sistemasini tuzishimiz mumkin:

$$\left. \begin{aligned} Z_{kr} = \frac{x_L^2 r}{r^2 + x_L^2} &= 20 \\ x = -x_c + \frac{x_L r^2}{r^2 + x_L^2} &= 0 \end{aligned} \right\}$$

Bu sistemani x_L va r ga nisbatan yechib, quyidagilarni topamiz:
 $x_L = 50 \text{ Om}$, $r = 100 \text{ Om}$.

2.9.2 Toklar rezonansi

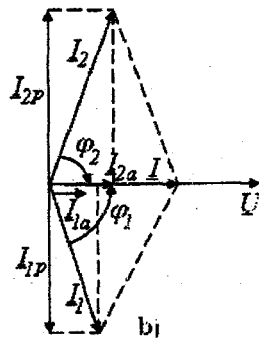
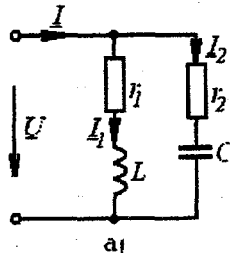
Reaktiv elementlar o'zaro parallel ulangan zanjir (2.23 – rasm, a) da ma'lum shartlar bajarilganda toklar rezonansi yuz berishi mumkin.

Rezonans rejimida manba toki va kuchlanish orasidagi faza siljish burchagi nolga teng bo'ladi, reaktiv o'tkazuvchanlik esa $b = b_L - b_C = 0$ yoki $b_L = b_C$ bo'ladi.

Rezonans rejimi uchun qurilgan vektor diagrammadan ko'rinib turibdiki (2.23 – rasm, b), reaktiv elementlardagi toklar modul qiymatlari jihatdan o'zaro teng, yo'nalishlari esa qarama-qarshi. Bunda $|I_L| = |I_C|$ toklar manba tokidan bir necha marotaba ortib ketishi mumkin. Shuning uchun ham bu zanjirdagi rezonans toklar rezonansi deb ataladi.

Zanjir reaktiv o'tkazuvchanligining nolga tenglik shartidan:

$$\frac{\omega_r L}{r_1^2 + (\omega_r L)^2} = \frac{1/\omega_r C}{r_2^2 + (1/\omega_r C)^2}, \text{ bundan } \omega_r = \sqrt{1/LC} \sqrt{\frac{(L/C) - r_1^2}{(L/C) - r_2^2}}.$$



2.23 – rasm

Ko'rilayotgan zanjirda rezonans rejimi hosil bo'lish uchun oxirgi tenglamaning ildiz osti ifodasi doim musbat bo'lishi lozim. $r_1 = r_2$ bo'lgan hol uchun $\omega_r = 1/\sqrt{LC}$ bo'ladi. $r_1 = r_2 = \sqrt{L/C}$ hol uchun $\omega_r = 0/0$ bo'ladi. Bu holatda zanjirda ixtiyoriy chastotada rezonans yuz beradi. Zanjirning kirish qarshiligi $Z = Z_1 \cdot Z_2 / (Z_1 + Z_2) = r$ ga teng bo'ladi.

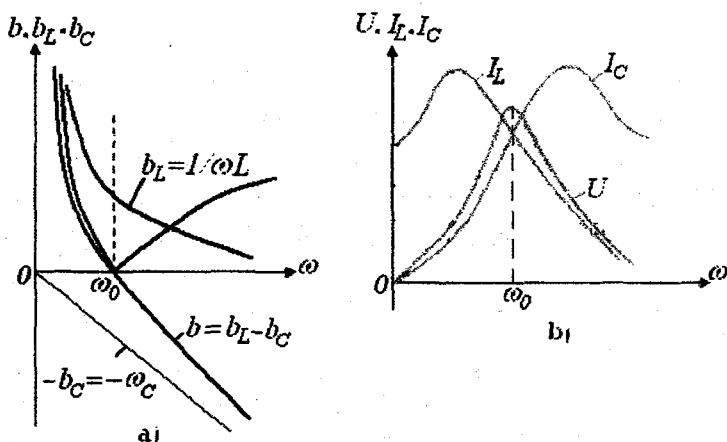
Ideallashtirilgan holat $r_1 = r_2 = 0$ uchun zanjirning kirish qarshiligi cheksiz katta qiymatga teng bo'lib, tok nolga teng. Energiya manbadan zanjirga uzatilmaydi va kondensator va induktiv g'altak maydonlarida davriy ravishda almashinib to'planib turadi.

$\omega_r C = 1/\omega_r L = \sqrt{C/L} = \gamma$ – zanjirning to'lqin o'tkazuvchanligi deb ataladi.

Induktiv g'altak yoki kondensatordagi tokning manba tokidan necha marta katta ekanligini ko'rsatuvchi kattalik zanjir (kontur) ning aslligi deb ataladi:

$$Q = \frac{I_C}{I} = \frac{I_L}{I} = \frac{\omega_r C \cdot U}{gU} = \frac{1}{g} \sqrt{\frac{C}{L}} = \frac{\gamma}{g}.$$

Toklar rezonansida ham kuchlanishlar rezonansidagiga o'xshash energetik jarayonlar yuz beradi. $g \neq 0$ bo'lgan zanjirda $P_L = -P_C$ bo'lib, energiya g'altak bilan kondensator maydonlarida davriy to'planib turadi. Qarshilikda sarf bo'layotgan energiyani manbadan kelayotgan energiya qoplab turadi. 2.24 – rasm, a da $b_L(\omega)$, $b_C(\omega)$, $b(\omega)$, 2.24 – rasm, b da esa $I_L(\omega)$, $I_C(\omega)$, $U(\omega)$ larning grafiklari keltirilgan. Bu kattaliklar va zanjir parametrlarining chastota $0 \leq \omega \leq \omega_r$ va $\omega_r < \omega < \infty$ diapazonlardagi o'zgarishlari xuddi kuchlanishlar rezonansidagi o'zgarishlariga o'xshash bo'ladi.



2.24-rasm

Masala: parallel kontur (2.25-rasm) rezonans rejimiga sozlangan. $I_2 = 14,1 \text{ A}$, $U = 100 \text{ V}$ va $I_2 = I_3$. Birinchi va uchinchi ampermetrlar ko'rsatishlarini va kontur parametrlarini aniqlang.

Yechish. Masalani vektor diagramma qurish usulida yechamiz. Kuchlanish vektorini haqiqiy o'qqa qo'yamiz. Induktiv shoxobchadagi tok kuchlanishga nisbatan 90° orqada qolishini, I_2 va I_3 toklar teng bo'lganligi hamda rejimida induktivlikdan o'tadigan tok I_1 va I_2 reaktiv tashkil etuvchisi $I_2 = I_{2r}$ teng bo'lishini e'tiborga olib, I_2 tok kuchlanish vektoriga nisbatan $+45^\circ$ burchak ostida quriladi. Demak,

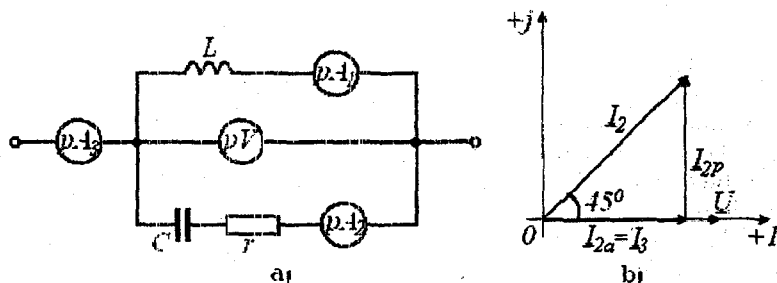
$$I_3 = I_2 \cos 45^\circ = 14,1 \cos 45^\circ = 10 \text{ A}, \quad I_1 = I_2 \sin 45^\circ = 14,1 \sin 45^\circ = 10 \text{ A}.$$

Induktiv qarshilik $x_L = U / I_1 = 100 / 10 = 10 \text{ Om}$.

C va r dan tashkil topgan ikkinchi shoxobchaning to'la qarshiligi $z_2 = U / I_2 = 100 / 14,1 = 7,09 \text{ Om}$; bundan

$$r = z_2 \cos 45^\circ = 7,09 \cdot 0,705 = 5 \text{ Om};$$

$$x_c = z_2 \sin 45^\circ = 7,09 \cdot 0,705 = 5 \text{ Om}.$$



2.25 - rasm

2.10 Elektrotexnik qurilmalarning quvvat koeffitsiyenti va uning mohiyati. Quvvat koeffitsiyentini oshirish usullari va hisoblash asoslari

Elektr energiya iste'molchilari amalda asosan aktiv-induktiv xarakterli bo'ladi va yuklama tokining fazasi manba kuchlanishi fazasidan orqada qoladi.

Yuklama quvvat koeffitsiyentining kamayishi yuklamadan o'tuvchi tokni oshiradi, chunki

$$I = P / U \cos \varphi.$$

Sinusoidal tok generatorlari ma'lum bir $S_{nom} = U_{nom} I_{nom}$ quvvatga mo'ljallangan bo'ladi, ya'ni U_{nom} nominal kuchlanishda ular faqat belgilangan nominal I_{nom} tokdan oshmagan yuklamaga ulanishi mumkin.

Shu sababli yuklamaning quvvat koeffitsiyenti past bo'lganda generator toki belgilangan nominal qiymatdan oshmasligi uchun uning aktiv quvvatini kamaytirish kerak bo'ladi. Bunday hollarda generator tok bo'yicha to'la yuklangan va aktiv quvvat bo'yicha to'la yuklanmagan bo'ladi.

Generator va birlamchi motordan iborat elektr manbaining umumiy foydali ish koeffitsiyenti har bir uskunaning foydali ish koeffitsiyentiga bog'liq bo'lib, birlamchi motorning ishi asosan generatorning aktiv quvvatiga bog'liq. Shu sababli generatorni aktiv quvvat bilan to'la yuklanmasligi birlamchi motorni va umuman energetik qurilmaning foydalanish koeffitsiyenti pasayishiga olib

keladi. Bundan tashqari uzatish liniyasidagi quvvat isrofi katta bo'ladi:

$$\Delta P = r_l I^2 = \frac{r_l P^2}{U^2 \cos^2 \varphi}, \text{ bu yerda } r_l - \text{uzatish liniyasining aktiv qarshiligi.}$$

Ifodadan ko'rinib turibdiki, yuklamaning quvvat ko'effitsiyenti qancha kam bo'lsa, quvvat isrofi shuncha ko'p bo'ladi. Binobarin, yuklamaning quvvat ko'effitsiyenti qancha kam bo'lsa, uni ta'minlab turadigan elektr energiyasining tannarxi shuncha qimmatga tushadi.

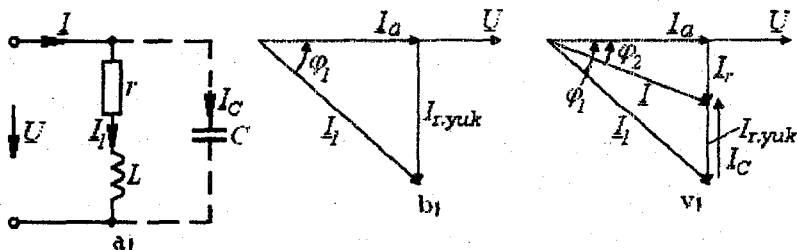
Elektr uskunaning quvvat ko'effitsiyentini oshirishning uchta usuli mavjud:

1. Induktiv xarakterli yuklamaga kondensator batareyalarini parallel ulash.

2. Induktiv xarakterli yuklamaga kondensatorni ketma-ket ulash.

3. Elektr tarmog'iga sinxron motor ulash.

Quyida birinchi usulga binoan qo'llaniladigan kondensatorlar batareyasi sig'imini hisoblash uslubini ko'rib chiqamiz. 2.26 - rasmdagi vektor diagrammadan I tok bilan U kuchlanish orasidagi kerakli burchak siljishini olish uchun sig'im shoxobchadagi I_C tok yuklamaning kompensatsiya qilishdan avvalgi reaktiv tashkil etuvchi $I_{r,yuk}$ tokidan kompensatsiya qilingandan keyingi I_r toklarning ayirmasi teng bo'lishi kerak: $I_C = I_{r,yuk} - I_r$.



2.26 - rasm

Bu ifodadagi toklarni yuklama tokining aktiv tashkil etuvchisi

I_a orqali quyidagicha ifodalash mumkin:

$$I_{r,yuk} = I_a \operatorname{tg} \varphi_{yuk} \text{ va } I_r = I_a \operatorname{tg} \varphi.$$

Natijada quyidagilarni yozish mumkin:

$I_C = I_a (tg \varphi_{yuk} - tg \varphi)$. Bu ifodada kondensator uchun $I_C = U \omega C$ ekanligi va I_a tokni quvvat va kuchlanish orqali ifodalab, ifodani quyidagicha yozishimiz mumkin:

$$U \omega C = (P/U)(tg \varphi_{yuk} - tg \varphi)$$

Oxirgi ifodadan kondensator batereyasining sig'imini topamiz:

$$C = \frac{P(tg \varphi_{yuk} - tg \varphi)}{\omega U^2}$$

Odatda kondensator batareyalari yordamida $\cos \varphi (0,92 - 0,96)$ gacha oshiriladi. Quvvat koeffitsiyentini bundan katta bo'lishi texnik - iqtisodiy ko'rsatgichlarga ko'ra maqsadga muvofiq emas.

Masala: elektr motor kuchlanishi $U_{nom} = 220 V$ va chastotasi $f = 50 Gs$ bo'lgan manbaga ulangan.

Motorning quvvati $P_{nom} = 20 kVt$ va quvvat koeffitsiyenti $\cos \varphi_1 = 0,6$. Uskuna quvvat koeffitsiyenti $\cos \varphi_2 = 0,9$ bilan ishlashi uchun motorga qanday sig'imli kondensator ulash kerak?

Yechish. Quvvat koeffitsiyenti $\cos \varphi = 0,6$ da motorning toki:

$$I_1 = P / (U \cos \varphi_1) = 20 \cdot 10^3 / (220 \cdot 0,6) = 152 A,$$

$$\varphi_1 = \arccos 0,6 = 53^\circ 10' \text{ va } \sin \varphi_1 = 0,8.$$

Motor tokining reaktiv tashkil etuvchisi:

$$I_{r1} = I_1 \sin \varphi_1 = 152 \cdot 0,8 = 121,6 A,$$

$$\varphi_2 = \arccos 0,9 = 26^\circ 50' \text{ va } \sin \varphi_2 = 0,436.$$

Motorni $\cos \varphi_2 = 0,9$ quvvat koeffitsiyenti bilan ishlashini ta'minlovchi kondensator toki:

$$I_2 = P / (U \cos \varphi_2) = 20 \cdot 10^3 / (220 \cdot 0,9) = 101 A.$$

Shu tokning reaktiv tashkil etuvchisi:

$$I_{r2} = I_2 \sin \varphi_2 = 101 \cdot 0,436 = 44 A.$$

Kondensator ulangandan keyingi tokning qiymati:

$$I_C = I_{r1} - I_{r2} = 121,6 - 44 = 77,6 A.$$

Sig'im qarshiligi:

$$x_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{U}{I_C} = \frac{220}{77,6} = 2,83 Om.$$

Kondensator sig'imi:

$$C = \frac{1}{x_c \omega} = \frac{1}{x_c 2\pi f} = \frac{1}{2,83 \cdot 2 \cdot 3,14 \cdot 50} = 1130 \text{ mk}\Phi.$$

2.11 Induktiv bog'langan zanjirlar. O'zaro bog'lanish koeffitsiyenti

2.11.1 Umumiy ma'lumotlar

Agar elektr zanjirning bir elementidagi tokning o'zgarishi zanjirning boshqa elementida EYuK paydo bo'lishiga sabab bo'lsa, u holda bu elementlar o'zaro induktiv bog'langan, paydo bo'ladigan EYuK esa *o'zaro induksiya EYuKi deyiladi*.

Ikki elementning induktiv bog'lanish darajasi bog'lanish koeffitsiyenti yordamida tavsiflanadi:

$$k = \frac{M}{\sqrt{L_1 \cdot L_2}},$$

bu ifodada M —zanjir elementlarining o'zaro induktivligi, L_1 va L_2 —zanjir elementlarining xususiy induktivliklari.

Induktiv bog'lanish koeffitsiyenti har doim birdan kichik bo'lishligini ko'rib chiqamiz.

Nisbatan katta o'lchamli ikkita induktiv g'altak berilgan bo'lsin (2.27—rasm). G'altaklarning har bir o'rami bir xil magnit oqimi bilan ilashgan bo'lsin. 2.27—rasm, a da birinchi g'altakdan i_1 tok o'tgan holat uchun magnit maydonining tasviri ko'rsatilgan. Birinchi g'altak o'ramlari o'zinduksiya magnit oqimi Φ_{11} , ikkinchi g'altak o'ramlari esa o'zaro induksiya magnit oqimi Φ_{12} , bilan ilashgan. Birinchi va ikkinchi g'altaklarning o'zinduksiya va o'zaro induksiya ilashish magnit oqimlari quyidagicha aniqlanadi:

$$\psi_{11} = w_1 \Phi_{11}, \quad \psi_{21} = w_2 \Phi_{21},$$

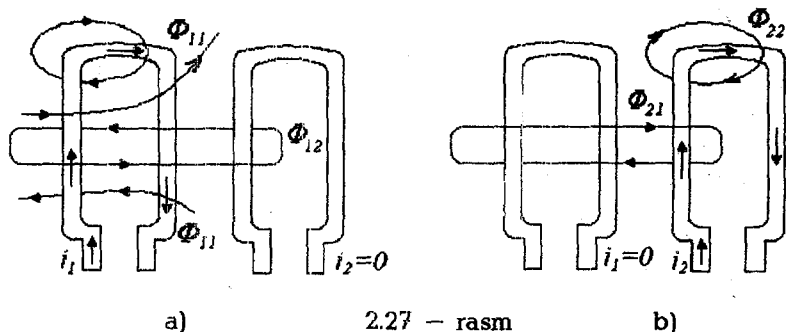
bunda w_1 va w_2 — g'altaklardagi o'ramlar soni.

Ta'rif bo'yicha birinchi g'altakning induktivligi va g'altaklarning o'zaro induktivligi quyidagilarga teng:

$$L_1 = \frac{\psi_{11}}{i_1} = \frac{w_1 \Phi_{11}}{i_1},$$

$$M = M_{21} = \frac{\psi_{21}}{i_1} = \frac{w_2 \Phi_{21}}{i_1}.$$

G'altakdan o'tadigan tok va o'zinduksiya magnit oqimining musbat yo'nalishlarini o'ng vint qoidasiga ko'ra tanlaymiz, shuning uchun $i_1 > 0$ bo'ladi va ψ_{11}/i_1 nisbat har doim musbat qiymatga ega. O'zaro induksiya oqimining musbat yo'nalishi esa ixtiyoriy va shuning uchun ψ_{21}/i_1 nisbat (musbat yoki manfiy) ishorali bo'lishi mumkin.



2.27 - rasm

2.27 - rasm, b da faqat ikkinchi g'altakdan i_2 tok o'tayotgan holat uchun magnit maydonining tasviri berilgan. Ta'rif bo'yicha

$$L_2 = \frac{\psi_{22}}{i_2} = \frac{w_2 \Phi_{22}}{i_2}, \quad M = M_{12} = \frac{\psi_{12}}{i_2} = \frac{w_1 \Phi_{12}}{i_2}.$$

Amalda ikki g'altakning o'ramlari bir xil bo'lmagan (bir-biridan farq qiladigan) magnit oqimlar bilan ilashadi, shuning uchun har doim $k < 1$ bo'ladi.

O'zaro induktiv bog'lanish koeffitsiyenti qiymatini g'altaklarni bir-biriga nisbatan siljitish bilan o'zgartirish mumkin. G'altaklari bir-biriga nisbatan siljishi mumkin bo'lgan asbob variometr deb ataladi.

2.11.2 O'zaro induksiya EYuK

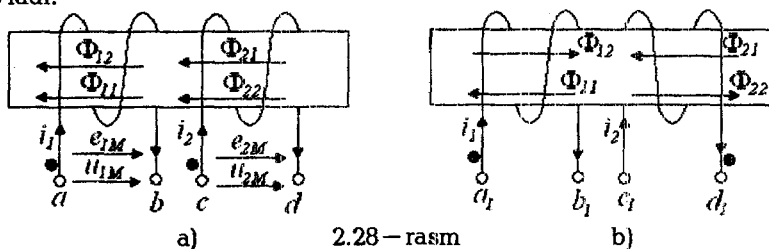
Induktiv bog'langan elementlardan biridagi tok o'zgarsa, boshqa elementda o'zaro induksiya EYuKi paydo bo'ladi. O'zaro induksiya (elektromagnit induksiya qonuni) tufayli paydo bo'ladigan EYuK va kuchlanishning absolyut qiymati mos ravishda quyidagilarga teng:

$$|u_{1M}| = |e_{1M}| = \left| \frac{d\psi_{12}}{dt} \right| = \left| M \frac{di_2}{dt} \right|, \quad |u_{2M}| = |e_{2M}| = \left| \frac{d\psi_{21}}{dt} \right| = \left| M \frac{di_1}{dt} \right|.$$

Bu kattaliklar ishoralarini aniqlash uchun o'zaro bog'langan zanjir elementlarining bir xil nomlangan qismlarini topish kerak. Bunda quyidagi qoida o'rinnlidir:

"Agar qismalarga nisbatan bir xil yo'nalishda o'tadigan tokdan har bir elementda hosil bo'ladigan o'zinduksiya va o'zaro induksiya magnit oqimlari qo'shilsa, u holda bu qismalar induktiv bog'langan ikkita elementning bir xil nomlangan qismlari deyiladi".

Bu qoida asosida 2.28 – rasm, a da keltirilgan g'altaklar qismlari belgilangan. i_1 tok a qismadan b qismaga yo'nalgan bo'lsa va i_2 tok c qismadan d qismaga yo'nalgan bo'lsa, o'zinduksiya magnit oqimi Φ_{11} (Φ_{22}) va o'zaro induksiya magnit oqimi Φ_{12} (Φ_{21}) bilan qo'shiladi. Shuning uchun a qisma bilan c qisma bir xil nomlangan bo'ladi, xuddi shunday b qisma d qisma bilan bir xil nomlangan bo'ladi.



2.28 – rasm

2.28 – rasm, b dagi g'altaklar uchun a_1 va d_1 hamda b_1 va c_1 bir xil nomlangan qismalar bo'ladi.

Avvalgi holdan farqli joyi shundaki 2 – g'altakning o'ralish yo'nalishi qarama – qarshidir.

Bir xil nomlangan ikkita juft qismlardan biri maxsus belgilar: nuqta yoki yulduzcha bilan belgilanadi.

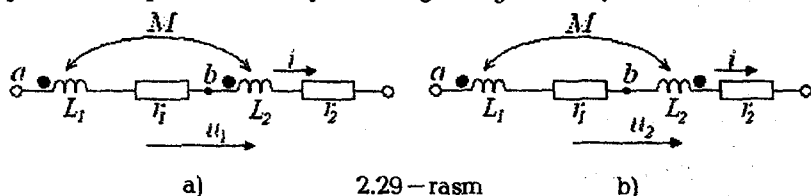
2.11.3 Ketma – ket va parallel ulangan o'zaro induktiv bog'langan zanjirlar

1. Induktiv bog'langan g'altaklarni o'zaro ketma – ket ulanishi.

Bunday ulanish ikki xil bo'lishi mumkin: mos yoki qarama – qarshi ulanish. Mos ulangan g'altaklarda toklar bir xil nomli qismlarga nisbatan bir xil yo'nalgan bo'ladi (2.29 – rasm, a). Qarama – qarshi ulangan toklarning yo'nalishi bir xil nomlangan qismlarga nisbatan qarama – qarshi yo'nalgan bo'ladi (2.29 – rasm, b).

Kirxgofning ikkinchi qonuniga asosan ikkita induktiv g'altaklarning o'zaro mos ulangan zanjiri uchun elektr muvozanat tenglamasini tuzamiz. Tokning musbat yo'nalishi va konturning aylanib chiqish yo'nalishi bir xil deb faraz qilaylik. Induktiv bog'langan elementlari bo'lgan elektr zanjirlarni bevosita hisoblash uchun zanjirlarni hisoblashning avval ko'rib o'tilgan barcha usullari

ishlatiladi, faqat tugun potentsiallar usulini qo'llash uchun ba'zi bir qo'shimcha qoidalardan foydalanishga to'g'ri keladi.



2.29-rasm

O'zaro bog'langan ikkita induktiv g'altak ketma-ket va induktiv jihatdan mos ulanganda uning differensial tenglamasi quyidagicha yoziladi:

$$u = r_1 \cdot i + L_1 \frac{di}{dt} + M \frac{di}{dt} + r_2 \cdot i + L_2 \frac{di}{dt} + M \frac{di}{dt}.$$

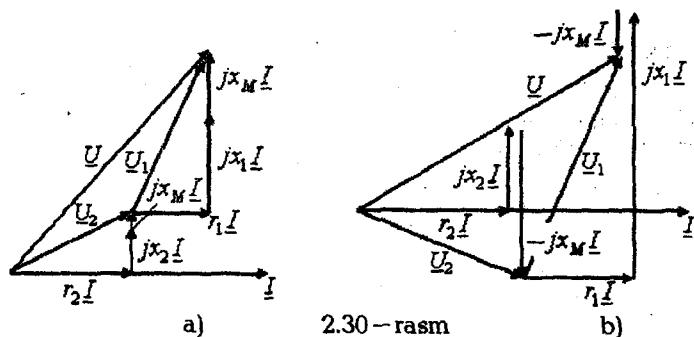
Kompleks shaklda esa:

$$\underline{U} = r_1 \underline{I} + j\omega L_1 \underline{I} + j\omega M \underline{I} + j\omega L_2 \underline{I} + r_2 \underline{I} + j\omega M \underline{I} = \underline{Z}_{mos} \underline{I},$$

$$\underline{Z}_{mos} = r_1 + r_2 + j(\omega L_1 + \omega L_2 + 2\omega M) = r_1 + r_2 + j(x_1 + x_2 + 2x_M),$$

bu yerda $x_M = \omega M$ — o'zaro induktiv qarshilik.

Mos ulangan zanjir uchun vektorlar diagrammasi 2.30-rasm, a da keltirilgan.



2.30-rasm

G'altaklar ketma-ket va o'zaro qarama-qarshi ulanganda elektr muvozanat tenglamasi differensial shaklda quyidagicha yoziladi:

$$u = r_1 i + L_1 \frac{di}{dt} - M \frac{di}{dt} + r_2 i + L_2 \frac{di}{dt} - M \frac{di}{dt},$$

kompleks shaklda esa:

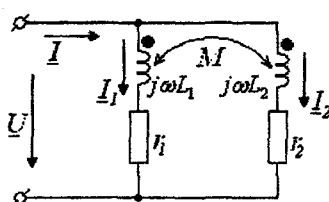
$$\underline{U} = r_1 \underline{I} + j\omega L_1 \underline{I} - j\omega M \underline{I} + r_2 \underline{I} + j\omega L_2 \underline{I} - j\omega M \underline{I} = \underline{Z}_{q,q} \underline{I},$$

$$\underline{Z}_{q,q} = r_1 + r_2 + j(\omega L_1 + \omega L_2 - 2\omega M) = r_1 + r_2 + j(x_1 + x_2 - 2x_M).$$

Ketma-ket va induktiv jihatdan qarama-qarshi ulangan zanjir uchun vektorlar diagrammasi 2.30-rasm, b da keltirilgan.

2. Induktiv bog'langan g'altaklarni o'zaro parallel ulanishi

Ikki o'zaro induktiv bog'langan g'altaklarni parallel ulanishi (2.31-rasm)ni tahlil qilish uchun Kirxgofning 1- va 2-qonunlariga asosanib differensial va kompleks shakllarda muvozanat tenglamalarini tuzamiz:



$$i = i_1 + i_2,$$

$$u = r_1 i_1 + L_1 \frac{di_1}{dt} \pm M \frac{di_2}{dt},$$

$$u = r_2 i_2 + L_2 \frac{di_2}{dt} \pm M \frac{di_1}{dt},$$

$$\underline{I} = \underline{I}_1 + \underline{I}_2,$$

$$\left. \begin{aligned} \underline{U} &= r_1 \underline{I}_1 + jx_1 \underline{I}_1 \pm jx_M \underline{I}_2, & \underline{U} &= \underline{Z}_1 \underline{I}_1 \pm \underline{Z}_M \underline{I}_2, \\ \underline{U} &= r_2 \underline{I}_2 + jx_2 \underline{I}_2 \pm jx_M \underline{I}_1, & \text{yoki} & \underline{U} = \underline{Z}_2 \underline{I}_2 \pm \underline{Z}_M \underline{I}_1, \end{aligned} \right\}$$

bunda $\underline{Z}_1 = r_1 + jx_1$, $\underline{Z}_2 = r_2 + jx_2$, $\underline{Z}_M = \pm jx_M$.

Agar o'zinduksiya va o'zaro induksiya magnit oqimlari yo'nalishlari mos tushsa, u holda x_M "musbat", aks holda, esa—"manfiy" ishora bilan olinadi. So'ngi tenglamalar sistemasini I_1 va I_2 toklarga nisbatan yechib, quyidagi ifodalarni hosil qilamiz:

$$\underline{I}_1 = \underline{U} \frac{\underline{Z}_2 \mp \underline{Z}_M}{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2 - \underline{Z}_M^2}, \quad \underline{I}_2 = \underline{U} \frac{\underline{Z}_1 \mp \underline{Z}_M}{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2 - \underline{Z}_M^2}.$$

Umumiy tok $\underline{I}$ esa:

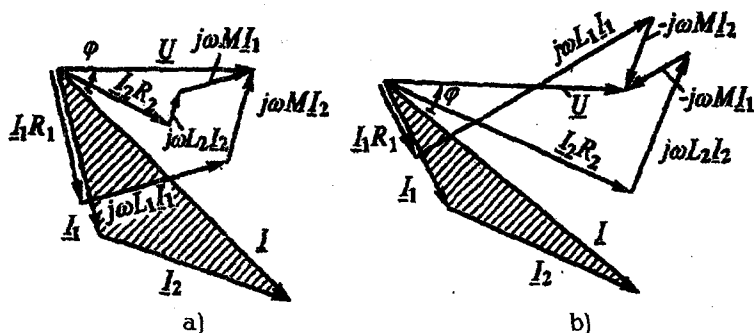
$$\underline{I} = \underline{I}_1 + \underline{I}_2 = \underline{U} \frac{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 \mp 2\underline{Z}_M}{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2 - \underline{Z}_M^2}.$$

Zanjirning kirish qarshiligi:

$$\underline{Z}_{kir} = \frac{\underline{U}}{\underline{I}} = \frac{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2 - \underline{Z}_M^2}{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 \mp 2\underline{Z}_M}.$$

Agar $r_1 = r_2 = 0$ bo'lsa, u holda:

$$\underline{L}_1 = \frac{L_1 L_2 - M^2}{L_2 \mp M}, \quad \underline{L}_2 = \frac{L_1 L_2 - M^2}{L_1 \mp M}, \quad \underline{L} = \frac{L_1 L_2 - M^2}{L_1 + L_2 \mp 2M}.$$



2.32 – rasm

2.32 – rasmda o'zaro parallel ulangan va induktiv bog'langan ikkita g'altak vektor diagrammalari qurilgan: a) – mos; b) – qarama-qarshi ulangan zanjirlar uchun.

Vektor diagrammalarni qurishda manba kuchlanishi vektori $\underline{U}$ ning boshlang'ich fazasi nolga teng deb olinagan.

2.11.4 O'zaro induktiv bog'langan zanjirlarni hisoblash

Tarmoqlangan induktiv bog'langan zanjirlarni Kirxgofning birinchi va ikkinchi qonunlari asosida yoki kontur toklar usulida hisoblash mumkin. Tugun potentsiallar usulini bevosita qo'llab bo'lmaydi, chunki bir shoxobchadagi tok nafaqat shu shoxobchadagi EYuK va shoxobcha ulangan tugunlarning potentsiallariga, balki boshqa induktiv bog'langan shoxobchalardagi toklar o'zgarishiga ham bog'liqdir. Ekvivalent generator usulini esa, faqat ikki qutblikka tegishli bo'lmagan shoxobcha ikki qutblik tarkibiga kiradigan boshqa shoxobcha bilan induktiv bog'lanmagan elektr zanjirlarida qo'llash mumkin.

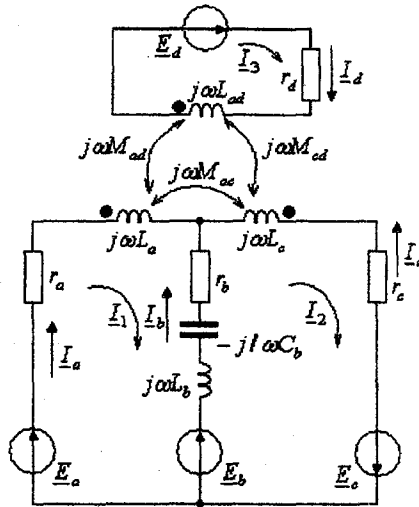
Hisoblash usullarini chegaralaydigan hollardan ozod bo'lish uchun ba'zi bir hollarda induktiv bog'lanishni bartaraf etadigan ekvivalent sxemalariga o'tish zarur bo'ladi.

Kirxgofning ikkinchi qonuniga ko'ra tenglama tuzishda o'zaro induksiya EYuKi mos kuchlanish kabi hisobga olinadi. k elementdagi kompleks $\pm j\omega M_{ks} \underline{I}_s$ kuchlanish ishorasi k elementini aylanib chiqishda s – elementdagi tokning musbat yo'nalishini ham nazarda tutib belgilanadi. Agar bir xil nomlangan qismalarga nisbatan aylanib chiqish yo'nalishi bir xil bo'lsa, u holda $j\omega M_{ks} \underline{I}_s$ ishorasi "musbat", aks holda esa – "manfiy" bo'ladi.

2.33–rasmda keltirilgan zanjir uchun Kirxgof qonunlari asosida tenglamalar tuzamiz. Tenglamalardagi kuchlanishlar ifodalarini konturdagi elementlarning joylashish tartibiga ko'ra yozamiz:

$$\underline{I}_a + \underline{I}_b + \underline{I}_c = 0,$$

$$\left. \begin{aligned} r_a \underline{I}_a + j\omega L_a + j\omega M_{ac} \underline{I}_c - j\omega M_{ad} \underline{I}_d - r_b \underline{I}_b + \frac{j \underline{I}_b}{\omega C_b} - j\omega L_b \underline{I}_b &= \underline{E}_a - \underline{E}_b, \\ j\omega L_b \underline{I}_b + \frac{j \underline{I}_b}{\omega C_b} + r_b \underline{I}_b - j\omega L_c \underline{I}_c + j\omega M_{ac} \underline{I}_a - j\omega M_{cd} \underline{I}_d - r_c \underline{I}_c &= \underline{E}_b + \underline{E}_c, \\ r_d \underline{I}_d + j\omega L_d \underline{I}_d - j\omega M_{ad} \underline{I}_a + j\omega M_{cd} \underline{I}_c &= \underline{E}_d. \end{aligned} \right\}$$



2.33–rasm

Kirxgofning 2–qonuniga asosan tuzilgan kontur toklar tenglamalari sistemasini ham keltiramiz:

$$\left[r_a + r_b + j \left(\omega L_a + \omega L_b - \frac{1}{\omega C_b} \right) \right] \underline{I}_1 - \left[r_b - j \left(\omega L_b - \frac{1}{\omega C_b} \right) \right] \underline{I}_2 - j\omega M_{ad} \underline{I}_3 = \underline{E}_a - \underline{E}_b;$$

$$-\left[r_b - j\left(\omega L_b - \frac{1}{\omega C_b}\right)\right]I_1 + \left[r_b + r_c + j\left(\omega L_b + \omega L_c - \frac{1}{\omega C_b}\right)\right]x$$

$$x I_2 - j\omega M_{cd} I_3 = \underline{E}_b + \underline{E}_c;$$

$$-j\omega M_{ab} I_1 - j\omega M_{cd} I_2 + (r_a + \omega L_d) I_3 = \underline{E}_d;$$

Bu tenglamalarni quyidagicha ko'rinishda yozish mumkin:

$$\left. \begin{aligned} \underline{Z}_{11} I_1 + \underline{Z}_{12} I_2 + \underline{Z}_{13} I_3 &= \underline{E}_1 \\ \underline{Z}_{21} I_1 + \underline{Z}_{22} I_2 + \underline{Z}_{23} I_3 &= \underline{E}_2 \\ \underline{Z}_{31} I_1 + \underline{Z}_{32} I_2 + \underline{Z}_{33} I_3 &= \underline{E}_3 \end{aligned} \right\}$$

Bunda $\underline{Z}_{11}$, $\underline{Z}_{22}$ va $\underline{Z}_{33}$ — birinchi, ikkinchi va uchinchi konturlarning xususiy kompleks qarshiliklari, $\underline{Z}_{12} = \underline{Z}_{21}$; $\underline{Z}_{23} = \underline{Z}_{32}$ va $\underline{Z}_{31} = \underline{Z}_{13} - 1$ va 2, 2 va 3, 3 va 1 qo'shni konturlarning o'zaro kompleks qarshiliklari; $\underline{E}_1$, $\underline{E}_2$, $\underline{E}_3$ — birinchi, ikkinchi va uchinchi konturlarning kompleks EYuK lari.

Misol uchun:

$$\underline{Z}_{11} = r_a + r_b + j\left(\omega L_a + \omega L_b - \frac{1}{\omega C_b}\right),$$

$$\underline{Z}_{12} = -\left[r_b - j\left(\omega L_b - \frac{1}{\omega C_b}\right)\right],$$

$$\underline{Z}_{13} = -j\omega M_{ad}; \quad \underline{E}_1 = \underline{E}_a - \underline{E}_b.$$

Induktiv bog'langan zanjirlar uchun ham o'zarolik xossasi o'rinlidir. Bu holat o'zgarmas tok zanjirlari uchun o'zarolik xossasining qo'llanishi kabi tushuntiriladi.

1 — masala: induktiv bog'langan zanjir (masalan, avtotransformator) ning (2.34 — rasm) 1—1' qismlariga sinusoidal kuchlanish ulangan.

Yuklama ulanmagaz. chiqish qismlaridagi kuchlanish topilsin.

Berilgan:

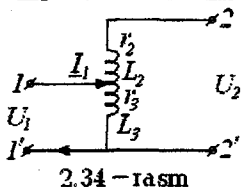
$$r_2 = r_3 = 3 \text{ Om}; \quad \omega L_2 = \omega L_3 = 4 \text{ Om}; \quad \omega M = 2 \text{ Om}; \quad U_1 = 10 \text{ V}.$$

Yechish. Kirish kuchlanishi $\underline{U}_1 = U_1 = 10 \text{ V}$. Kirish tokini hisoblaymiz:

$$I_1 = \frac{\underline{U}_1}{(r_3 + j\omega L_3)} = \frac{10}{(3 + j4)} = 1,2 - j1,6 \text{ A}.$$

Chiqish $\underline{U}_2$ kuchlanishi zanjirning 2 qismasidan 2' qismasigacha bo'lgan kuchlanishlar yig'indisidan iborat:

$$\underline{U}_2 = j\omega M \underline{I}_1 + \underline{U}_1 = j2(1,2 - j1,6) + 10 = 13,2 + j2,4 \text{ V.}$$

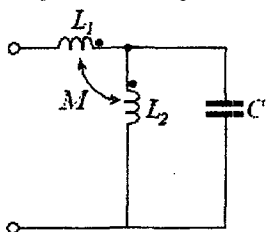


Agar L_2 induktivlikning pastki qismasi L_3 induktivlikning yuqori qismasi bilan bir xil nomlangan bo'lsa, u holda L_2 va L_3 elementlardan o'tuvchi toklar bir xil nomlangan qismlarga nisbatan har xil yo'nalishda bo'ladi. Shuning uchun

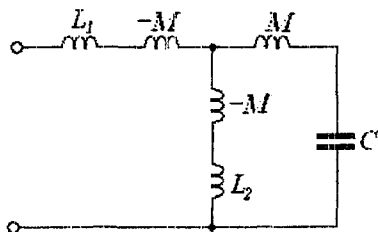
$j\omega M \underline{I}_1$ had $\underline{U}_2$ kuchlanish ifodasiga minus ishora bilan qo'shilar edi va bu holda:

$$\underline{U}_2 = -j\omega M \underline{I}_1 + \underline{U}_1 = -j2(1,2 - j1,6) + 10 = -6,8 - j2,4 \text{ V.}$$

2-masala: parametrlari $x_{L1} = 10 \text{ Om}$, $x_{L2} = 5 \text{ Om}$, $x_M = 5 \text{ Om}$, $x_C = 10 \text{ Om}$ bo'lgan zanjirning (2.35--rasm, a) kompleks kirish qarshiligini aniqlang.



a)



b)

2.35 - rasm

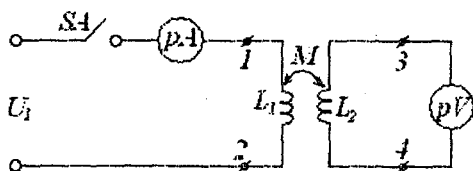
Yechish. Bir xil nomlangan qismlar bitta tugunga ulanganligini hisobga olib zanjirni induktiv bog'lanishsiz ko'rinishga keltiramiz (2.35--rasm, b).

Hosil bo'lgan zanjir kirish qarshiligining kompleks qiymatini aniqlaymiz:

$$\underline{Z}_{kr} = jx_{L1} - jx_M + \frac{(jx_M - jx_C)(jx_{L2} - jx_M)}{jx_M - jx_C + jx_{L2} - jx_M} = j5 = 5e^{j90^\circ} \text{ Om.}$$

2.11.5 Ikki konturli o'zaro induktiv bog'langan zanjirda bir xil nomlangan qismlarni va o'zaro induktivlikni aniqlash usullari

Induktiv bog'langan g'altaklar bir xil nomlangan qismlarini aniqlash generator, transformator, elektr motor va bir qator radiotexnik hamda elektr o'lchash qurilmalarini normal ishlatish uchun zarur bo'ladi.



2.36 – rasmi

Ikki o'zaro induktiv bog'langan g'altaklar bir xil nomli qismlarini tajribada aniqlash juda oson. Buning uchun 2.36 – rasmdagi sxemaga binoan o'zgaras tok manbainig

"+" belgili qismasini birinchi g'altakning 1 belgili qismasiga, 2 belgili qismasini esa, manbainig "-" ishorali qismasiga ulanadi. Noli o'rtada joylashgan o'zgaras tok voltmetri ikkinchi induktiv g'altakka ulanadi. Agar kalit S_4 ulanganda voltmetr mili (strelkasi) musbat yo'nalishga, ya'ni o'ngga burilsa, u holda ikkinchi induktiv g'altakning bir xil nomli qismasi 3 bo'ladi. Agar voltmetr strelkasi manfiy yo'nalishga, ya'ni chapga burilsa, u holda bir xil nomli qisma 4 bo'ladi.

a) o'zaro induktivlikni aniqlashning birinchi usuli

Salt ish rejimida ikkinchi induktiv g'altakning qismlarida hosil bo'lgan U_2 kuchlanishni birinchi g'altak chulg'amidan o'tayotgan I_1 tokka nisbatini olib, undan o'zaro induktiv qarshilik x_M ni va o'zaro induktivlik M ni hisoblash mumkin.

$x_M = U_2 / I_1$; $x_M = \omega M$ va bundan $M = x_M / \omega$ yoki birinchi induktiv g'altak cho'lg'amida hosil bo'lgan kuchlanish U_1 ni ikkinchi g'altakdan o'tayotgan I_2 tok qiymatiga bo'lib, o'zaro induktiv qarshilik x_M va o'zaro induktivlik M ni aniqlash mumkin: $x_M = U_1 / I_2$; $x_M = \omega M$; $M = x_M / \omega$.

b) o'zaro induktivlikni aniqlashning ikkinchi usuli

Buning uchun 2.37--rasmda keltirilgan sxemani yig'amiz va U kuchlanish, I tok va P aktiv quvvatlarni o'zaro induktiv bog'langan ikki g'altak ketma-ket va mos hamda ketma-ket va qarama-qarshi ulangan holatlarida o'lchaymiz. O'lchash natijalari asosida quyidagilarni hisoblaymiz:

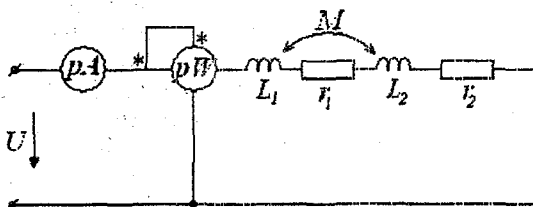
$$\cos \varphi_{mos} = \frac{P_{mos}}{UI_{mos}}; \cos \varphi_{q.q.} = \frac{P_{q.q.}}{UI_{q.q.}},$$

$$z_{mos} = \frac{U}{I_{mos}} = \sqrt{r_{mos}^2 + x_{mos}^2} = \sqrt{(r_1 + r_2)^2 + \omega^2(L_1 + L_2 + 2M)^2},$$

$$r_{mos} = r_1 + r_2 = z_{mos} \cos \varphi_{mos}; \quad x_{mos} = \omega(L_1 + L_2 + 2M) = z_{mos} \sin \varphi_{mos},$$

$$z_{q.q.} = \frac{U}{I_{q.q.}} = \sqrt{r_{q.q.}^2 + x_{q.q.}^2} = \sqrt{(r_1 + r_2)^2 + \omega^2(L_1 + L_2 - 2M)^2},$$

$$r_{q.q.} = r_1 + r_2 = z_{q.q.} \cos \varphi_{q.q.}; \quad x_{q.q.} = \omega(L_1 + L_2 - 2M) = z_{q.q.} \sin \varphi_{q.q.}.$$



2.37 – rasm

Bu ifodalarda mos indeksi – g'altaklar o'zaro induktiv jihatdan mos, q.q. – indeksi esa, g'altaklar o'zaro qarama – qarshi ulashga taalluqli. O'zaro induktivlik quyidagicha hisoblanadi:

$$M = (x_{mos} - x_{q.q.}) / 4\omega.$$

Bog'lanish koeffitsiyenti esa $k = M / \sqrt{L_1 L_2}$ ga teng bo'ladi.

2.11.6 Induktiv bog'langan zanjirlarning ekvivalent sxemalari

Induktiv bog'langan zanjirlarni tahlil etish va hisoblash birmuncha qiyinchiliklar tug'diradi. Bu ishni soddalashtirish maqsadida induktiv bog'langan zanjirlarni ekvivalent almashtirish usuli qo'llaniladi.

2.38 – rasm, a da keltirilgan o'zaro induktiv bog'langan zanjirni induktiv bog'lanmagan zanjirga almashtirishni tahlil qilaylik. Bunda bo'lishi mumkin bo'lgan ikki holatni ko'rib chiqamiz:

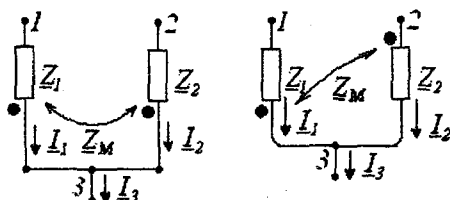
1. Elementlarning bir xil nomlangan qismlari umumiy tugunga ulangan sxema.

2. Elementlarning har xil nomlangan qismlari umumiy tugunga ulangan sxema.

Agar 3 – tugunda faqat uchta shoxobcha ulangan bo'lsa, u holda sxemaga qo'shimcha shoxobcha kiritish shart emas.

1, 3 va 2, 3 qismalar orasidagi kuchlanishlar uchun quyidagi ifodalarni yozish mumkin:

$$\begin{cases} \underline{U}_{13} = \underline{Z}_1 \underline{I}_1 \pm \underline{Z}_M \underline{I}_2, \\ \underline{U}_{23} = \underline{Z}_2 \underline{I}_2 \pm \underline{Z}_M \underline{I}_1. \end{cases}$$



2.38 – rasm

Ushbu tenglamalardagi "+" ishora bir xil nomlangan qismalar ulangan birinchi holatga, "-" ishora esa har xil nomlangan qismalar ulangan ikkinchi holatga mos keladi. Ishoralarning bunday tartibini keyingi ifodalar uchun ham qo'llaymiz.

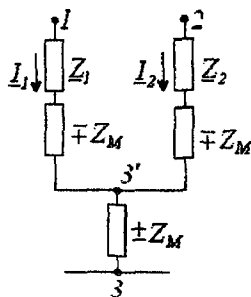
$\underline{I}_1 + \underline{I}_2 - \underline{I}_3 = 0$ ifodadan foydalanib sistemaning birinchi tenglamasidagi $\underline{I}_2$ tokni, ikkinchi tenglamasidan esa $\underline{I}_1$ tokni istisno qilib, quyidagi tenglamalarni yozish mumkin:

$$\begin{cases} \underline{U}_{13} = (\underline{Z}_1 \mp \underline{Z}_M) \underline{I}_1 \pm \underline{Z}_M \underline{I}_3, \\ \underline{U}_{23} = (\underline{Z}_2 \mp \underline{Z}_M) \underline{I}_2 \pm \underline{Z}_M \underline{I}_3. \end{cases}$$

Bundan tashqari quyidagini hosil qilish mumkin:

$$\underline{U}_{12} = (\underline{Z}_1 \mp \underline{Z}_M) \underline{I}_1 - (\underline{Z}_2 \mp \underline{Z}_M) \underline{I}_2.$$

Yuqorida keltirilgan oxirgi uchta tenglama 2.39 – rasmdagi sxema



2.39 – rasm

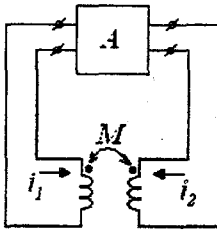
uchun o'rinni va shuning uchun ham bu sxema induktiv bog'lanmagan ekvivalent sxema bo'ladi. Demak, zanjirdagi induktiv bog'lanishni istisno etish uchun $\underline{Z}_1$ va $\underline{Z}_2$ qarshilikli shoxobchalarga $\mp \underline{Z}_M$ qo'shimcha qarshiliklar kiritib, tugunlar orasiga $\mp \underline{Z}_M$ qarshilikli element kiritish kerak bo'ladi. $\underline{Z}_M$ qarshilik oldidagi "-" ishora bir xil nomlangan qismalar umumiy tugunga ulangan holatga

to'g'ri keladi. Induktiv bog'langan elementlar uch qirrali yulduz yoki uchburchak usulida ulangan bo'lsa, yuqorida bayon etilgan ekvivalent almashlash usulidan foydalanib, induktiv bog'lanishi bo'lmagan sxemaga o'tish mumkin. To'rt qirrali yulduz usulida ulangan sxemalarni ekvivalent almashlash birmuncha murakkab,

chunki almashlash natijasida induktiv bog'langan elementlar umumiy tuguni bo'lmagan shaxobchalarda joylashgan bo'lib qoladi.

2.11.7 Induktiv bog'langan zanjirlarda energiya uzatish

Ikkita o'zaro induktiv bog'langan elementlarda o'zaro energiya uzatilishini ko'rib chiqamiz. Buning uchun induktiv bog'langan elementlardan tashqari zanjirning qolgan qismini aktiv to'rtqutblik sifatida qaraymiz (2.40—rasm).



2.40 — rasm

Har bir davr mobaynida i_1 va i_2 toklarning o'zgarishi natijasida induktiv bog'langan elementlar magnit maydoni orqali berilayotgan energiya to'rtqutblikka qayta uzatiladi. Agar i_1 va i_2 toklar orasidagi faza siljish burchagi bir — biriga nisbatan 0 va π oralig'ida bo'lsa, u holda magnit maydonini hosil qilishga sarflanayotgan

energiya, maydondan qaytayotgan energiyaga nisbatan ko'proq bo'ladi va aksincha, boshqa elementdan magnit maydoniga berilayotgan energiya maydondan chiqayotgan energiyadan kam bo'ladi. Natijada energiya bir elementdan boshqa elementga uzatilib turadi.

Quyidagi toklar ma'lum bo'lsin: $I_1 = I_1 e^{j\psi_1}$ va $I_2 = I_2 e^{j\psi_2}$.

O'zaro induksiya ta'sirida birinchi va ikkinchi elementlarda ajraladigan kompleks quvvatlar ifodasini quyidagicha yozish mumkin:

$$\left. \begin{aligned} \tilde{S}_{1M} &= \underline{U}_{1M} \dot{I}_{-1} = j\omega M I_2 I_1 e^{j(\psi_2 - \psi_1)} = \\ &= \omega M I_2 I_1 \sin(\psi_2 - \psi_1) + j\omega M I_2 I_1 \cos(\psi_2 - \psi_1), \\ \tilde{S}_{1M} &= \underline{U}_{2M} \dot{I}_{-2} = -j\omega M \dot{I}_{-1} \dot{I}_{-2} = -\dot{S}_{-1M} \end{aligned} \right\}$$

bundan

$$P_{1M} = -P_{2M} = \omega M I_2 I_1 \sin(\psi_1 - \psi_2).$$

Sxemada ko'rsatilgan tok va kuchlanishlarning musbat yo'nalishida quvvatlarning musbat qiymati aktiv to'rtqutblikdan elementlarga berilayotgan energiyaga mos keladi, quvvatlarning manfiy qiymati esa, elementdan to'rtqutblikka uzatiladigan energiyaga mos keladi.

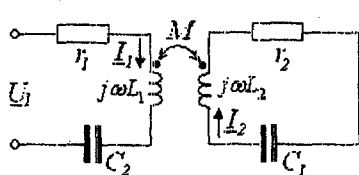
Lekin o'zaro induksiya ta'sirida paydo bo'ladigan va ikkala elementga berilayotgan aktiv quvvat nolga teng, ya'ni: $P_{1M} + P_{2M} = 0$.

Agar $\pi > \psi_1 - \psi_2 > 0$ bo'lsa, u holda $P_{1M} > 0$, $P_{2M} < 0$, ya'ni fizik nuqtai nazardan, energiya to'rtqutblikdan olinib birinchi elementdan ikkinchi element orqali yana to'rtqutblikka qayta uzatiladi. Agar $2\pi > \psi_1 - \psi_2 > \pi$ bo'lsa, u holda $P_{2M} > 0$ va $P_{1M} < 0$ bo'ladi. Bu holda energiya ikkinchi elementdan birinchi element orqali to'rtqutblikka qayta uzatiladi.

2.11.8 Induktiv bog'langan konturlarda rezonans

Amaliyotda radiotexnik va elektron qurilmalarda, konturlari o'zaro induktiv yoki sig'im bog'langan zanjirlar keng qo'llaniladi.

Induktiv bog'langan va reaktiv elementlari o'zaro ketma-ket ulangan zanjirdagi rezonans hodisalarini ko'rib chiqamiz (2.41-rasm).



Zanjir rejimi ikkita tenglama bilan aniqlanadi:

$$\begin{cases} (r_1 + jx_1)I_1 - j\omega M I_2 = U_1 \\ (r_2 + jx_2)I_2 - j\omega M I_1 = 0, \end{cases}$$

2.41 - rasm

bu yerda $x_1 = \omega L_1 - 1/\omega C_1$, $x_2 = \omega L_2 - 1/\omega C_2$.

Agar konturlarning xususiy burchak chastotalari $\omega_1 = \omega_2 = 1/\sqrt{LC} = \omega_0$ va har bir konturning reaktiv qarshiligi $x=0$ bo'lsa, u holda har bir kontur rezonansga sozlangan bo'ladi. Bunday holat to'la rezonans deyiladi. Tenglamadan quyidagini keltirib chiqarish mumkin:

$$I_{1rez} = \frac{r_1 U_1}{(r_1^2 + \omega_0^2 M^2)}.$$

Zanjir rezonansga sozlanganligi uchun bu tokning fazasi U_1 kuchlanishning fazasi bilan bir xil bo'ladi.

Ikkinchi konturdagi tok esa

$$I_{2rez} = j\omega_0 \frac{M I_{1rez}}{r_2} = j\omega_0 \frac{M \cdot r_1}{(r_2^2 + \omega_0^2 M^2) \cdot r_2} U_1.$$

Har qanday boshqa chastotada I_2 tok uchun quyidagini hosil qilish mumkin.

$$I_2 = \frac{j\omega M U_1}{[(r_2 + jx_2)^2 + (\omega^2 M^2)]}$$

Nisbiy birlikda

$$\begin{aligned} \frac{I_2}{I_{2\text{rez}}} &= \frac{\omega}{\omega_0} \cdot \frac{r_2^2 + \omega_0^2 M^2}{(r_2 + x_2)^2 + \omega^2 M^2} = \omega^* \cdot \frac{1 + \omega_0^2 M^2 / r_2^2}{(1 + x_2 / r_2)^2 + \omega^2 M^2 / r_2^2} = \\ &= \omega^* \cdot \frac{1 + (kQ)^2}{(1 + \xi)^2 + (kQ)^2}, \end{aligned}$$

chunki

$$\frac{\omega_0 M}{r_2} = \frac{\omega_0 L}{r_2} \cdot \frac{M}{L} = kQ,$$

$\omega^* = \frac{\omega}{\omega_0}$ – nisbiy chastota,

Q – har bir konturning asllik koeffitsiyenti,

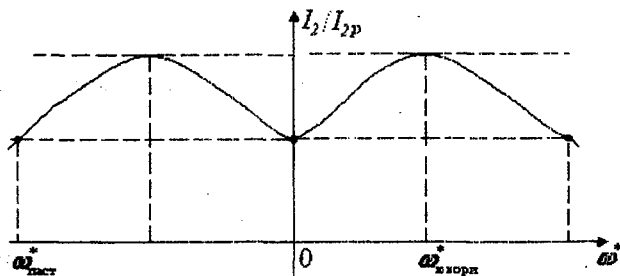
$k = \frac{M}{\sqrt{L_1 L_2}}$ – bog'lanish koeffitsiyenti va

$$\frac{x}{r} = \frac{\omega L - 1 / \omega C}{r} = \frac{\omega^* \omega_0 L - 1 / \omega^* \omega_0 C}{r} = Q \left(\frac{\omega^* - 1}{\omega^*} \right) = \xi \text{ – konturning}$$

umumlashgan nosozligi.

Zanjirning rezonans xarakteristikasini qurishda $\omega / \omega_0 = 1$ deb, Q ni hisoblashni esa, $\omega L = \omega_0 L$ deb qabul qilish mumkin.

Konturlar kuchli bog'langan, ya'ni $kQ > 1$ bo'lsa, ikkita maksimumga ega bo'lgan rezonans egri chizig'i hosil bo'ladi (2.42 – rasm).



2.42 – rasm

Ushbu zanjirning signalni o'tkazish kengligi $(\omega_{yuqori}^* - \omega_{pasti}^*)$, oddiy bir konturli L va C elementlar ketma-ket ulangan zanjirning o'tkazish qobiliyatidan 3,1 marta katta bo'ladi. $kQ < 1$ bo'lganda

$\frac{I_2}{I_{2rez}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \xi^4/4}}$ va $\xi = \pm\sqrt{2}$ bo'ladi. Bu holda ham o'zaro induktiv bog'langan ikki konturli zanjirning o'tkazish qobiliyati bir konturli zanjirnikidan katta bo'ladi.

Shunday qilib, I_{2rez} tok qiymati konturlarning bog'lanish koeffitsiyentiga bog'liq.

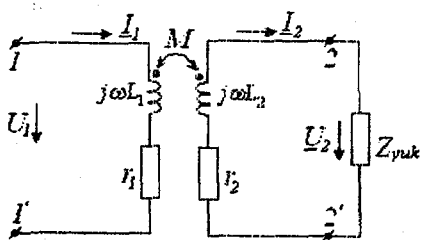
Tokning eng katta qiymati esa $\omega_0 M = r$ shart bajarilganda $I_{2rmax} = U_1/2r$ ga teng bo'ladi.

Konturlarda xususiy rezonans rejimini o'rnatish uchun har bir kontur parametrlarini — kondensator sig'imini yoki g'altak induktivligini o'zgartirish mumkin.

"Murakkab rezonans" esa, bog'lanish koeffitsiyenti va kontur parametrlarini o'zgartirish bilan amalga oshiriladi.

2.11.9 O'zaksiz transformatorlar. Transformatorlarni almashlash sxemasi va vektor diagrammasi

Transformator statik elektromagnit qurilma bo'lib, unda elektr energiya zanjirning bir qismidan ikkinchi qismiga o'zaro induktiv bog'lanish yordamida uzatiladi. Transformatorlar induktiv bog'langan bir necha chulg'am (g'altak) lardan iborat bo'lib, ularning induktivligini oshirish va sochilgan magnit oqimlarini kamaytirish maqsadida chulg'amlar umumiy ferromagnit o'zakka joylashtiriladi. Transformator chulg'amlaridan biri energiya manbaiga ulanadi, qolgan chulg'amlariga esa, iste'molchilar ulanadi. Energiya manbaiga ulangan chulg'amni birlamchi, qolganlarini esa ikkilamchi chulg'amlar deb ataladi. Transformator chulg'amlari bir-biridan elektr izolyasiya — langan bo'lishi kerak. Magnit materiallarining xossalari magnit maydonning kuch — langanligiga bog'liq bo'lganligi uchun, ular shu magnit maydonni hosil qiluvchi toklarga ham bog'liq bo'ladi.



2.43 — rasm

Shuning uchun o'zakli transformator umumiy holda nochiqiq xarakteristikali qurilmadir. Undagi jarayonlar nochiqiq differensial tenglamalar bilan ifodalanadi. Ferromagnit o'zaksiz (havoli) transformatorlarda elektromagnit jarayonlar chiziqli differensial tenglamalar bilan ifodalanadi, shu sababdan bunday transformatorlar chiziqli transformatorlar deb ataladi (2.43-rasm).

Ikki chulg'amli chiziqli transformatorni o'zaro induktiv bog'langan ikkita g'altak ko'rinishida qarash mumkin. Transformator chulg'amlaridagi energiya isrofni r_1 va r_2 rezistiv qarshiliklar bilan hisobga olinadi. Induktiv bog'langan zanjir tenglamasidan foydalanib sxemasi 2.43-rasmda keltirilgan ideal zanjir uchun kuchlanishlar muvozanat tenglamasini tuzamiz:

$$\left. \begin{aligned} u_1 &= r_1 i_1 + L_1 \frac{di_1}{dt} - M \frac{di_2}{dt} \\ -u_2 &= r_2 i_2 + L_2 \frac{di_2}{dt} - M \frac{di_1}{dt} \end{aligned} \right\}$$

Tok va kuchlanishlarning kompleks ifodasiga o'tamiz:

$$\left. \begin{aligned} \underline{U}_1 &= (r_1 + j\omega L_1) \underline{I}_1 - j\omega M \underline{I}_2 \\ -\underline{U}_2 &= [(r_2 + j\omega L_2) \underline{I}_2 - j\omega M \underline{I}_1] \end{aligned} \right\} \quad (2.3)$$

Agar tahlil qilinayotgan ikki chulg'amli chiziqli transformatorlarda ikkilamchi chulg'am toki $I_2 = 0$ bo'lsa, u holda transformatorning bu holati uning salt ish rejimi deyiladi. Bu rejim uchun birlamchi chulg'am toki I_1 ni aniqlaymiz:

$$\underline{I}_1 = \frac{\underline{U}_1}{r_1 + j\omega L_1} = \underline{I}_{10}.$$

Transformatorning salt ish rejimida manbadan qabul qilayotgan toki I_{10} magnitlovchi tok deb ataladi.

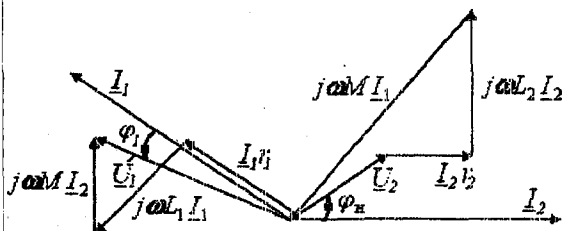
(2.3) tenglamalar sistemasini $\underline{U}_1$ kuchlanish va $\underline{I}_1$ tokka nisbatan yechamiz:

$$\begin{aligned} \underline{U}_1 &= \left[\frac{r_1 + j\omega L_1}{j\omega M} + \frac{(r_1 + j\omega L_1)(r_2 + j\omega L_2) + \omega^2 M^2}{j\omega M \underline{Z}_{\text{rok}}} \right] \underline{U}_2, \\ \underline{I}_1 &= \frac{r_2 + j\omega L_2 + \underline{Z}_{\text{rok}}}{j\omega M} \underline{I}_2. \end{aligned}$$

Chiziqli transformatorlarda $\underline{U}_1$ kuchlanish va birlamchi chulg'am toki $\underline{I}_1$, ikkilamchi cho'lg'am $\underline{U}_2$ kuchlanishi va toki $\underline{I}_2$ ga mos ravishda proporsional bo'lib, proporsionallik koeffitsiyenti ikkala

tenglamada ham iste'molchi qarshiligi $Z_{yuk} = \underline{U}_2 / \underline{I}_2$ ga bog'liq bo'ladi.

Ferromagnit o'zaksiz transformator vektor diagrammasini quramiz (2.44 – rasm).



Bunda iste'molchi

$$\underline{Z}_{yuk} = \underline{Z}_{yuk} e^{j\varphi_{yuk}} \quad \text{ni}$$

induktiv xarakterga ega deb faraz qilamiz.

Tok $\underline{I}_2$ ni $+1$ absissa yarim o'qi bo'yicha yo'naltiramiz. Iste' –

2.44 -- rasm

molchidagi kuchlanish $\underline{U}_{yuk}$

tok $\underline{I}_2$ ga nisbatan φ_n burchakka oldinda, $r_2 \underline{I}_2$ esa kuchlanishi faza jihatidan tok $\underline{I}_2$ bilan bir xil bo'ladi. Vektor $j\omega L_2 \underline{I}_2$ esa, tok $\underline{I}_2$ ga nisbatan 90° oldinda bo'ladi, (2.3) tenglamaga asosan vektor $j\omega M \underline{I}_2$ ni shunday o'tkazamizki, unda ikkilamchi zanjir kuchlanishlar vektorlarining yig'indisi nolga teng bo'lsin. $\underline{I}_1$ tok vektori kuchlanish $j\omega M \underline{I}_1$ vektoridan 90° orqada qoladi. Vektor $r_1 \underline{I}_1$ faza jihatidan $\underline{I}_1$ tok vektori bilan mos tushadi, vektor $j\omega L_1 \underline{I}_1$ esa vektor $\underline{I}_1$ dan 90° oldinda bo'ladi. $j\omega M \underline{I}_2$ vektori $\underline{I}_2$ vektorga nisbatan 90° oldinda bo'ladi. Unda $\underline{U}_1 = r_1 \underline{I}_1 + j\omega L_1 \underline{I}_1 + (-j\omega M \underline{I}_2)$.

Elektr zanjirlar nazariyasida "mukammal" va "ideal" transformator tushunchalari katta ahamiyatga egadir.

Mukammal transformator deb bog'lanish koeffitsiyenti birga ($k=1$) teng bo'lgan ideal to'rtqutblikka aytiladi. Demak, bunday transformatorlarda sochilgan magnit oqimlari bo'lmaydi.

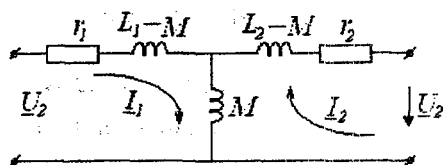
Agar yuqoridagi ifodalarda $r_1 = r_2 = 0$ va $M = \sqrt{L_1 L_2}$ bo'lsa, u holda birlamchi cho'lg'andagi tok va kuchlanish mukammal transformator uchun quyidagicha ifodalanadi:

$$\underline{U}_1 = \left(\sqrt{\frac{L_1}{L_2}} \right) \underline{U}_2, \quad \underline{I}_1 = \left[\left(\sqrt{\frac{L_2}{L_1}} \right) + \left(\sqrt{\frac{Z_{yuk}}{j\omega L_1}} \right) \left(\sqrt{\frac{L_1}{L_2}} \right) \right] \underline{I}_2,$$

$$n = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} = \frac{L_2}{M} = \frac{M}{L_1},$$

bu yerda n —transformatsiya koeffitsiyenti deb ataladi. Transformatsiya koeffitsiyenti o'ramlar soni orqali quyidagicha ifodalanadi: $n = w_1 / w_2$, $U_1 = n \cdot U_2$, $I_1 = (I_2 / n + I_{10})$ bo'ladi.

Mukammal transformatorning magnitlovchi toki $I_{10} = U_1 / j\omega L_1$ ga teng bo'ladi, chunki unda $r_1 = 0$. Birlamchi cho'lg'am kuchlanishining ikkilamchi cho'lg'am kuchlanishiga nisbati transformatsiya koeffitsiyentiga teng, ya'ni $n = U_1 / U_2$ va u iste'molchi qarshiligiga bog'liq emas. Mukammal transformatorning kompleks almashlash sxemasi 2.45—rasmda keltirilgan.



2.45—rasm

Agar mukammal transformatorning magnitlovchi toki nolga teng bo'lsa, u holda bunday transformator ideal transformator deb ataladi. $I_{10} = U / \omega L_1$

ifodadan ko'rinib turibdiki, agar mukammal transformator $L_1 = \infty$ bo'lsa, u holda uning magnitlovchi toki nolga teng bo'ladi.

Demak, ideal transformator tenglamalarini quyidagicha yozish mumkin $U_1 = nU_2$.

Oniy qiymatlar uchun esa: $i_1 = i_2 / n$, $u_1 = nu_2$ bo'ladi.

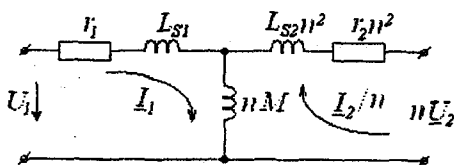
Agar ideal transformator 2-2' qismlariga $Z_{yuk} = U_2 / I_2$ kompleks qarshilikli istemolchi ulangan bo'lsa, u holda transformatorning 1-1' qismlari tomonidan kirish qarshiligi $Z_{kir} = U_1 / I_1 = U_2 n^2 / I_2 = n^2 Z_{yuk}$ bo'ladi.

Shunday qilib, iste'molchi qarshiligi qanday xarakterda bo'lsa, transformatorning kirish qarshiligi shunday xarakterda bo'ladi, ammo uning moduli n^2 marta farq qiladi. Transformatorlarning qarshiliklar "modulini" o'zgartirish xususiyati radiotexnika qurilmalarida keng qo'llaniladi. Manba qarshiligini iste'molchi qarshiligi bilan moslashda real transformatorlarda ideal transformatorga qaraganda quvvat isrofi yuzaga keladi, ba'zi hollarda esa—transformatorning cho'lg'amlarida sig'im qarshiliklar paydo bo'lib, induktivligi chegara qiymatga ega bo'ladi va sochilgan magnit maydonlar nolga teng bo'lmaydi. Bunday holat yuqori chastotada sodir bo'ladi. Demak, bunday holatni real transformatorlarda hisobga olish kerak bo'ladi.

Agar kuchlanishlar muvozanati tenglamalari (2.3) ning birinchisiga $j\omega M \underline{I}_1$ ni, ikkinchisiga esa $j\omega M \underline{I}_2$ ni qo'shib va ayirsak, u holda quyidagi tenglamalarni hosil qilamiz:

$$\begin{cases} \underline{U}_1 = [r_1 + j\omega(L_1 - M) + j\omega M] \underline{I}_1 - j\omega M \underline{I}_2 \\ -\underline{U}_2 = [r_2 + j\omega(L_2 - M) + j\omega M] \underline{I}_2 - j\omega M \underline{I}_1 \end{cases}$$

Bu tenglamalar tegishli konturlarning tenglamasi bo'lib, 2.45-rasmda keltirilgan sxemaga taalluqli va uni ferromagnit o'zaksiz transformatorning almashlash sxemasi sifatida qarashimiz mumkin. Sxemaga kiruvchi $L_1 - M$ va $L_2 - M$ kattaliklar faqat birlamchi va ikkilamchi chulg'amlar o'ramlar soni bir-biriga teng ($w_1 = w_2$) bo'lganda, ma'lum fizik ma'noga ega ekanligi rasmdan ko'rinib turibdi. Sochilgan induktivliklar L_{S1} va L_{S2} transformatorning birlamchi va ikkilamchi chulg'amlariga tegishli bo'ladi. Agar birlamchi va ikkilamchi chulg'amlar o'ramlar soni teng bo'lmasa, u holda transformatorning keltirilgan almashlash sxemasidan foydalaniladi. Bunday sxema 2.46 - rasmda ko'rsatilgan.



2.46 - rasm

Ikkilamchi chulg'amning kuchlanishi $\underline{U}_2$ va toki $\underline{I}_2$ birlamchi chulg'amga keltiriladi va tegishli kattaliklar bilan almashtiriladi: $\underline{U}_2$ kuchlanish n ga

ko'paytiriladi, toki esa n ga bo'linadi. Unda tenglamalar sistemasi quyidagicha yoziladi:

$$\underline{U}_1 = (r_1 + j\omega L_1) \underline{I}_1 - j\omega \frac{nM}{n} \underline{I}_2;$$

$$-n\underline{U}_2 = n^2(r_2 + j\omega L_2) \underline{I}_2 / n - j\omega nM \underline{I}_1.$$

Bularni quyidagicha o'zgartiramiz:

$$\underline{U}_1 = [r_1 + j\omega(L_1 - n \cdot M)] \underline{I}_1 + j\omega n \cdot M \underline{I}_1 - j\omega nM \frac{\underline{I}_2}{n},$$

$$-n\underline{U}_2 = n^2[r_2 + j\omega(L_2 - M/n)] \frac{\underline{I}_2}{n} + j\omega nM \frac{\underline{I}_2}{n} - j\omega nM \underline{I}_1.$$

Bu tenglamalar transformatorning keltirilgan almashlash sxemasining konturlari tenglamasini tashkil etadi (2.46 - rasm). Transformatorning birlamchi chulg'amga keltirilgan almashlash sxemasi quyidagi qismlardan iborat: birlamchi cho'lg'amning r_1 -

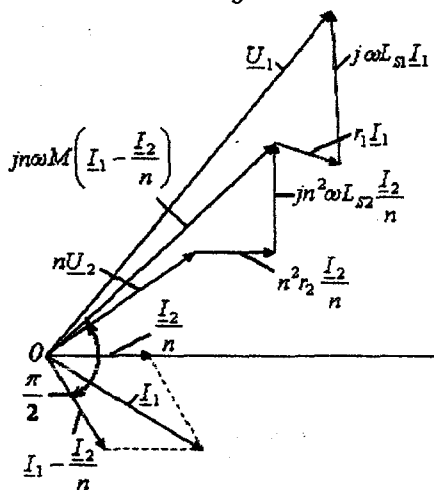
aktiv qarshiligi va L_{S1} — sochilgan induktivligi; ko'ndalang shoxobcha induktivligi — $(w_1/w_2)M$ (bu shoxobcha magnitlovchi shoxobcha deb ataladi). Birlamchi chulg'amga keltirilgan parametrlar r_2 va L_{S2} larni n^2 ga bo'lish bilan aniqlanadi. ωL_{S1} va ωL_{S2} lar transformator birlamchi va ikkilamchi chulg'amlarining sochilgan induktiv qarshiliklari, $n\omega M$ esa magnitlovchi shoxobcha induktiv qarshiligi hisoblanadi.

Magnitlovchi kuch transformatorning umumiy magnit oqimini aniqlaydi va u birlamchi va ikkilamchi chulg'amlarda toklar qarama — qarshi yo'nalgan bo'lganda quyidagicha aniqlanadi:

$$i_1 w_1 - i_2 w_2 = \left(i_1 - \frac{w_2}{w_1} i_2 \right) w_1 = \left(i_1 - \frac{i_2}{n} \right) w_1.$$

$(i_1 - i_2/n)$ toklar va ularga mos $(I_1 - I_2/n)$ kompleks toklar birlamchi chulg'amga keltirilgan sxemada magnitlovchi shoxobchadan o'tadi va transformatorning magnitlovchi toki deb ataladi.

2.46 — rasmda keltirilgan sxema uchun vektorlar diagrammasi 2.47 — rasmda keltirilgan.



2.47 — rasm

Vektor diagrammani qu — rishda ikkinchi chulg'am kuchlanishi va toki birlamchi chulg'amga keltirilgan parametrlariga mos qilib olinadi. Keltirilgan aktiv qarshilik $n^2 r_2$ va sochilgan induktiv qarshilik $n^2 \omega L_{S2}$ lardagi kuchlanishlar tushuvi geometrik qo'shiladi, keltirilgan ikkilamchi kuchlanish nU_2 bilan bu chulg'amda hosil bo'lgan kuchlanish — larning geometrik yig'indisi magnitlovchi tokni magnitlash shoxobchasida hosil

qilgan kuchlanish tushuviga $j\omega nM(I_1 - I_2/n)$ teng bo'ladi; bu holda magnitlovchi tok undan hosil bo'lgan kuchlanish tushuvidan

90° orqada bo'ladi. Birlamchi tok ikkilamchi keltirilgan tok bilan magnitlovchi tokni geometrik yig'indisiga teng, ya'ni:

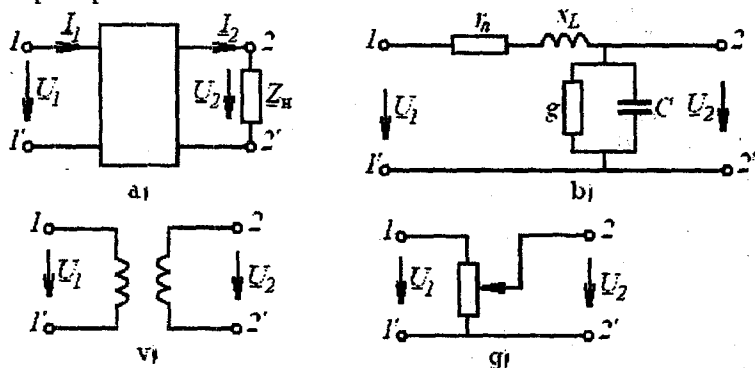
$$(\underline{I}_1 - \underline{I}_2 / n) + \underline{I}_2 / n = \underline{I}_1.$$

Birlamchi chulg'amning aktiv qarshiligidagi va sochilgan induktiv qarshiligidagi kuchlanishlar tushuvi geometrik qo'shiladi va magnitlovchi shoxobcha kuchlanishi bilan birlamchi kuchlanishni hosil qiladi.

2.12 To'rtqutbliliklar

2.12.1 Umumiy ma'lumotlar

Ikkita kirish va ikkita chiqish qismlariga ega bo'lgan zanjirning qismi to'rtqutblilik deb ataladi. Bunda to'rtqutblilikning energiya manbai ulanadigan qismlari kirish, yuklama ulanadigan qismlari esa chiqish qismlari hisoblanadi.

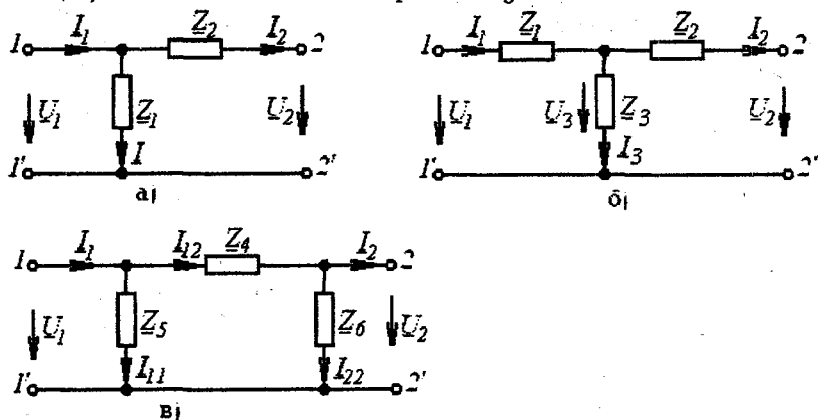


2.48 – rasm

Elektr sxemalarda to'rtqutblilik 1–1' kirish va 2–2' qismlari bo'lgan to'g'ri to'rtburchak ko'rinishda belgilanadi (2.48 – rasm, a).

Elektr energiyani uzatish liniyasi (2.48 – rasm, b), transformator (2.48 – rasm, v), rostlanuvchi rezistor (2.48 – rasm, g), to'g'rilagich qurilmasi, ko'priq sxemalari, elektr filtrlar, kuchaytirgichlar va boshqa ko'pgina qurilmalar to'rtqutblilik sifatida qaralishi mumkin. Agar to'rtqutblilik ichida energiya manbai mavjud bo'lsa, u holda u aktiv, aks holda esa passiv deb ataladi hamda to'g'ri to'rtburchak ichiga mos ravishda A va P harfini yozish bilan farqlanadi. Agar to'rtqutblilik faqat chiziqli elementlardan tashkil topgan bo'lsa, u holda u chiziqli to'rtqutblilik, tarkibida hech bo'lmaganda bitta nochiziqli elementi bo'lgan to'rtqutblilik esa nochiziqli to'rtqutblilik deb ataladi. Agar to'rtqutblilik qismlari o'рни almashtirilganda, ya'ni kirish

qismalari yuklamaga, chiqish qismalari energiya manbaiga ulanganda, uning kirish va chiqish toklari o'zgarmasa, u holda bunday to'rtqutbliklar simmetrik, aks o'olda esa nosimmetrik deb ataladi. To'rtqutblik elementlarining o'zaro ulanish sxemalariga ko'ra G -simon (2.49 – rasm, a), T -simon (2.49 – rasm, b) va Π -simon (2.49 – rasm, v) almashlash sxemali to'rtqutbliklarga bo'linadi.



2.49 – rasm

To'rtqutblikni hisoblash deganda uning umumlashgan parametrlaridan foydalanib kirish va chiqish tok va kuchlanishlarini topish tushuniladi. Ixtiyoriy passiv to'rtqutblikda kirish toki I_1 va kuchlanishi U_2 , uning chiqish toki I_2 va kuchlanishi U_1 quyidagi ikkita asosiy tenglama bilan ifodalanadi:

$$\underline{U}_1 = \underline{A}\underline{U}_2 + \underline{B}\underline{I}_2, \quad (2.4)$$

$$\underline{I}_1 = \underline{C}\underline{U}_2 + \underline{D}\underline{I}_2, \quad (2.5)$$

bu yerda $\underline{A}, \underline{B}, \underline{C}, \underline{D}$ – to'rtqutblikning kompleks koeffitsiyent (doimiy) lari. Bu koeffitsiyentlar to'rtqutblik elementlarining ulanish sxemalariga va elementlarning xarakteriga bog'liq bo'lib, $\underline{A}\underline{B} - \underline{C}\underline{D} = 1$ munosabat bilan aniqlanadi.

To'rtqutblikning yuqorida keltirilgan asosiy tenglamalari asosida uning turli xil almashlash sxemalarini hosil qilish mumkin. Bu sxemalar to'rtqutblik umumiy xossalarini tahlil qilishni osonlashtiradi. Amaliyotda ko'pincha T -simon va Π -simon almashlash sxemalardan keng foydalaniladi.

2.12.2 To'rtqutblikning T -simon almashlash sxemasi

T -simon almashlash sxemasi uchun to'rtqutblik ko'effitsiyentlarini aniqlaymiz (2.49-rasm, b). Kirxgof qonunlariga ko'ra:

$$\underline{U}_1 = \underline{I}_1 \underline{Z}_1 + \underline{U}_3 = \underline{I}_1 \underline{Z}_1 + \underline{I}_2 \underline{Z}_2 + \underline{U}_2, \quad (2.6)$$

$$\underline{I}_1 = \underline{I}_2 + \underline{I}_3 = \underline{I}_2 + \frac{\underline{U}_3}{\underline{Z}_3} = \underline{I}_2 + \frac{\underline{I}_2 \underline{Z}_2 + \underline{U}_2}{\underline{Z}_3}. \quad (2.7)$$

(2.7) ifodani (2.6) tenglamaga qo'yib quyidagini hosil qilamiz:

$$\underline{U}_1 = \left(1 + \frac{\underline{Z}_1}{\underline{Z}_3}\right) \underline{U}_2 + \underline{I}_2 \left(\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 + \frac{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}\right) = \underline{A} \underline{U}_2 + \underline{B} \underline{I}_2,$$

bu yerda $\underline{A} = \left(1 + \frac{\underline{Z}_1}{\underline{Z}_3}\right)$, $\underline{B} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2 + \frac{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}$.

(2.7) tenglamani quyidagicha o'zgartiramiz:

$$\underline{I}_1 = \frac{1}{\underline{Z}_3} \underline{U}_2 + \underline{I}_2 \left(1 + \frac{\underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}\right) = \underline{C} \underline{U}_2 + \underline{D} \underline{I}_2,$$

bu yerda $\underline{C} = \frac{1}{\underline{Z}_3}$, $\underline{D} = 1 + \frac{\underline{Z}_2}{\underline{Z}_3}$.

Yuqoridagi ifodalardan ko'rinib turibdiki, $\underline{B}$ ko'effitsiyent qarshilik birligida, $\underline{C}$ — o'tkazuvchanlik birligi, $\underline{A}$ va $\underline{D}$ ko'effitsiyentlar esa o'lchovsiz kattaliklar hisoblanadi. Simmetrik to'rtqutbliklarda $\underline{Z}_1 = \underline{Z}_2$ bo'lib, $\underline{A} = \underline{D}$ shart bajariladi.

Agar to'rtqutblik ko'effitsiyentlari ma'lum bo'lsa, u holda T -simon almashlash sxema parametrlari quyidagicha aniqlanadi:

$$\underline{Z}_1 = \frac{\underline{A}-1}{\underline{C}}, \quad \underline{Z}_2 = \frac{\underline{D}-1}{\underline{C}}, \quad \underline{Z}_3 = \frac{1}{\underline{C}}.$$

Oxirgi munosabatlardan quyidagicha xulosa chiqarish mumkin: to'rtqutblik kirish va chiqish qismlari o'zaro almashtirilsa, $\underline{B}$ va $\underline{C}$ ko'effitsiyentlar o'zgarmaydi, ammo tenglamalarda $\underline{A}$ va $\underline{D}$ ko'effitsiyentlar o'rnini almashib keladi, ya'ni:

$$\underline{U}_2 = \underline{D} \underline{U}_1 + \underline{B} \underline{I}_1, \quad \underline{I}_2 = \underline{C} \underline{U}_1 + \underline{A} \underline{I}_1. \quad (2.8)$$

2.12.3 To'rtqutblikning Π -simon almashlash sxemasi

Π -simon almashlash sxemasi uchun Kirxgof qonunlari asosida

quyidagi tenglamalarni yozish mumkin (2.49 – rasm, v):

$$\begin{aligned} \underline{I}_{12} &= \underline{I}_{22} + \underline{I}_2 = \frac{\underline{U}_2}{\underline{Z}_6} + \underline{I}_2, \\ \underline{U}_1 &= \underline{I}_{12}\underline{Z}_4 + \underline{U}_2 = \left(\frac{\underline{U}_2}{\underline{Z}_6} + \underline{I}_2 \right) \underline{Z}_4 + \underline{U}_2 = \\ &= \underline{U}_2 \left(1 + \frac{\underline{Z}_4}{\underline{Z}_6} \right) + \underline{I}_2 \underline{Z}_4 = \underline{A}\underline{U}_2 + \underline{B}\underline{I}_2, \end{aligned} \quad (2.9)$$

bu yerda $\underline{A} = 1 + \frac{\underline{Z}_4}{\underline{Z}_6}$, $\underline{B} = \underline{Z}_4$.

$$\begin{aligned} \underline{I}_1 &= \underline{I}_{11} + \underline{I}_{12} = \frac{\underline{U}_1}{\underline{Z}_5} + \frac{\underline{U}_2}{\underline{Z}_6} + \underline{I}_2 = \frac{\underline{U}_2}{\underline{Z}_5} \left(1 + \frac{\underline{Z}_4}{\underline{Z}_6} \right) + \underline{I}_2 \frac{\underline{Z}_4}{\underline{Z}_5} + \frac{\underline{U}_2}{\underline{Z}_6} + \underline{I}_2 = \\ &= \underline{U}_2 \left(\frac{\underline{Z}_4 + \underline{Z}_5 + \underline{Z}_6}{\underline{Z}_6 \underline{Z}_5} \right) + \underline{I}_2 \left(1 + \frac{\underline{Z}_4}{\underline{Z}_5} \right) = \underline{C}\underline{U}_2 + \underline{D}\underline{I}_2. \end{aligned}$$

Oxirgi tenglamadan:

$$\underline{C} = \frac{\underline{Z}_4 + \underline{Z}_5 + \underline{Z}_6}{\underline{Z}_6 \underline{Z}_5} = \frac{1}{\underline{Z}_6} + \frac{1}{\underline{Z}_5} + \frac{\underline{Z}_4}{\underline{Z}_6 \underline{Z}_5}, \quad \underline{D} = 1 + \frac{\underline{Z}_4}{\underline{Z}_5}.$$

O'z navbatida agar $\underline{A}$, $\underline{B}$, $\underline{C}$, $\underline{D}$ koeffitsiyentlar ma'lum bo'lsa, u holda Π – simon almashlash sxemasi parametrlari quyidagicha topiladi:

$$\underline{Z}_4 = \underline{B}, \quad \underline{Z}_5 = \frac{\underline{B}}{\underline{D} - 1}, \quad \underline{Z}_6 = \frac{\underline{B}}{\underline{A} - 1}.$$

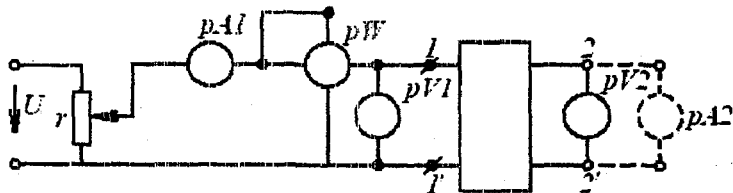
Agar $\underline{Z}_5 = \underline{Z}_6$ shart bajarilsa, unda to'rtqutblik simmetrik bo'lib, $\underline{A} = \underline{D}$ bo'ladi.

2.12.4 To'rtqutblik koeffitsiyentlarini tajriba yordamida aniqlash

Passiv to'rtqutblik kompleks koeffitsiyentlarini tajriba yordamida aniqlash mumkin. Buning uchun to'rtqutblik parametrlari qiymatlari va elementlarining ulanish sxemasini bilish shart emas.

$\underline{A}$, $\underline{B}$, $\underline{C}$, $\underline{D}$ koeffitsiyentlarni topish formulalarini salt ish va qisqa tutashish tajribalari natijalariga asoslanib hosil qilish mumkin. Tajriba o'tkaziladigan sxema 2.50 – rasmda keltirilgan.

1. To'rtqutblik kirish qismlari manbaga ulangan holat uchun salt ish tajribasi. Qarshiligi rostlanadigan rezistor R yordamida to'rtqutblik kirishiga U_{2nom} kuchlanishga teng bo'lgan kuchlanish beriladi va o'lchov asboblari yordamida U_{10} , I_{10} va φ_{10} lar aniqlanadi. Salt ish rejimida $I_{20}=0$ bo'lganligi sababli (2.4) va (2.5) tenglamalar quyidagi ko'rinishda yoziladi:



2.50 — rasm

$$U_{10} = \underline{A} U_{2n}, \quad I_{10} = \underline{C} U_{2n}.$$

$$\underline{Z}_{10} = \frac{U_{10}}{I_{10}} = \frac{U_{10}}{I_{10}} \cdot e^{j\varphi_{10}} = \frac{\underline{A} U_{2n}}{\underline{C} U_{2n}} = \frac{\underline{A}}{\underline{C}}. \quad (2.10)$$

2. To'rtqutblik kirish qismlari manbaga ulangan holat uchun qisqa tutashish tajribasi. Bu tajribani o'tkazish uchun to'rtqutblik chiqish qismlariga ampermetr ulab uning kirishiga shunday kuchlanish beramizki, bunda to'rtqutblik chiqishidagi tok I_{2nom} ga teng bo'lsin. O'lchov asboblari yordamida U_{1q} , I_{1q} va φ_{1q} larni topamiz. Qisqa tutashish rejimida $U_{2q}=0$ bo'lganligi sababli (2.4) va (2.5) tenglamalar quyidagi ko'rinishda yoziladi:

$$\underline{U}_{1q} = \underline{B} I_{1q}, \quad I_{1q} = \underline{D} I_{2n}, \quad \text{bundan}$$

$$\underline{Z}_{1q} = \frac{U_{1q}}{I_{1q}} = \frac{U_{1q}}{I_{1q}} \cdot e^{j\varphi_{1q}} = \frac{\underline{B} I_{2n}}{\underline{D} I_{2n}} = \frac{\underline{B}}{\underline{D}}. \quad (2.11)$$

3. To'rtqutblik chiqish qismlari manbaga ulangan holat uchun salt ish tajribasi. To'rtqutblik 2-2' chiqish qismlariga shunday kuchlanish beramizki, bunda kirish qismalaridagi kuchlanish U_{1nom} ga teng bo'lsin. O'lchov asboblari yordamida U_{20} , I_{20} va φ_{20} ni yozib olamiz. Salt ish rejimida $I_{10}=0$ bo'lganligi uchun (2.8) tenglamalar quyidagicha yoziladi:

$$\underline{U}_{20} = \underline{D} U_{1n}, \quad I_{20} = \underline{C} U_{1n}.$$

To'rtqutblikning chiqish qismlari tomonidan kirish qarshiligi:

$$\underline{Z}_{20} = \frac{U_{20}}{I_{20}} = \frac{U_{20}}{I_{20}} \cdot e^{j\varphi_{20}} = \frac{\underline{D} U_{1n}}{\underline{C} U_{1n}} = \frac{\underline{D}}{\underline{C}}. \quad (2.12)$$

4. To'rtqutblik chiqish qismlari manbaga ulangan holat uchun qisqa tutashish tajribasi. (2.8) tenglamalar $U_{1q}=0$ bo'lganda $\underline{U}_{2q} = \underline{B}\underline{I}_{1n}$, $\underline{I}_{2q} = \underline{A}\underline{I}_{1n}$.

Kirish qarshiligi:

$$\underline{Z}_{2q} = \frac{\underline{U}_{2q}}{\underline{I}_{2q}} = \frac{\underline{U}_{2q}}{\underline{I}_{2q}} \cdot e^{j\varphi_{2q}} = \frac{\underline{B}}{\underline{A}} \frac{\underline{I}_{1n}}{\underline{I}_{1n}} = \frac{\underline{B}}{\underline{A}}. \quad (2.13)$$

(2.10)...(2.13) tenglamalar o'zaro $\underline{Z}_{1q}/\underline{Z}_{10} = \underline{Z}_{2q}/\underline{Z}_{20}$ munosabat bilan bog'langanligini inobatga olsak, unda $\underline{A}$, $\underline{B}$, $\underline{C}$, $\underline{D}$ koeffitsiyentlarni topish mumkin. (2.10)...(2.13) tenglamalarni $\underline{A}\underline{D} - \underline{B}\underline{C} = 1$ tenglama bilan birgalikda yechib, quyidagilarni hosil qilamiz:

$$\underline{A} = \sqrt{\frac{\underline{Z}_{10}}{\underline{Z}_{20} - \underline{Z}_{2q}}}, \quad \underline{B} = \underline{A}\underline{Z}_{2q}, \quad \underline{C} = \frac{\underline{A}}{\underline{Z}_{10}}, \quad \underline{D} = \underline{C}\underline{Z}_{20}.$$

Shunday qilib, to'rtqutblikning $\underline{A}$, $\underline{B}$, $\underline{C}$, $\underline{D}$ koeffitsiyentlarini aniqlash uchun yuqorida keltirilgan tajribalardan uchtasini, simmetrik to'rtqutblik uchun esa ikkitasini o'tkazish kifoya.

2.12.5 To'rtqutblikning salt ishlash va qisqa tutashishi

(2.4) va (2.5) tenglamalardan ko'rinib turibdiki, to'rtqutblik kirishidagi kuchlanish ham tok ham ikkita tashkil etuvchidan iborat bo'lib, ulardan biri U_2 kuchlanishga, ikkinchisi esa I_2 tokka proporsional.

To'rtqutblikning ikkita chegaraviy rejimini ko'rib chiqamiz: salt ish rejimi va qisqa tutashish rejimi. Salt ish rejimida to'rtqutblik chiqishidagi kuchlanish uning normal ish rejimidagi nominal kuchlanishga, qisqa tutashish rejimida to'rtqutblik chiqish toki normal ish rejimidagi tokka teng qilib olinadi:

$$\underline{U}_{10} = \underline{A}\underline{U}_2, \quad \underline{U}_{1q} = \underline{B}\underline{I}_2, \quad \underline{I}_{10} = \underline{C}\underline{U}_2, \quad \underline{I}_{1q} = \underline{D}\underline{I}_2. \quad (2.14)$$

(2.14) va (2.8) tenglamalarni o'zaro taqqoslab, $\underline{U}_1$ kuchlanish va $\underline{I}_1$ tok salt va qisqa tutashish rejimlaridagi mos ravishda kuchlanishlar va toklar yig'indisiga tengligiga ishonch hosil qilish mumkin, ya'ni:

$$\underline{U}_1 = \underline{A}\underline{U}_2 + \underline{B}\underline{I}_2 = \underline{U}_{10} + \underline{U}_{1q}, \quad \underline{I}_1 = \underline{C}\underline{U}_2 + \underline{D}\underline{I}_2 = \underline{I}_{10} + \underline{I}_{1q}.$$

Shunday qilib, to'rtqutblik kirish qismidagi kuchlanish va tokni salt ish va qisqa tutashish rejimlari natijalarini ustma-ustlab aniqlash mumkin.

Katta quvvatli elektrotexnik qurilmalarni sinovdan o'tkazishda ustma-ustlash prinsipini qo'llash alohida ahamiyatga ega. Chunki salt ish va qisqa tutashish tajribalarini o'tkazishda yuklama rejimidagiga nisbatan ancha kam quvvatli energiya manbaini talab qiladi va bunda elektrotexnik qurilmalarni sinovdan o'tkazishda katta miqdorda elektr energiya tejiladi.

2.12.6 Istalgan yuklama uchun to'rtqutblikning kirish qarshiligi

To'rtqutblik ish rejimini tavsiflashda ko'pincha uning kirish qarshiligi tushunchasidan foydalaniladi. To'rtqutblik kirish kuchlanishi $\underline{U}_1$ ning kirish toki $\underline{I}_1$ ga nisbati uning kirish qarshiligi deb ataladi. Bunda manba to'rtqutblikning kirish qismlariga ulangan deb hisoblanadi. Demak:

$$\underline{Z}_{kir(1)} = \frac{\underline{U}_1}{\underline{I}_1} = \frac{\underline{AU}_2 + \underline{BI}_2}{\underline{CU}_2 + \underline{DI}_2} = \frac{\underline{AZ}_n + \underline{B}}{\underline{CZ}_n + \underline{D}}, \quad (2.15)$$

bu yerda $\underline{Z}_n = \underline{U}_2 / \underline{I}_2$.

Xuddi shuningdek, manba to'rtqutblikning chiqish qismlariga ulangandagi kirish qarshiligi quyidagiga teng:

$$\underline{Z}_{kir(2)} = \frac{\underline{U}_2}{\underline{I}_2} = \frac{\underline{DU}_1 + \underline{BI}_1}{\underline{AU}_1 + \underline{AI}_1} = \frac{\underline{DZ}_n + \underline{B}}{\underline{CZ}_n + \underline{A}}, \quad (2.16)$$

(2.15) va (2.16) tenglamalardagi $\underline{A}$, $\underline{B}$, $\underline{C}$, $\underline{D}$ koeffitsiyentlar o'rniga (2.10)...(2.13) ifodalarini qo'yib, amalda ko'p uchraydigan quyidagi munosabatlarni hosil qilishimiz mumkin:

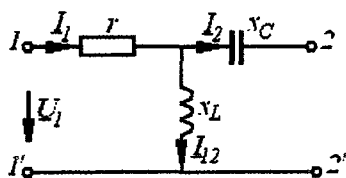
$$\underline{Z}_{kir(1)} = \frac{\underline{A}(\underline{Z}_n + \underline{B}/\underline{A})}{\underline{C}(\underline{Z}_n + \underline{D}/\underline{C})} = \underline{Z}_{10} \frac{\underline{Z}_n + \underline{Z}_{2q}}{\underline{Z}_n + \underline{Z}_{20}},$$

$$\underline{Z}_{kir(2)} = \frac{\underline{D}(\underline{Z}_n + \underline{B}/\underline{D})}{\underline{C}(\underline{Z}_n + \underline{A}/\underline{C})} = \underline{Z}_{20} \frac{\underline{Z}_n + \underline{Z}_{1q}}{\underline{Z}_n + \underline{Z}_{10}}.$$

Shuni ta'kidlash joizki, to'rtqutblikni yuqorida ko'rilgan tenglamalaridan tashqari turli ko'rinishdagi tenglamalari ham mavjud.

Masala: 2.51 – rasmda keltirilgan to'rtqutblik T – simon almashlash sxemasi uchun $\underline{A}$, $\underline{B}$, $\underline{C}$, $\underline{D}$ koeffitsiyentlarni toping va

$\underline{AD} - \underline{BC} = 1$ munosabatni tekshirib ko'ring. Quyidagilar berilgan: $r = 100 \text{ Om}$, $x_L = 200 \text{ Om}$, $x_C = 100 \text{ Om}$.



2.51 – rasm

Yechish. To'rtqutblik koeffitsientlarini topish uchun uning salt ish va qisqa tutashish rejimlari uchun yozilgan (2.14) tenglamalaridan foydalanamiz:

$$\underline{A} = \frac{\underline{U}_{10}}{\underline{U}_{2n}} = \frac{\underline{U}_1}{(\underline{U}_1 \cdot jx_L) / (r + jx_L)} = \frac{r + jx_L}{jx_L} = \frac{100 + j200}{j200} = 1 - j0,5$$

$\underline{B}$ koeffitsiyentni aniqlash uchun avval qisqa tutashish tokini topamiz:

$$\underline{I}_{2q} = \frac{\underline{U}_{1q}}{r + \frac{x_L x_C}{jx_L - jx_C}} \cdot \frac{jx_L}{jx_L - jx_C} = \frac{\underline{U}_{1q} jx_L}{x_L x_C + jr(x_L - x_C)}$$

$\underline{I}_{2q}$ tokning topilgan ifodasidan foydalanib $\underline{B}$ koeffitsiyentni aniqlaymiz:

$$\underline{B} = \frac{\underline{U}_{1q}}{\underline{I}_{2q}} = \frac{x_L x_C + jr(x_L - x_C)}{jx_L} = 50 - j100 \text{ Om},$$

$$\underline{C} = \frac{\underline{I}_{10}}{\underline{U}_{20}} = \frac{\underline{I}_{10}}{jx_L \underline{I}_{10}} = -j0,005 \text{ Sm},$$

$$\underline{D} = \frac{\underline{I}_{1q}}{\underline{I}_{2q}} = \frac{\underline{I}_{1q}}{\underline{I}_{1q} \frac{jx_L}{jx_L - jx_C}} = \frac{x_L - x_C}{x_L} = 0,5.$$

Endi $\underline{AD} - \underline{BC} = 1$ munosabatni tekshirib ko'ramiz:

$$\underline{AD} - \underline{BC} = (1 - j0,5) \cdot 0,5 - (50 - j100) \cdot (-j0,005) = 1.$$

Mustaqil tayyorlanishga doir referat mavzulari

1. Sinusoidal EYuKni hosil qilish, uni tavsiflovchi asosiy ko'rsatkichlar. 2. Sinusoidal tok chiziqli elektr zanjirlarida rezistor, induktiv g'altak va kondensator. 3. Sinusoidal tok zanjirlarida quvvat. Quvvatlar balansi. 4. Sinusoidal tok zanjirlarini kompleks usulda hisoblash asoslari. 5. Elektr zanjirlarida rezonans va uning ahamiyati. 6. Elektrotexnik qurilmalarning quvvat koeffitsiyenti va uni oshirish usullari. 7. Induktiv bog'langan zanjirlar va ularni hisoblash asoslari. 8. O'zaksiz transformator, uning almashlash sxemalari va vektor diagrammasi. 9. To'rtqutbliklar: asosiy tenglamalari va almashlash sxemalari. 10. To'rtqutblik koeffitsiyentlarini tajriba yordamida aniqlash.

O'z-o'zini sinash savollari

1. Sinusoidal tokni o'zgarmas tokka nisbatan afzalliklarini aytib bering. 2. Sinusoidal kattalik(EYuK, tok, kuchlanish)larni tavsiflovchi asosiy ko'rsatkichlarga nimalar kiradi? 3. Sinusoidal EYuK qanday hosil qilinadi? 4. Sinusoidal EYuK, tok va kuchlanishlarning ta'sir etuvchi(effektiv) va o'rtacha qiymatlari qanday aniqlanadi? 5. Sinusoidal kattaliklarning amplituda va shakl koeffitsiyentlari qanday hisoblanadi? 6. Sinusoidal kattaliklarni aylanuvchi vektorlar bilan tasvirlashning mohiyatini tushuntirib bering. 7. Sinusoidal kuchlanish va tok vektorlari orasidagi faza siljish burchagi deganda nima tushuniladi? 8. Aktiv, induktiv, sig'im, reaktiv va to'la qarshiliklar ifodalarini yozing va ma'nolarini tushuntirib bering. 9. Qarshiliklar, toklar va kuchlanishlar uchburchaklari nima? 10. Aktiv, reaktiv va to'la quvvatlar elektr zanjirining qanday xususiyatlarini tavsiflaydi? Quvvatlar uchburchagi nima? 11. Sinusoidal kattaliklarni kompleks tekislikda vektorlar bilan tasvirlash qanday amalga oshiriladi va u qanday qulayliklar tug'diradi? 12. Zanjirning kompleks to'la qarshiligi va o'tkazuvchanligi nima? 13. Om, Kirxgof qonunlarining kompleks shakllarini yozib bering. 14. Kompleks quvvat va kompleks quvvatlar balansi nima? 15. Sinusoidal tok zanjirlarini kompleks usulda hisoblash ketma-ketligini aytib bering. 16. Elektr zanjirida tebranish konturi nima? 17. Elektr zanjirlarida rezonans hodisasi nima va uni mexanikadagi rezonans bilan taqqoslang? 18. Rezonans shartlari nima? 19. Kuchlanishlar rezonansi nima va uni hosil qilish usullarini so'zlab bering? 20. Toklar rezonansi nima va uni hosil qilish usullarini ayting? 21. Tebranish konturining to'lqin qarshiligi asllik koeffitsiyenti nima? 22. Rezonans hodisasining amaliy ahamiyatini ayting. 23. Quvvat koeffitsiyenti va uning amaliy ahamiyati haqida nimalarni bilasiz? 24. O'zinduksiya va

o'zaroinduksiya hodisalarini tushuntirib bering. 25. O'zaroinduktivlik va induktiv bog'lanish koeffitsiyenti nima? 26. Ketma – ket va parallel ulangan o'zaro induktiv bog'langan zanjirlarda o'zaro induktivlik qanday aniqlanadi? 27. O'zaro induktiv bog'langan zanjirlarni hisoblashning o'ziga hos xususiyatlarini izohlang. 28. O'zaro induktiv bog'langan ikkita kontur bir xil nomli qismlarini va o'zaro induktivlikni tajriba yordamida aniqlash usullarini tushuntirib bering. 29. Induktiv bog'langan zanjirlarni tahlil qilishda ekvivalent sxemalardan foydalanishning afzalliklari nimalardan iborat? 30. Induktiv bog'langan zanjirlarda energiya uzatish jarayoni qanday amalga oshadi? 31. Induktiv bog'langan zanjirlarda rezonans hodisasining o'ziga xos xususiyatlarini tushuntirib bering. 32. O'zaksiz transformatorning tuzilishi va ishlash prinsipini aytib bering. 33. O'zaksiz transformatorning ekvivalent almashlash sxemasi qanday elementlardan tashkil topgan? 34. Ideal transformator nima? Mukammal transformator – chi? 35. To'rtqutblik deb qanday sxemalarga aytiladi? Unga misollar keltiring. 36. Qanday to'rtqutbliklar simmetrik, chiziqli, aktiv va passiv deb ataladi? 37. To'rtqutblikning asosiy tenglamalarini yozing va ularni izohlab bering. 38. To'rtqutblikning qanday ko'rinishdagi tenglamalarini bilasiz? 39. To'rtqutblikning qanday almashlash sxemalarini bilasiz? 40. To'rtqutblikning salt ishlash va qisqa tutashish rejimlarini izohlab bering. 41. To'rtqutblikning A, B, C va D koeffitsiyentlari tajriba yordamida qanday tartibda aniqlanadi? 42. To'rtqutblikning istalgan yuklamadagi kirish qarshiligi ifodalarini yozing.

Foydalanilgan adabiyotlar

1. Каримов А.С. Электротехниканинг назарий асослари. — Тошкент, 2003.
2. Бессонов Л.А. Теоретические основы электротехники. — М.: Высшая школа, 1984.
3. Демирчян К.С., Нейман Л.Р., Коровкин Н.В. Теоретические основы электротехники. — Санкт-Петербург. Питер, 2003.
4. Коровкин Н.В. и др. Сборник задач по теоретическим основам электротехники. — Санкт-Петербург. Питер, 2004.
5. Зевеке Г.В., Ионкин П.А. и др. Основы теории цепей. — М.: Энергоатомиздат, 1989.
6. Горбунов А.Н., Кравцов А.В. и др. Теоретические основы электротехники. — М.: УМЦ «ТРИАДА», 2003.
7. Евдокимов Ф.Е. Теоретические основы электротехники. — М.: Высшая школа, 1984.
8. Бессонов Л.А., Демидов И.Г. и др. Сборник задач по теоретическим основам электротехники. — М.: Высшая школа, 1980.
9. Сборник задач и упражнений по теоретическим основам электротехники /Под ред. П.А. Ионкина. — М.: Энергоиздат, 1982.
10. Атабеков Г.И. Теоретические основы электротехники. — М.: Высшая школа, 1978.
11. Шебес М.Р., Каблукова М.В. Задачник по теории линейных электрических цепей. — М.: Высшая школа, 1990.
12. Силкин М.И. Теоретические основы электротехники. — Алма-Ата: Кайнар, 1987.
13. Матханов П.Х. Основы анализа электрических цепей: Линейные цепи. — М.: Высшая школа, 1990.
14. Каримов А.С., Мирхайдаров М.М. ва б. Электротехника ва электроника асослари. Тошкент: «Ўқитувчи», 1995.
15. Якубов М.С., Жабборов Н.Ф., Амиров С.Ф. Электротехниканинг назарий асослари ва электр ўлчашлар. Тошкент: «Ўқитувчи», 2002.
16. Амиров С.Ф., Якубов М.С., Жабборов Н.Ф. Электротехниканинг назарий асослари. Маъруза матналари. — Тошкент: Тошкент ирригация ва қишлоқ хўжалигини механизациялаш инженерлари институти (ТИҚХМИИ), 2003.
17. Амиров С.Ф., Якубов М.С., Баратов Р.Ж. «Электротехниканинг назарий асослари» фанини ўрганиш ва синов ишларини бажариш учун услубий кўрсатмалар. — Тошкент: ТИҚХМИИ, 1999.

**Sulton Fayzullayevich Amirov, Mirjalil Soatovich Yoqubov,
Nasim G'afforovich Jabborov**

ELEKTROTEXNIKANING NAZARIY ASOSLARI

Oliy o'quv yurtlari talabalari uchun o'quv qo'llanma

Toshkent temir yo'l muhandislari institutining tahririy — nashriyot
va poligrafiya bo'limi — 2006

Muharrir *Sulton Mullamuhamedov*
Dizayner va sahifalovchi *Bahodir Akromov*

24.07.2006 yilda nashrga ruxsat etildi. Bichimi 84X108 $\frac{1}{32}$. Shartli
b.t. 9,7. Nashr b.t. 9,4. Adadi 185 nusxa. Bahosi shartnoma asosida.

Toshkent temir yo'l muhandislari institutining bosmaxonasida
chop etildi. 700167, Odilxo'jaev ko'chasi, 1.

S.F. Amirov, M.S. Yoqubov, N.G'. Jabborov
Elektrotexnikaning nazariy asoslari.
Oliy o'quv yurtlari talabalari uchun o'quv
qo'llanma. — T.: ToshTYMI, 2006, 144 b.

